

2022 北京中考真题

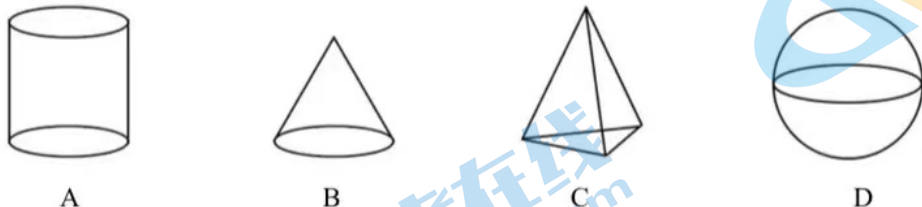
数 学

第一部分 选择题

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）

第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 下面几何体中，是圆锥的为

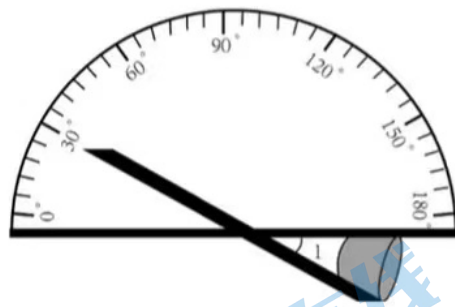


2. 截至 2021 年 12 月 31 日，长江干流六座梯级水电站全年累计发电量达 2628.83 亿千瓦时，相当于减排二氧化碳约 2.2 亿吨。将 262 883 000 000 用科学计数法表示应为

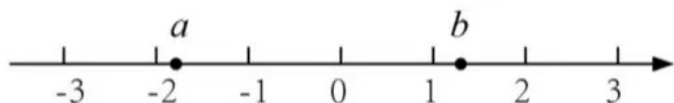
- A. 26.2883×10^{10} B. 2.62883×10^{11} C. 2.62883×10^{12} D. 0.262883×10^{12}

3. 如图，利用工具测量角，则 $\angle 1$ 的大小为

- A. 30° B. 60°
C. 120° D. 150°



4. 实数 a , b 在数轴上的对应点的位置如图所示，下列结论中正确的是



- A. $a < -2$ B. $b < 1$ C. $a > b$ D. $-a > b$

5. 不透明的袋子中装有红、绿小球各一个，除颜色外两个小球无其他差别，从中随机摸出一个小球，放回并摇匀，再从中随机摸出一个小球，那么第一次摸到红球、第二次摸到绿球的概率是

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{3}{4}$

6. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2 + x + m = 0$ 有两个相等的实数根，则实数 m 的值为

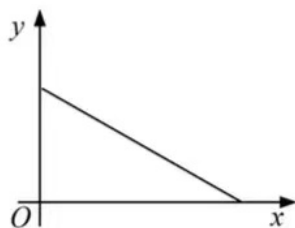
- A. -4 B. $-\frac{1}{4}$ C. $\frac{1}{4}$ D. 4

7. 图中的图形为轴对称图形，该图形的对称轴的条数为

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 5



第7题图



第8题图

8. 下面的三个问题中都有两个变量:

- ①汽车从 A 地匀速行驶到 B 地, 汽车的剩余路程 y 与行驶时间 x ;
- ②将水箱中的水匀速放出, 直至放完, 水箱中的剩余水量 y 与放水时间 x ;
- ③用长度一定的绳子围成一个矩形, 矩形的面积 y 与一边长 x , 其中, 变量 y 与变量 x 之间的函数关系可以利用如图所示的图象表示的是

- A. ①② B. ①③ C. ②③ D. ①②③

第二部分 非选择题

二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. 若 $\sqrt{x-8}$ 在实数范围内有意义, 则实数 x 的取值范围是_____.

10. 分解因式: $xy^2 - x =$ _____.

11. 方程 $\frac{2}{x+5} = \frac{1}{x}$ 的解为_____.

