

2022 北京海淀初三二模

数 学

2022.05

学校_____ 姓名_____ 准考证号_____

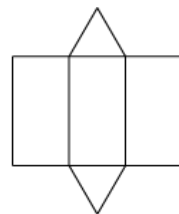
考 生 须 知	1. 本试卷共 8 页，共两部分，共 28 题，满分 100 分。考试时间 120 分钟。 2. 在试卷和答题卡上准确填写学校名称、姓名和准考证号。 3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。 4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。 5. 考试结束，将本试卷、答案卡和草稿纸一并交回。
------------------	--

第一部分 选择题

选择题（共 16 分，每题 2 分）

第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 右图是某几何体的展开图，该几何体是



- (A) 圆柱 (B) 三棱柱
(C) 圆锥 (D) 三棱锥

2. 为了保护和利用好京杭大运河，我国水利部门启动了京杭大运河 2022 年全线贯通补水行动，预计总补水量达 515 000 000 立方米，相当于 37 个西湖的水量。将 515 000 000 用科学记数法表示应为

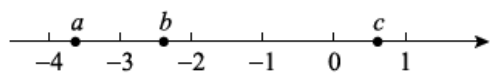
- (A) 5.15×10^8 (B) 5.15×10^9 (C) 0.515×10^9 (D) 51.5×10^7

3. 如图，正五边形的内角和为

- (A) 180° (B) 360° (C) 540° (D) 720°



4. 实数 a, b, c 在数轴上的对应点的位置如图所示，则下列结论正确的是

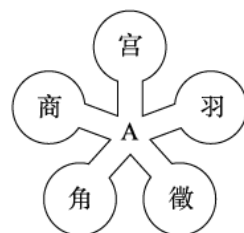


- (A) $a > b$ (B) $a + b > 0$ (C) $bc > 0$ (D) $a < -c$

5. 已知 $m = 2$ ，则代数式 $\left(m - \frac{1}{m}\right) \cdot \frac{m}{m-1}$ 的值为

- (A) 1 (B) -1 (C) 3 (D) -3

6. “宫商角徵羽”是中国古乐的五个基本音阶（相当于西乐的 1,2,3,5,6），是采用“三分损益法”通过数学方法获得。现有一款“一起听古音”的音乐玩具，音乐小球从 A 处沿轨道进入小洞就可以发出相应的声音，且小球进入每个小洞的可能性大小相同。现有一个音乐小球从 A 处先后两次进入小洞，先发出“商”音，再发出“羽”音的概率是



- (A) $\frac{1}{25}$ (B) $\frac{1}{10}$
(C) $\frac{1}{5}$ (D) $\frac{2}{5}$

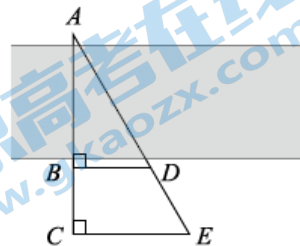
7. 如图, 为了估算河的宽度, 在河对岸选定一个目标点 A , 在近岸取点 B, C, D, E , 使得 A, B 与 C 共线, A, D 与 E 共线, 且直线 AC 与河岸垂直, 直线 BD, CE 均与直线 AC 垂直, 经测量, 得到 BC, CE, BD 的长度, 设 AB 的长为 x , 则下列等式成立的是

(A) $\frac{x}{x+BC} = \frac{BD}{CE}$

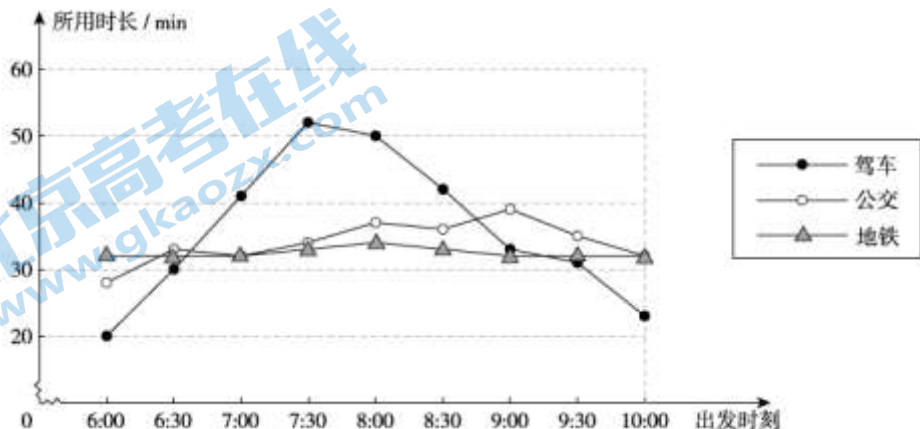
(B) $\frac{x}{BC} = \frac{BD}{CE}$

(C) $\frac{BC}{x+BC} = \frac{BD}{CE}$

(D) $\frac{BC}{x} = \frac{BD}{CE}$



8. 从 A 地到 B 地有驾车、公交、地铁三种出行方式, 为了选择适合的出行方式, 对 6:00-10:00 时段这三种出行方式不同出发时刻所用时长 (从 A 地到 B 地) 进行调查、记录与整理, 数据如图所示.



