

# 数 学 试 卷

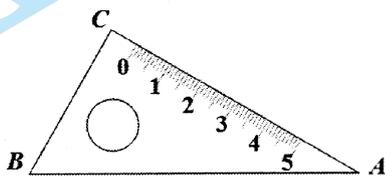
2022. 12

本试卷共 8 页，三道大题，25 个小题，满分 100 分。考试时间 120 分钟。考生务必将答案填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。考试结束后，请交回答题卡。

## 一、选择题（本题共 8 道小题，每小题 3 分，共 24 分）

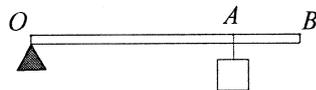
1. 如图，在一块直角三角板  $ABC$  中， $\angle A = 30^\circ$ ，则  $\sin A$  的值是

- (A)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$                       (B)  $\frac{1}{2}$   
 (C)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$                       (D)  $\sqrt{3}$



2.  $O$  为一根轻质杠杆的支点， $OA = a\text{cm}$ ， $OB = b\text{cm}$ ， $A$  处挂着重  $4\text{N}$  的物体。若在  $B$  端施加一个竖直向上大小为  $3\text{N}$  的力，使杠杆在水平位置上保持静止，则  $a$  和  $b$  需要满足的关系是  $4a = 3b$ ，那么下列比例式正确的是

- (A)  $\frac{a}{4} = \frac{b}{3}$                       (B)  $\frac{4}{a} = \frac{3}{b}$                       (C)  $\frac{a}{b} = \frac{4}{3}$                       (D)  $\frac{b}{a} = \frac{4}{3}$



3. 关于四个函数  $y = -2x^2$ ， $y = \frac{1}{3}x^2$ ， $y = 3x^2$ ， $y = -x^2$  的共同点，下列说法正确的是

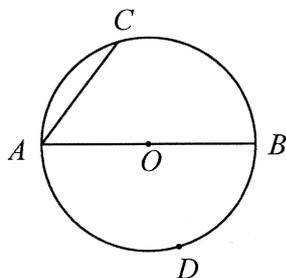
- (A) 开口向上                      (B) 都有最低点  
 (C) 对称轴是  $y$  轴                      (D)  $y$  随  $x$  增大而增大

4. 为做好校园防疫工作，每日会对教室进行药物喷洒消毒，药物喷洒完成后，消毒药物在教室内空气中的浓度  $y(\text{mg}/\text{m}^3)$  和时间  $t(\text{min})$  满足关系  $y = \frac{k}{t}$  ( $k \neq 0$ )，已知测得当  $t = 10\text{min}$  时，药物浓度  $y = 5\text{mg}/\text{m}^3$ ，则  $k$  的值为

- (A) 50                      (B) -50                      (C) 5                      (D) 15

5. 如图， $AB$  是  $\odot O$  直径， $AB = 10$ ，点  $C, D$  是圆上点， $AC = 6$ ， $\widehat{AD} = \widehat{BC}$ ，点  $E$  是劣弧  $BD$  上的一点（不与  $B, D$  重合），则  $AE$  的长可能为

- (A) 7  
 (B) 8  
 (C) 9  
 (D) 10



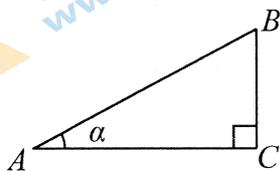
6. 怎样平移抛物线  $y = 2x^2$  就可以得到抛物线  $y = 2(x+1)^2 - 1$

- (A) 左移 1 个单位长度、上移 1 个单位长度
- (B) 左移 1 个单位长度、下移 1 个单位长度
- (C) 右移 1 个单位长度、上移 1 个单位长度
- (D) 右移 1 个单位长度、下移 1 个单位长度

7. 为测楼房  $BC$  的高，在距楼房 30m 的  $A$  处，测得楼顶

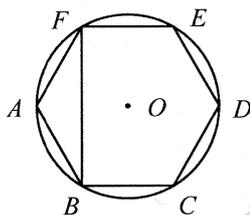
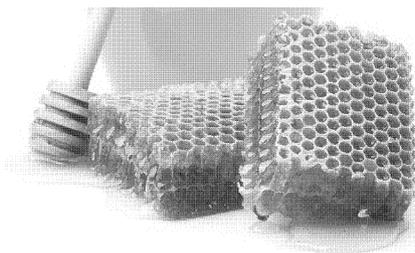
$B$  的仰角为  $\alpha$ ，那么楼房  $BC$  的高为