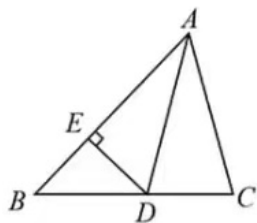
12. 在平面直角坐标系 xOy 中, 若点 $A(2, y_1), B(5, y_2)$ 在反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k > 0)$ 的图象上, 则 y_1 _____ y_2 (填“>” “=”或“<”)

13. 某商场准备进 400 双滑冰鞋, 了解了某段时间内销售的 40 双滑冰鞋的鞋号, 数据如下:

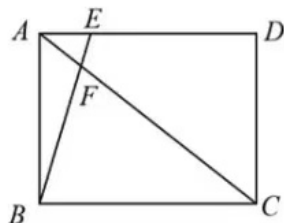
鞋号	35	36	37	38	39	40	41	42	43
销售量/双	2	4	5	5	12	6	3	2	1

根据以上数据, 估计该商场进鞋号需求最多的滑冰鞋的数量为_____双.

14. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, AD 平分 $\angle BAC, DE \perp AB$. 若 $AC = 2, DE = 1$, 则 $S_{\triangle ACD} =$ _____.



第14题图



第15题图

15. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, 若 $AB = 3, AC = 5, \frac{AF}{FC} = \frac{1}{4}$, 则 AE 的长为_____.

16. 甲工厂将生产的 I 号、II 号两种产品共打包成 5 个不同的包裹, 编号分别为 A, B, C, D, E, 每个包裹的重量及包裹中 I 号、II 号产品的重量如下:

包裹编号	I 号产品重量/吨	II 号产品重量/吨	包裹的重量/吨
A	5	1	6
B	3	2	5
C	2	3	5
D	4	3	7
E	3	5	8

甲工厂准备用一辆载重不超过 19.5 吨的货车将部分包裹一次运送到乙工厂。

(1) 如果装运的 I 号产品不少于 9 吨, 且不多于 11 吨, 写出一中满足条件的装运方案_____ (写出要装运包裹的编号);

(2) 如果装运的 I 号产品不少于 9 吨, 且不多于 11 吨, 同时装运的 II 号产品最多, 写出满足条件的装运方案_____ (写出要装运包裹的编号)。

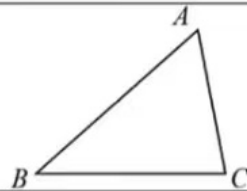
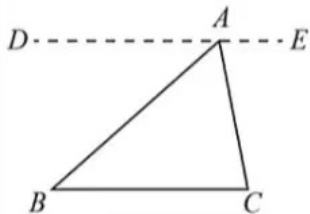
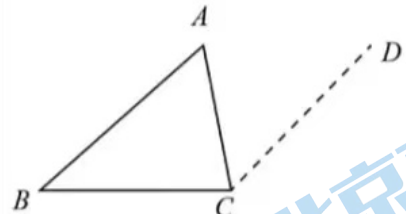
三、解答题 (共 68 分, 第 17-20 题, 每题 5 分, 第 21 题 6 分, 第 22 题 5 分, 第 23-24 题, 每题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题, 每题 7 分) 解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程。

17. 计算: $(\pi - 1)^0 + 4\sin 45^\circ - \sqrt{8} + |-3|$.

18. 解不等式组:
$$\begin{cases} 2+x > 7-4x, \\ x < \frac{4+x}{2}. \end{cases}$$

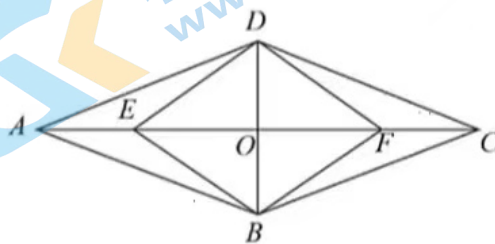
19. 已知 $x^2 + 2x - 2 = 0$, 求代数式 $x(x+2) + (x+1)^2$ 的值。

20. 下面是证明三角形内角和定理的两种添加辅助线的方法, 选择其中一种, 完成证明。

三角形内角和定理: 三角形三个内角和等于 180° , 已知: 如图, $\triangle ABC$, 求证: $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$.		
方法一 证明: 如图, 过点 A 作 $DE \parallel BC$. 	方法二 证明: 如图, 过点 C 作 $CD \parallel AB$. 	

21. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, AC, BD 交于点 O , 点 E, F 在 AC 上, $AE = CF$.