根据统计图提供的信息, 下列推断合理的是

- (A) 若 8:00 出发, 驾车是最快的出行方式
- (B) 地铁出行所用时长受出发时刻影响较小
- (C) 若选择公交出行且需要 30 分钟以内到达, 则 7:30 之前出发均可
- (D) 同一时刻出发, 不同出行方式所用时长的差最长可达 30 分钟

第二部分 非选择题

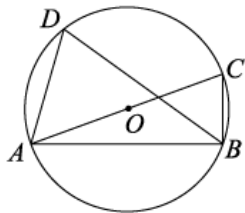
二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. 若 $\sqrt{x-3}$ 在实数范围内有意义, 则实数 x 的取值范围是_____.

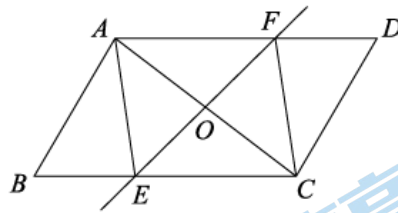
10. 方程组 $\begin{cases} x+y=4, \\ 2x-y=-1 \end{cases}$ 的解为_____.

11. 在平面直角坐标系 xOy 中, 点 $A(3, y_1)$, $B(5, y_2)$ 在双曲线 $y = \frac{3}{x}$ 上, 则 y_1 _____ y_2 ; (填“>”或“<”)

12. 用一个 a 的值说明“若 a 是实数, 则 $2a$ 一定比 a 大”是错误的, 这个值可以是_____.



第 13 题图

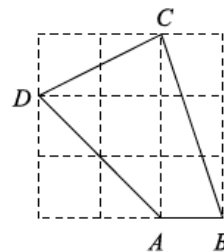


第 14 题图

13. 如图, 点 A, B, C, D 在 $\odot O$ 上, AC 是 $\odot O$ 的直径. 若 $\angle BAC = 20^\circ$, 则 $\angle D$ 的度数为_____.

14. 如图, 在平行四边形 $ABCD$ 中, 过 AC 中点 O 的直线分别交边 BC, AD 于点 E, F , 连接 AE, CF . 只需添加一个条件即可证明四边形 $AECF$ 是菱形, 这个条件可以是_____ (写出一个即可).

15. 如图所示的网格是正方形网格, A, B, C, D 是网格线交点, 若 $AB = 1$, 则四边形 $ABCD$ 的面积为_____.



第 15 题图

16. 有 A, B, C, D, E, F 六种类型的卡牌, 每位同学有三张不同类型的卡牌, 记作一个“卡牌组合” (不考虑顺序). 将 n 位同学拥有的卡牌按类型分别统计, 得到下表:

卡牌类型	A	B	C	D	E	F
数量 (张)	4	10	3	10	1	2

根据以上信息, 可知:

① $n =$ _____;

② 拥有“卡牌组合”_____的人数最少 (横线上填出三张卡牌的类型).

三、解答题 (共 68 分, 第 17-18 题, 每题 5 分, 第 19-20 题, 每题 6 分, 第 21-23 题, 每题 5 分, 第 24 题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题, 每题 7 分)

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. 计算: $\sqrt{12} - 2\sin 60^\circ + \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} + |-2|$

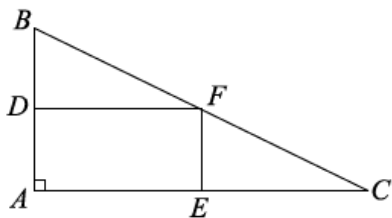
18. 解不等式组:
$$\begin{cases} 5x - 2 > 2x + 4, \\ \frac{x-1}{2} > \frac{x}{3}. \end{cases}$$

19. 关于 x 的方程 $x^2 - (2m+1)x + m^2 = 0$ 有两个不相等的实数根.

- (1) 求 m 的取值范围;
- (2) 当 m 取最小的整数时, 求此时的方程的根

20. 如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle A = 90^\circ$, 点 D, E, F 分别为 AB, AC, BC 的中点, 连接 DF, EF .

- (1) 求证: 四边形 $AEFD$ 是矩形;
- (2) 连接 BE , 若 $AB = 2$, $\tan C = \frac{1}{2}$, 求 BE 的长.



21. 已知：如图 1，在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC$ ， D 为边 AC 上一点.