- (A)  $30\tan\alpha$  (m)
- (B)  $\frac{30}{\tan\alpha}$  (m)
- (C)  $30\sin\alpha$  (m)
- (D)  $\frac{30}{\sin\alpha}$  (m)



8. 我们都知道蜂巢是是很多个正六边形组合来的. 正六边形蜂巢的建筑结构密合度最高、用材最少、空间最大、也最为坚固. 如图，某蜂巢的房孔是边长为 6 的正六边形  $ABCDEF$ ，若  $\odot O$  的内接正六边形为  $ABCDEF$ ，则  $BF$  的长为

- (A) 12
- (B)  $6\sqrt{2}$
- (C)  $6\sqrt{3}$
- (D)  $12\sqrt{3}$

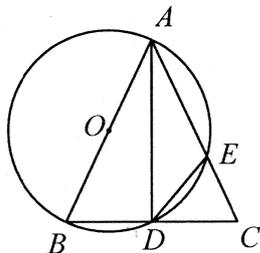


## 二、填空题 (本题共 8 道小题，每小题 3 分，共 24 分)

9. 写出一个开口向上，过  $(0,2)$  的抛物线的函数表达式\_\_\_\_\_.

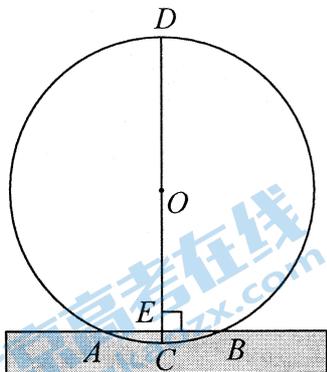
10. 在半径为 1cm 的圆中， $60^\circ$  的圆心角所对弧的弧长是\_\_\_\_\_ cm.

11. 如图， $\triangle ABC$  中， $AC = AB$ ，以  $AB$  为直径作  $\odot O$ ，交  $BC$  于  $D$ ，交  $AC$  于  $E$ . 若  $\angle BAD = 25^\circ$ ，则  $\angle EDC =$  \_\_\_\_\_  $^\circ$ .

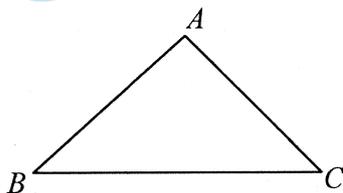


12. 在直角坐标系  $xOy$  中，直线  $y = x$  与双曲线  $y = \frac{m}{x}$  交于  $A, B$  两点. 若点  $A, B$  的纵坐标分别为  $y_1, y_2$ ，则  $y_1 + y_2$  的值为\_\_\_\_\_.

13. 我国古代著名数学著作《九章算术》总共收集了246个数学问题，这些问题的算法要比欧洲同类算法早1500年. 其中有这样一个问题：“今有圆材，埋在壁中，不知大小，以锯锯之，深一寸，锯道长一尺，问径几何？”用数学语言可以表述为：“如图， $CD$ 为 $\odot O$ 的直径，弦 $AB \perp CD$ 于点 $E$ ， $CE = 1$ 寸， $AB = 10$ 寸（注：1尺 = 10寸），则可得直径 $CD$ 的长为\_\_\_\_\_寸.”



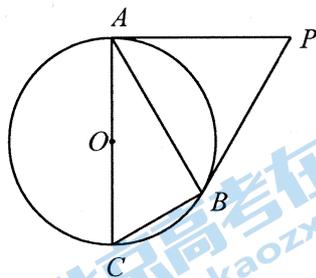
13 题图



14 题图

14. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB = 3$ ， $\sin B = \frac{2}{3}$ ， $\angle C = 45^\circ$ ，则 $AC$ 的长为\_\_\_\_\_.

15. 如图， $PA$ ， $PB$ 分别与 $\odot O$ 相切于点 $A$ ， $B$ ， $AC$ 为 $\odot O$ 的直径， $AC = 4$ ， $\angle C = 60^\circ$ ，则 $PA =$ \_\_\_\_\_.



16. 某快递员负责为 $A$ ， $B$ ， $C$ ， $D$ ， $E$ 五个小区取送快递，每送一个快递收益1元，每取一个快递收益2元，某天5个小区需要取送快递数量下表.