- (1) 求证: 四边形 $EBFD$ 是平行四边形;
- (2) 若 $\angle BAC = \angle DAC$, 求证: 四边形 $EBFD$ 是菱形.

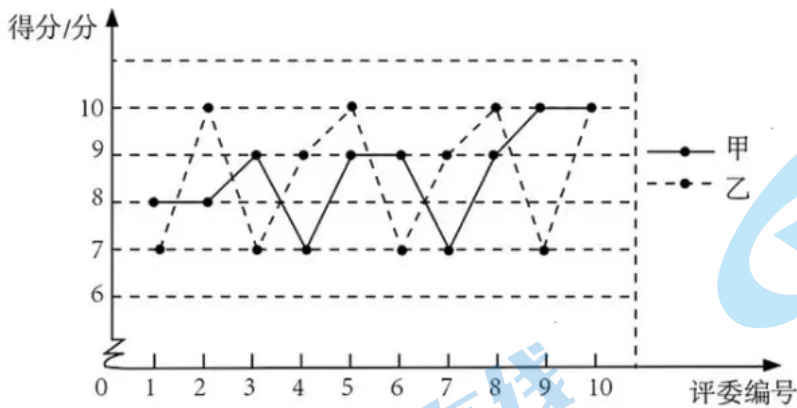


22. 在平面直角坐标系 xOy 中, 函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的图象经过点 $(4, 3), (-2, 0)$, 且与 y 轴交于点 A .

- (1) 求该函数的解析式及点 A 的坐标;
- (2) 当 $x > 0$ 时, 对于 x 的每一个值, 函数 $y = x + n$ 的值大于函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的值, 直接写出 n 的取值范围.

23. 某校举办“歌唱祖国”演唱比赛，十位评委对每位同学的演唱进行现场打分，对参加比赛的甲、乙、丙三位同学得分的数据进行整理、描述和分析，下面给出了部分信息.

a. 甲、乙两位同学得分的折线图:



b. 丙同学得分:

10, 10, 10, 9, 9, 8, 3, 9, 8, 10

c. 甲、乙、丙三位同学得分的平均数:

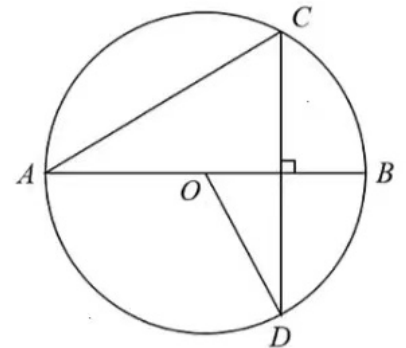
同学	甲	乙	丙
平均数	8.6	8.6	m

根据以上信息，回答下列问题:

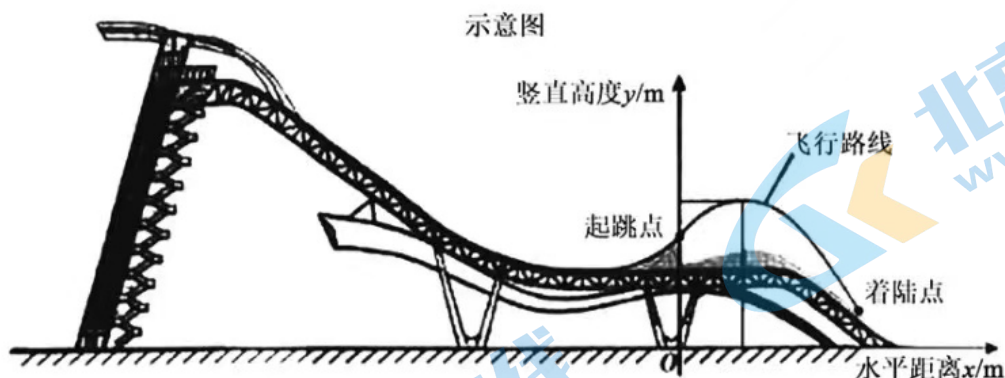
- 求表中 m 的值;
- 在参加比赛的同学中，如果某同学得分的 10 个数据的方差越小，则认为评委对该同学演唱的评价越一致. 据此推断：甲、乙两位同学中，评委对_____的评价更一致（填“甲”或“乙”）；
- 如果每位同学的最后得分为去掉十位评委打分中的一个最高分和一个最低分后的平均分，最后得分越高，则认为该同学表现越优秀. 据此推断：在甲、乙、丙三位同学中，表现最优秀的是_____（填“甲”“乙”或“丙”）.