求作：点 P ，使得点 P 在射线 BD 上，且 $\angle APB = \angle ACB$.

作法：如图 2，

①以点 A 为圆心， AB 长为半径画弧，交 BD 的延长线于点 E ，连接 AE ；

②_____.

点 P 就是所求作的点，|

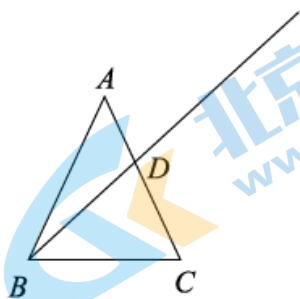


图 1

(1) 补全作法，步骤②可为_____。（填“a”或“b”）；

a: 作 $\angle BAE$ 的平分线，交射线 BD 于点 P

b: 作 $\angle CAE$ 的平分线，交射线 BD 于点 P

(2) 根据 (1) 中的选择，在图 2 中使用直尺和圆规，依作法补全图形（保留作图痕迹）；

(3) 由①可知点 B, C, E 在以点 A 为圆心， AB 长为半径的圆上，所以

$$\angle CBE = \frac{1}{2} \angle CAE.$$

其依据是_____.

由②可得 $\angle PAD = \frac{1}{2} \angle$ _____，所以 $\angle PAD = \angle CBE$.

又因为 $\angle ADP = \angle BDC$ ，可证 $\angle APB = \angle ACB$.

22. 在平面直角坐标系： xOy 中，一次函数 $y = k(x-1) + 6 (k > 0)$ 的图象与反比例函数 $y = \frac{m}{x} (m \neq 0)$ 的图象的一个交点的横坐标为 1.

(1) 求这个反比例函数的解析式；

(2) 当 $x < -3$ 时，对于 x 的每一个值，反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的值大于一次函数 $y = k(x-1) + 6 (k > 0)$ 的值，直接

写出 k 的取值范围.

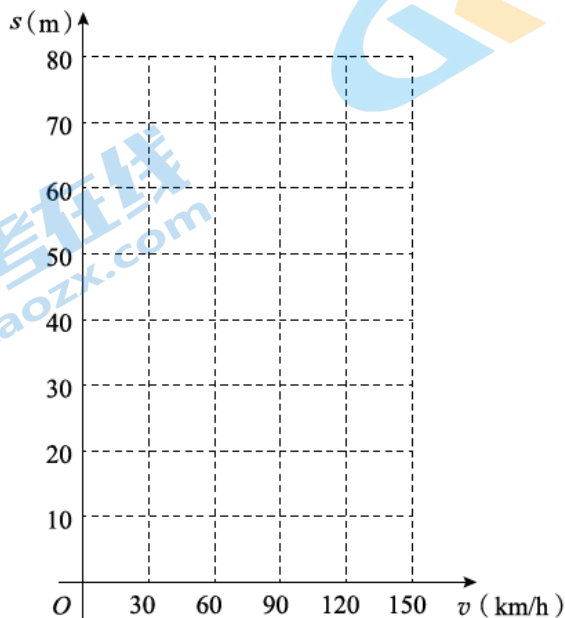
关注北京高考在线官方微信：北京高考资讯(微信号:bjgkzx)，获取更多试题资料及排名分析信息。

图 2

23. 由于惯性的作用，行驶中的汽车在刹车后还要继续向前滑行一段距离才能停止，这段距离称为“刹车距离”。某公司设计了一款新型汽车，现在对它的刹车性能（车速不超过 150km/h）进行测试，测得数据如下表：

车速 v (km/h)	0	30	60	90	120	150
刹车距离 s (m)	0	7.8	19.2	34.2	52.8	75

(1) 以车速 v 为横坐标，刹车距离 s 为纵坐标，在坐标系中描出表中各组数值所对应的点，并用平滑曲线连接这些点；



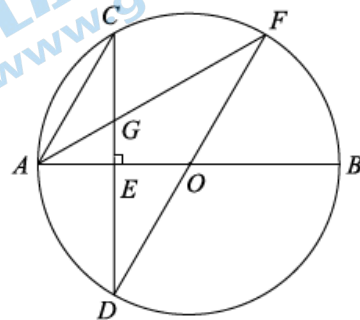
(2) 由图表中的信息可知：

①该型汽车车速越大，刹车距离越_____（填“大”或“小”）；

②若该型汽车某次测试的刹车距离为 40m，估计该车的速度约为_____ km/h；

(3) 若该路段实际行车的最高限速为 120km/h，要求该型汽车的安全车距要大于最高限速时刹车距离的 3 倍，则安全车距应超过_____ m.

24. 如图， AB 为 $\odot O$ 的直径， CD 为弦， $CD \perp AB$ 于点 E ，连接 DO 并延长交 $\odot O$ 于点 F ，连接 AF 交 CD 于点 G ， $CG = AG$ ，连接 AC .