24. 如图， AB 是 $\odot O$ 的直径， CD 是 $\odot O$ 的一条弦， $AB \perp CD$ ，连接 AC, OD .

- 求证： $\angle BOD = 2\angle A$;
- 连接 DB ，过点 C 作 $CE \perp DB$ ，交 DB 的延长线于点 E ，延长 DO ，交 AC 于点 F ，若 F 为 AC 的中点，求证：直线 CE 为 $\odot O$ 的切线.



25. 单板滑雪大跳台是北京冬奥会比赛项目之一，举办场地为首钢滑雪大跳台，运动员起跳后的飞行路线可以看作是抛物线的一部分，建立如图所示的平面直角坐标系，从起跳到着陆的过程中，运动员的竖直高度 y （单位：m）与水平距离 x （单位：m）近似满足函数关系 $y = a(x-h)^2 + k (a < 0)$ 。



某运动员进行了两次训练。

(1) 第一次训练时，该运动员的水平距离 x 与竖直高度 y 的几组数据如下：

水平距离 x/m	0	2	5	8	11	14
竖直高度 y/m	20.00	21.40	22.75	23.20	22.75	21.40

根据上述数据，直接写出该运动员竖直高度的最大值，并求出满足的函数关系 $y = a(x-h)^2 + k (a < 0)$ ；

(2) 第二次训练时，该运动员的竖直高度 y 与水平距离 x 近似满足函数关系 $y = -0.04(x-9)^2 + 23.24$ 。记该运动员第一次训练的着陆点的水平距离为 d_1 ；第二次训练的着陆点的水平距离为 d_2 ，则 d_1 _____ d_2 （填“>”“=”或“<”）。

26. 在平面直角坐标系 xOy 中，点 $(1, m), (3, n)$ 在抛物线 $y = ax^2 + bx + c (a > 0)$ 上，设抛物线的对称轴为 $x = t$ 。

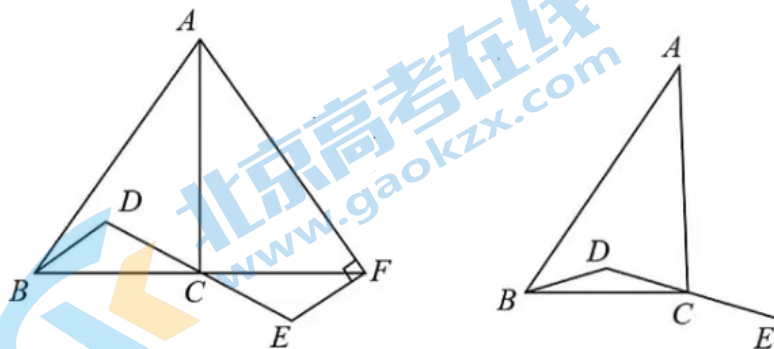
(1) 当 $c = 2, m = n$ 时，求抛物线与 y 轴交点的坐标及 t 的值；

(2) 点 $(x_0, m) (x_0 \neq 1)$ 在抛物线上，若 $m < n < c$ ，求 t 的取值范围及 x_0 的取值范围。

27. 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， D 为 $\triangle ABC$ 内一点，连接 BD, DC ，延长 DC 到点 E ，使得 $CE = DC$ 。

(1) 如图 1，延长 BC 到点 F ，使得 $CF = BC$ ，连接 AF, EF ，若 $AF \perp EF$ ，求证： $BD \perp AF$ ；

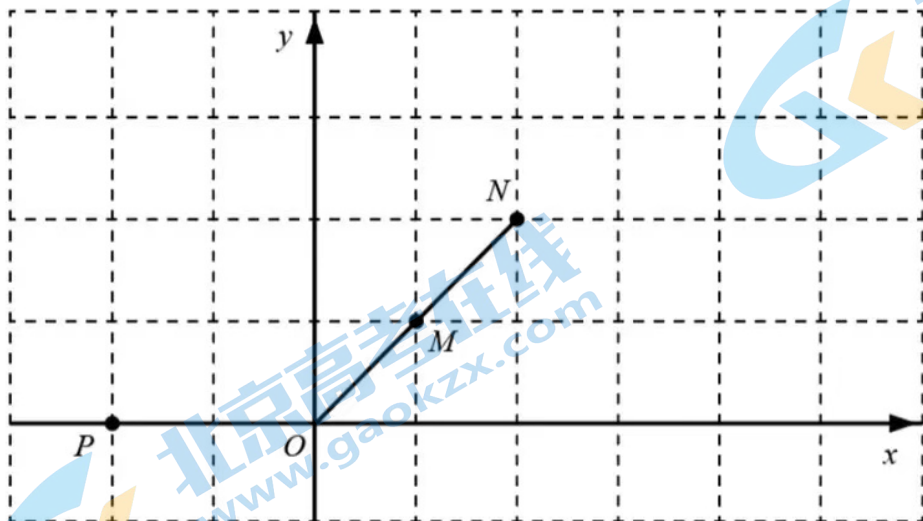
(2) 连接 AE ，交 BD 的延长线于点 H ，连接 CH ，依题意补全图 2，若 $AB^2 = AE^2 + BD^2$ ，用等式表示线段 CD 与 CH 的数量关系，并证明。



28. 在平面直角坐标系 xOy 中, 已知点 $M(a, b), N$.

对于点 P 给出如下定义: 将点 P 向右 ($a \geq 0$) 或向左 ($a < 0$) 平移 $|a|$ 个单位长度, 再向上 ($b \geq 0$) 或向下 ($b < 0$) 平移 $|b|$ 个单位长度, 得到点 P' , 点 P' 关于点 N 的对称点为 Q , 称点 Q 为点 P 的“对应点”.

(1) 如图, 点 $M(1, 1)$, 点 N 在线段 OM 的延长线上, 若点 $P(-2, 0)$, 点 Q 为点 P 的“对应点”.



① 在图中画出点 Q ;

② 连接 PQ , 交线段 ON 于点 T . 求证: $NT = \frac{1}{2}OM$;

(2) $\odot O$ 的半径为 1, M 是 $\odot O$ 上一点, 点 N 在线段 OM 上, 且 $ON = t (\frac{1}{2} < t < 1)$, 若 P 为 $\odot O$ 外一点, 点 Q 为点 P 的“对应点”, 连接 PQ . 当点 M 在 $\odot O$ 上运动时直接写出 PQ 长的最大值与最小值的差 (用含 t 的式子表示).

2022 北京中考数学题参考答案

第一部分 选择题

一、选择题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	B	B	A	D	A	C	D	A

第二部分 非选择题

二、填空题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

9. $x \geq 8$ 10. $x(y+1)(y-1)$ 11. $x=5$ 12. $>$
13. 120 14. 1 15. 1 16. (1) 不唯一, 例如 ABC (2) ACE

三、解答题 (本题共 68 分, 第 17-20 题, 每小题 5 分, 第 21 题 6 分, 第 22 题 5 分, 第 23-24 题, 每题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题, 每小题 7 分)

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. (本题满分 5 分)

解: 原式=4

18. (本题满分 5 分)

解: $1 < x < 4$

19. (本题满分 5 分)

解: 原式=5

20. (本题满分 5 分)

如图 5-1 和图 5-2, 在图 5-1 中作 $\angle 1 = \angle A$, 得 $CD \parallel AB$, 有 $\angle 2 = \angle B$; 在图 5-2 中过 A 作 $MN \parallel BC$ 有 $\angle 1 = \angle B$, $\angle 2 = \angle C$, 进而将三个内角拼成平角.