(1) 求证： $AC \parallel DF$ ；

(2) 若 $AB = 12$ ，求 AC 和 GD 的长.

25. 某校计划更换校服款式，为调研学生对 A,B 两款校服的满意度，随机抽取了

20 名同学试穿两款校服，对舒适性、性价比和时尚性进行评分（满分均为 20 分），并按照 1:1:1 的比计算综合评分。将数据（评分）进行整理、描述和分析，下面给出了部分信息。

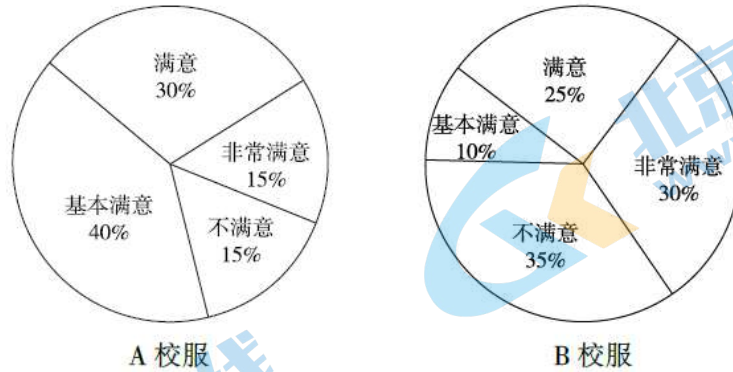
a. A,B 两款校服各项评分的平均数（精确到 0.1）如下：

款式	舒适性评分平均数	性价比评分平均数	时尚性评分平均数	综合评分平均数
A	19.5	19.6	10.2	
B	19.2	18.5	10.4	16.0

b. 不同评分对应的满意度如下表：

评分	$0 \leq x < 5$	$5 \leq x < 10$	$10 \leq x < 15$	$15 \leq x \leq 20$
满意度	不满意	基本满意	满意	非常满意

C. A,B 两款校服时尚性满意度人数分布统计图如下:



d. B 校服时尚性评分在 $10 \leq x < 15$ 这一组的是:

10 11 12 12 14

根据以上信息, 回答下列问题:

- (1) 在此次调研中
 - ① A 校服综合评分平均数是否达到“非常满意”: _____ (填“是”或“否”);
 - ② A 校服时尚性满意度达到“非常满意”的人数为_____;
- (2) 在此次调研中, B 校服时尚性评分的中位数为_____;
- (3) 在此次调研中, 记 A 校服时尚性评分高于其平均数的人数为 m , B 校服时尚性评分高于其平均数的人数为 n . 比较 m, n 的大小, 并说明理由.

26. 在平面直角坐标系 xOy 中, 点 $(m-2, y_1), (m, y_2), (2-m, y_3)$ 在抛物线 $y = x^2 - 2ax + 1$ 上, 其中 $m \neq 1$ 且 $m \neq 2$.

- (1) 直接写出该抛物线的对称轴的表达式 (用含 a 的式子表示);
- (2) 当 $m = 0$ 时, 若 $y_1 = y_3$, 比较 y_1 与 y_2 的大小关系, 并说明理由;
- (3) 若存在大于 1 的实数 m , 使 $y_1 > y_2 > y_3$, 求 a 的取值范围.

27. 已知 $AB = BC$, $\angle ABC = 90^\circ$, 直线 l 是过点 B 的一条动直线 (不与直线 AB, BC 重合), 分别过点 A, C 作直线 l 的垂线, 垂足为 D, E .

- (1) 如图 1, 当 $45^\circ < \angle ABD < 90^\circ$ 时,
 - ① 求证: $CE + DE = AD$;
 - ② 连接 AE , 过点 D 作 $DH \perp AE$ 于 H , 过点 A 作 $AF \parallel BC$ 交 DH 的延长线于点 F . 依题意补全图形, 用等式表示线段 DF, BE, DE 的数量关系, 并证明;
- (2) 在直线 l 运动的过程中, 若 DE 的最大值为 3, 直接写出 AB 的长.

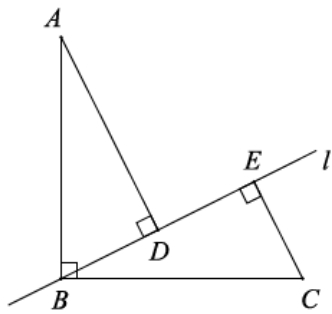
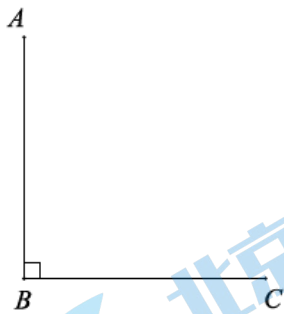


图1



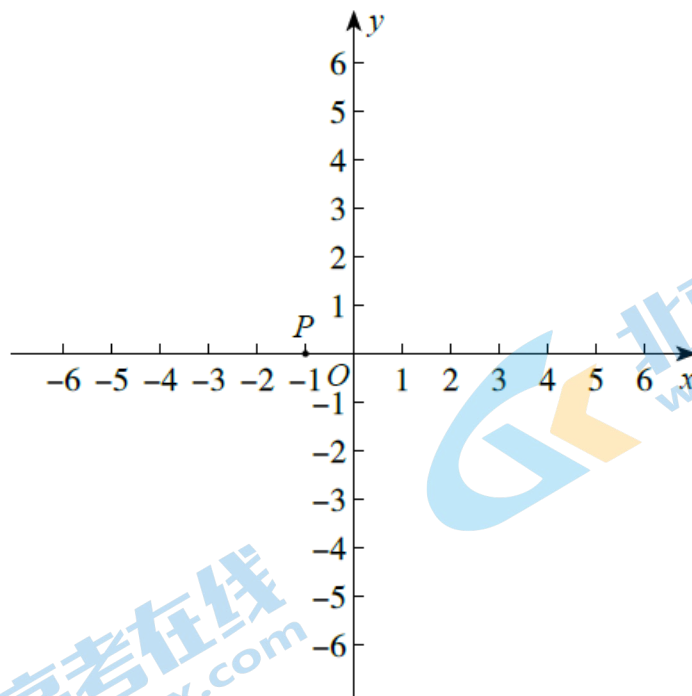
备用图

28. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于线段 MN , 直线 l 和图形 W 给出如下定义: 线段 MN 关于直线 l 的对称线段为 $M'N'$ (M', N' 分别是 M, N 的对应点)。若 MN 与 $M'N'$ 均在图形 W 内部 (包括边界), 则称图形 W 为线段 MN 关于直线 l 的“对称封闭图形”。

(1) 如图, 点 $P(-1, 0)$ 。

① 已知图形 W_1 : 半径为 1 的 $\odot O$, W_2 : 以线段 PO 为边的等边三角形, W_3 : 以 O 为中心且边长为 2 的正方形, 在 W_1, W_2, W_3 中, 线段 PO 关于 y 轴的“对称封闭图形”是_____;

② 以 O 为中心的正方形 $ABCD$ 的边长为 4, 各边与坐标轴平行, 若正方形 $ABCD$ 是线段 PO 关于直线 $y = x + b$ 的“对称封闭图形”, 求 b 的取值范围;



(2) 线段 MN 在由第四象限、原点、 x 轴正半轴以及 y 轴负半轴组成的区域内, 且 MN 的长度为 2. 若存在点 $Q(a - 2\sqrt{2}, a + 2\sqrt{2})$, 使得对于任意过点 Q 的直线 l , 有线段 MN , 满足半径为 r 的 $\odot O$ 是该线段关于 l 的“对称封闭图形”, 直接写出 r 的取值范围。

参考答案

第一部分 选择题

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	B	A	C	D	C	A	A	B

第二部分 非选择题

二、填空题（共 16 分，每题 2 分）

9. $x \geq 3$

10. $\begin{cases} x=1 \\ y=3 \end{cases}$

11. $>$

12. 不唯一，例如 $a = -1$

13. 70°

14. 不唯一，例如 $AC \perp EF$

15. $\frac{9}{2}$

16. (1) 10, (2) BDE

三、解答题（共 68 分，第 17-18 题，每题 5 分，第 19-20 题，每题 6 分，第 21-23 题，每题 5 分，第 24 题 6 分，第 25 题 5 分，第 26 题 6 分，第 27-28 题，每题 7 分）

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程。

17. （本题满分 5 分）

解：原式 $= 2\sqrt{3} - 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} + 2 + 2$
 $= 4 + \sqrt{3}.$

18. （本题满分 5 分）

解：原不等式组为 $\begin{cases} 5x - 2 > 2x + 4, \text{①} \\ \frac{x-1}{2} > \frac{x}{3}. \text{②} \end{cases}$

解不等式①，得 $x > 2.$

解不等式②，得 $x > 3.$

\therefore 原不等式组的解集为 $x > 3.$

19. （本题满分 6 分）

(1) 解: 依题意, $\Delta = (2m+1)^2 - 4m^2 = 4m+1 > 0$.

$$\therefore m > -\frac{1}{4}.$$

(2) 解: $\because m > -\frac{1}{4}$ 且 m 为最小的整数,

$$\therefore m = 0.$$

$$\therefore \text{此时方程为 } x^2 - x = 0.$$

$$\therefore \text{方程的根为 } x_1 = 0, x_2 = 1.$$

20. (本题满分 6 分)

(1) 证明:

$\because D, F$ 分别是 AB, BC 的中点,

$\therefore DF \parallel AC$.