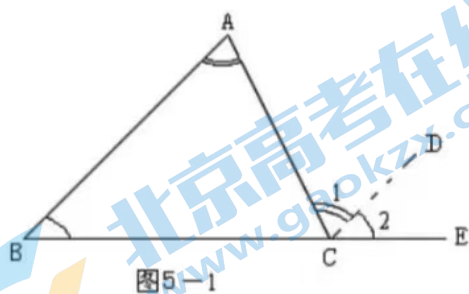


图 5-1

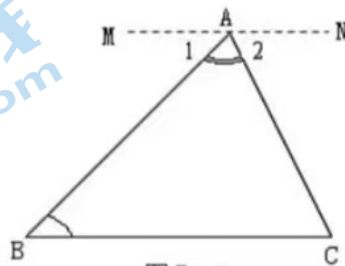


图 5-2

21. (本题满分 6 分)

(1) 平行四边形判定, 例如对角线互相平分的四边形是平行四边形

(2) 角平分线+平行西→出等腰, 先证明 $DA=DC$, 再证平行四边形 $ABCD$ 是菱形, 然后利用菱形
对角线互相垂直证明平行四边形 $EBFD$ 是菱形

22. (本题满分 5 分)

(1) $A(0,1), y=0.5x+1$

(2) $n \geq 1$

23. (本题满分 6 分)

(1) $m=8.6$

(2) 甲

(3) 丙

24. (本题满分 6 分)

(1) 利用同弧所对圆周角等于它所对圆心角的一半证明

(2) 可以通过证明 $\triangle ACD$ 是等边三角形, 再证明切线。

25. (本题满分 5 分)

(1) 竖直高度最大值为 23.2, $y = -0.05(x-8)^2 + 23.2$

(2) $<$

26. (本题满分 6 分)

【解析】

(1) 与 y 轴交点为 $(0,2)$, 对称轴为直线 $x=2$;

(2) 梳理一遍已知信息: 点 $(1,m)$, (x_0,m) 是对称的两点,

结合 $m < n < c$, 可知点 $(3,n)$ 比 (x_0,m) 距离对称轴更远,

而 $(0,c)$ 距离对称轴更远。

比较 $(1,m)$ 和 $(3,n)$, $m < n$, 可知 $t < \frac{1+3}{2} = 2$;

比较 $(0,c)$ 和 $(3,n)$, $n < c$, 可知 $t > \frac{0+3}{2} = \frac{3}{2}$ 。

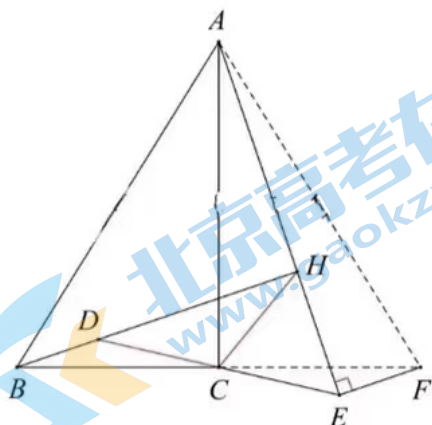
综上可得, $\frac{3}{2} < t < 2$ 。

因为 $(1,m)$, (x_0,m) 是对称的两点, 且 $\frac{3}{2} < t < 2$, 可得 $2 < x_0 < 3$ 。

27. (本题满分 7 分)

(1) 8 字全等, 再证平行

(2) 延续第一问思路, 构造 8 字全等, 利用等量代换和勾股逆定理证明 $\triangle AEF$ 是直角三角形, 再反推 $BH \perp AE$, $\triangle DEH$ 是直角三角形, 利用直角三角形斜边中线等于斜边一半得出结论。



28. (本题满分 7 分)

(1) $Q(5,3)$

(2) 利用中位线定理或全等三角形证明

(3) $4t-2$



又到一年中考时，很多家长都在奋力帮助孩子考上一个好的重点高中，从而有更大的希望进入重点大学。

对于北京考生来说，有近 20 种途径进入名校，如果你做好准备，高一就可以考清北。因此提前了解高招政策，对于我们中学生家长来说是非常重要的。

这里推荐一个与“北京高考”相关的微信公众号——**北京高考资讯 (ID: bjgkzx)**，关注它，各类信息第一时间获取，备考冲刺更轻松~



北京高考资讯

此外，北京高考资讯团队还准备了【**2025 北京高考交流群**】，邀请北京各区各中学的考生和家长加入。在这里，一起沟通最新升学资讯、交流备考心得。我们还会在群里为大家解疑答惑，分享最新考试试题、高招动态、公益讲座等~