$\because E, F$ 分别是 AC, BC 的中点,

$\therefore EF \parallel AB$.

\therefore 四边形 $AEFD$ 是平行四边形.

$\because \angle A = 90^\circ$,

\therefore 四边形 $AEFD$ 是矩形.

(2) 解:

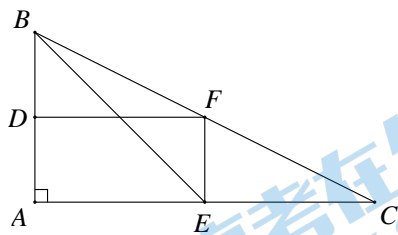
$$\because AB=2, \tan C = \frac{1}{2},$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle ABC \text{ 中, } AC = \frac{AB}{\tan C} = 4.$$

$\because E$ 是 AC 的中点,

$$\therefore AE = \frac{1}{2}AC = 2.$$

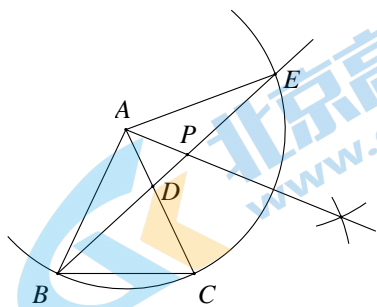
$$\therefore \text{在 Rt}\triangle ABE \text{ 中, } BE = \sqrt{AB^2 + AE^2} = 2\sqrt{2}.$$



21. (本题满分 5 分)

(1) b ;

(2) 如图所示:



(3) 一条弧所对的圆周角等于它所对的圆心角的一半;

CAE .

22. (本题满分 5 分)

(1) 解:

∵ 两个函数图象交点的横坐标为 1,

∴ 将 $x=1$ 代入一次函数的解析式, 得 $y=6$.

∴ 交点的坐标为 $(1, 6)$.

∵ 反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的图象也过点 $(1, 6)$,

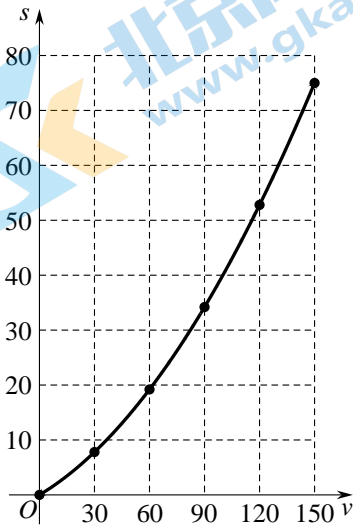
∴ $m = 1 \times 6 = 6$.

∴ 这个反比例函数的解析式为 $y = \frac{6}{x}$.

(2) $k \geq 2$.

23. (本题满分 5 分)

(1) 如图所示:



(2) ① 大;

② 100;

(3) 158.4.

24. (本题满分 6 分)

(1) 证明:

∵ C, F 都在 $\odot O$ 上,

∴ $\angle C = \angle F$.

∵ $GA = GC$,

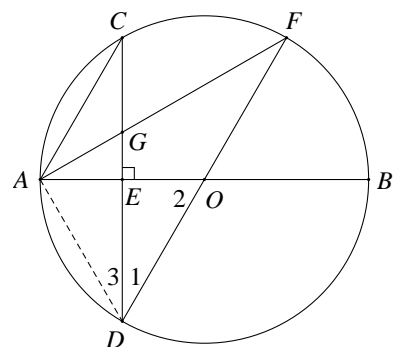
∴ $\angle CAF = \angle C$.

∴ $\angle CAF = \angle F$.

∴ $AC \parallel DF$.

(2) 解: 连接 AD .

∵ $AC \parallel DF$,



$$\therefore \angle C = \angle 1,$$

$$\therefore AD = AD,$$

$$\therefore \angle C = \frac{1}{2} \angle 2.$$

$$\therefore \angle 1 = \frac{1}{2} \angle 2. \quad \text{①}$$

$$\therefore AB \perp CD \text{ 于 } E,$$

$$\therefore \angle BED = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle 1 + \angle 2 = 90^\circ. \quad \text{②}$$

$$\therefore \text{由①, ②得 } \angle 1 = 30^\circ, \angle 2 = 60^\circ.$$

$$\therefore OA = OD,$$

$$\therefore \triangle AOD \text{ 是等边三角形.}$$

$$\therefore AD = AO = \frac{1}{2} AB = 6.$$

$$\therefore \text{直径 } AB \perp CD \text{ 于 } E,$$

$$\therefore AC = AD.$$

$$\therefore AC = AD = 6.$$

$$\therefore \triangle AOD \text{ 是等边三角形,}$$

$$\therefore \angle ADO = 60^\circ, \angle 1 = 30^\circ.$$

$$\therefore \angle 3 = \angle AOD - \angle 1 = 30^\circ$$

$$\therefore DF \text{ 是 } \odot O \text{ 的直径,}$$

$$\therefore \angle FAD = 90^\circ.$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle GAD \text{ 中, } DG = \frac{AD}{\cos \angle 3} = 4\sqrt{3}.$$

25. (本题满分 5 分)

(1) ① 是;

② 3;

(2) 10.5;

(3) $m < n$, 理由如下:

A 校服时尚性评分的平均数为 10.2, 达到“满意”水平, 由扇形图可知, 20 人对 A 校服时尚性评分达到“满意”和“非常满意”的有 45%, 即 9 人, 因此 A 校服时尚性评分高于其平均数的人数 $m \leq 9$; B 校服时尚性评分平均数为 10.4, 小于其中位数 10.5, 因此结合样本数据, 在 20 人中 B 校服时尚性评分高于其平均数的人数 $n = 10$. 故 $m < n$.

26. (本题满分6分)

(1) $x=a$

(2) 解: 当 $m=0$ 时, 这三个点分别为 $(-2, y_1)$, $(0, y_2)$, $(2, y_3)$,

$\therefore y_1 = y_3$,

$\therefore (-2, y_1)$ 与 $(2, y_3)$ 关于对称轴对称,

\therefore 抛物线的对称轴为 $x=0$.

$\therefore (0, y_2)$ 为抛物线的顶点.

\therefore 抛物线的开口向上,

\therefore 当 $x=0$ 时, y_2 为函数 $y=x^2-2ax+1$ 的最小值.

$\therefore y_2 < y_1$.

(3) 解一: 依题意, 点 $(m-2, y_1)$, (m, y_2) , $(2-m, y_3)$ 在抛物线 $y=x^2-2ax+1$ 上, 其中 $m \neq 1$, 且 $m \neq 2$.

当 $1 < m < 2$ 时, $m-2 < 2-m < m$.

\therefore 抛物线开口向上, 对称轴为直线 $x=a$,

\therefore 当 $x \leq a$ 时, y 随 x 的增大而减小; 当 $x \geq a$ 时, y 随 x 的增大而增大,

$\therefore y_1 > y_2 > y_3$

\therefore 点 $(m-2, y_1)$ 在对称轴左侧, 与对称轴的距离最大, 点 (m, y_2) 在对称轴右侧, 与对称轴的距离居中, 点 $(2-m, y_3)$ 与对称轴的距离最小.

$\therefore m-1 < a < 1$.

\therefore 存在 $1 < m < 2$ 的实数 m , 使 $y_1 > y_2 > y_3$ 成立.

$\therefore a$ 的取值范围是 $0 < a < 1$.

当 $m > 2$ 时, $2-m < m-2 < m$.

\therefore 抛物线开口向上, 对称轴为直线 $x=a$,

\therefore 无论 a 为何值, 均不能满足 $y_1 > y_2 > y_3$.

综上, a 的取值范围是 $0 < a < 1$.

解二: 将 $x=m-2$, $x=m$ 和 $x=2-m$ 分别代入, 得:

$$y_1 = (m-2)^2 - 2a(m-2) + 1,$$

$$y_2 = m^2 - 2am + 1,$$

$$y_3 = (m-2)^2 + 2a(m-2) + 1.$$

则有: $y_1 - y_2 = 4(a+1-m)$,

$$y_2 - y_3 = 4(a-1)(1-m),$$

于是 $y_1 > y_2 > y_3$ 成立, 即为 $y_1 - y_2 > 0$ 和 $y_2 - y_3 > 0$ 同时成立,

也即为 $a > m-1$ 和 $(a-1)(1-m) > 0$ 同时成立.

- ① 当 $a \leq 0$ 时, $m-1 < a \leq 0$, 故 $m \leq 1$, 不存在大于 1 的实数 m ;
- ② 当 $a > 1$ 时, $a-1 > 0$, 要使 $(a-1)(1-m) > 0$, 则 $m < 1$, 也不存在大于 1 的实数 m ;
- ③ 当 $a = 1$ 时, $(a-1)(1-m) = 0$, 不符合题意;
- ④ $0 < a < 1$ 时, 只需取满足 $1 < m < a+1$ 的 m 即可满足前述两个不等式同时成立, 即 $y_1 > y_2 > y_3$ 成立.

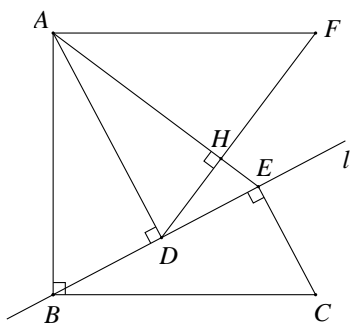
综上所述, a 的取值范围是 $0 < a < 1$.

27. (本题满分 7 分)

(1) ①证明:

- $\because \angle ABC = 90^\circ$,
- $\therefore \angle ABD + \angle CBD = 90^\circ$.
- $\because CE \perp l$,
- $\therefore \angle CEB = 90^\circ$.
- $\therefore \angle CBD + \angle C = 90^\circ$.
- $\therefore \angle ABD = \angle C$.
- $\because AD \perp l$,
- $\therefore \angle ADB = 90^\circ = \angle CEB$.
- $\because AB = BC$,
- $\therefore \triangle ABD \cong \triangle BCE$.
- $\therefore AD = BE, BD = CE$.
- $\because BD + DE = BE$,
- $\therefore CE + DE = AD$.

②补全图形如图:



线段 DF, BE, DE 的数量关系为 $BE^2 + DE^2 = DF^2$.

证明如下:

- $\because AF \parallel BC$,
- $\therefore \angle BAF + \angle ABC = 180^\circ$.
- $\because \angle ABC = 90^\circ$,
- $\therefore \angle BAF = 90^\circ$.
- $\therefore \angle BAD + \angle DAF = 90^\circ$.
- $\because AD \perp l$,

$$\therefore \angle ADB=90^\circ.$$

$$\therefore \angle BAD+\angle ABD=90^\circ.$$

$$\therefore \angle ABD=\angle DAF.$$

$\therefore DF \perp AE$ 于 H ,

$$\therefore \angle DHE=90^\circ.$$

$$\therefore \angle HDE+\angle HED=90^\circ.$$

$$\therefore \angle ADE=\angle ADF+\angle HDE=90^\circ,$$

$$\therefore \angle HED=\angle ADF.$$

\therefore 由 (1) 中全等, 有 $AD=BE$,

$$\therefore \triangle ADF \cong \triangle BEA.$$

$$\therefore DF=AE.$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle ADE \text{ 中, } AD^2+DE^2=AE^2,$$

$$\therefore BE^2+DE^2=DF^2.$$

$$(2) \frac{3}{2}\sqrt{2}.$$

28. (本题满分 7 分)

(1) ① W_1, W_3 .

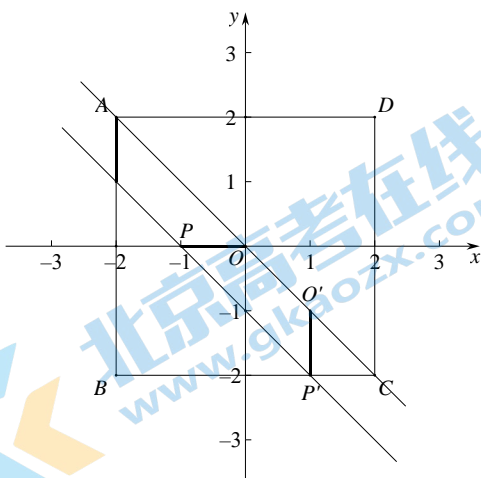
② 解:

记点 P, O 关于直线 $y=x+b$ 的对称点分别为 P', O' , 则直线 $y=x+b$ 垂直平分线段 PP' 和 OO' , 因此直线 PP' 的解析式为 $y=-x-1$, 直线 OO' 的解析式为 $y=-x$, 由于线段 PO 在 x 轴上, 故关于直线 $y=x+b$ 的对称后, $P'O' \perp x$ 轴.

如图, 当直线 $y=x+b$ 随着 b 的变化上下平移时, 临界情况是:

当点 P 对称后得到 P' 在 $y=-2$ 上, 即 $P'(1, -2)$ 时, PP' 中点为 $(-1, 0)$, 此时 $b=-1$;

当点 O 对称后恰好为 $(2, 2)$ 时, OO' 中点为 $(1, 1)$, 此时 $b=2$.



依题意, b 的取值范围是 $-1 \leq b \leq 2$.

$$(2) r \geq 4 + \sqrt{26}.$$

2022 北京各区初三二模试题下载

北京高考资讯公众号整理【**2022 北京各区初三二模试题&答案**】，持续为大家进行分享。
想要下载练习各区各科试题答案，可以扫描下方二维码，进入试题答案汇总下载高清电子版文件。

扫描二维码进入试题答案汇总
下载电子版试题



还有更多**二模成绩、排名**等信息，考后持续分享
记得关注我们的公众号【**北京高考资讯 (ID: bjgkzx)**】！



微信搜一搜



北京高考资讯