小区	需送快递数量	需取快递数量
$A$	15	6
$B$	10	5
$C$	8	5
$D$	4	7
$E$	13	4

- (1) 如果快递员一个上午最多前往3个小区，且要求他最少送快递30件，最少取快递15件，写出一种满足条件的方案\_\_\_\_\_（写出小区编号）；  
 (2) 在(1)的条件下，如果快递员想要在上午达到最大收益，写出他的最优方案\_\_\_\_\_（写出小区编号）.

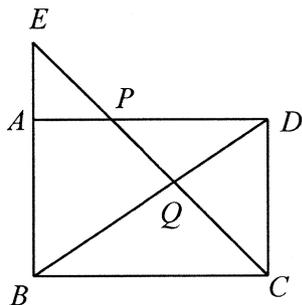
三、解答题（本题共 52 分，第 17 - 20 题，每小题 5 分，第 21 - 23 题，每小题 6 分，第 24 - 25 题，每小题 7 分）解答应写出文字说明，演算步骤或证明过程。

17. 计算  $\sqrt{3}\tan 30^\circ + 2\cos 45^\circ - \sin^2 60^\circ$ .

18. 如图，矩形  $ABCD$  中，点  $P$  在边  $AD$  上， $PD = 2AP$ ，连接  $CP$  并延长，交  $BA$  的延长线于点  $E$ ，连接  $BD$  交  $CP$  于点  $Q$ 。

(1) 写出图中两对相似的三角形（相似比不为 1）\_\_\_\_\_；

(2) 求  $\frac{BE}{CD}$  的值。

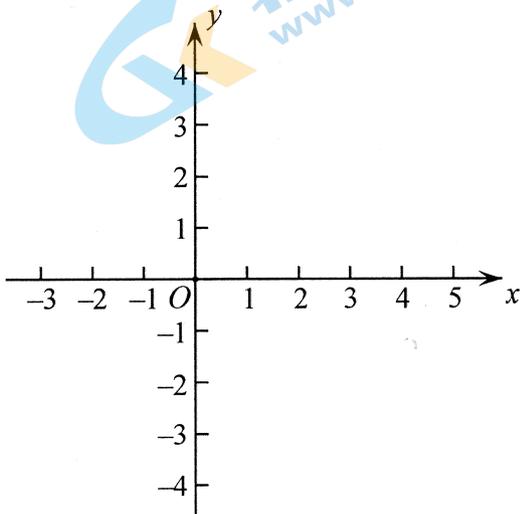


19. 已知二次函数  $y = x^2 - 2x - 3$ 。

(1) 求二次函数  $y = x^2 - 2x - 3$  图象的顶点坐标；

(2) 在平面直角坐标系  $xOy$  中，画出二次函数  $y = x^2 - 2x - 3$  的图象；

(3) 结合图象直接写出自变量  $0 \leq x \leq 3$  时，函数的最大值和最小值。

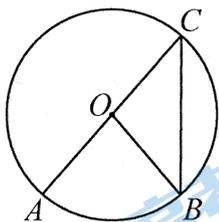


20. 我们在课上证明圆周角定理时，需要讨论圆心与圆周角的三种不同位置分别证明，下面给出了情形（1）的证明过程，请在情形（2）和情形（3）中选择其一证明即可。

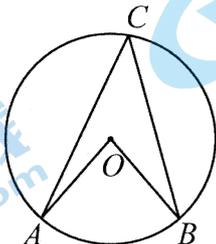
圆周角定理：一条弧所对的圆周角等于它所对的圆心角的一半。

已知：如图，在 $\odot O$ 中，弧 $AB$ 所对的圆周角是 $\angle ACB$ ，圆心角是 $\angle AOB$ 。

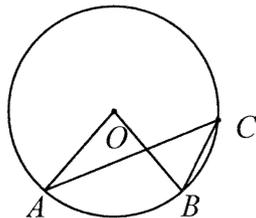
求证： $\angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB$ 。



(1)



(2)



(3)

情形（1）

证明：如图（1），当圆心 $O$ 在 $\angle ACB$ 的边上时

$\because OC = OB,$

$\therefore \angle C = \angle B.$

$\because \angle AOB$  是 $\triangle OBC$  中 $\angle COB$  的外角，

$\therefore \angle AOB = \angle C + \angle B.$

$\therefore \angle AOB = 2 \angle C.$

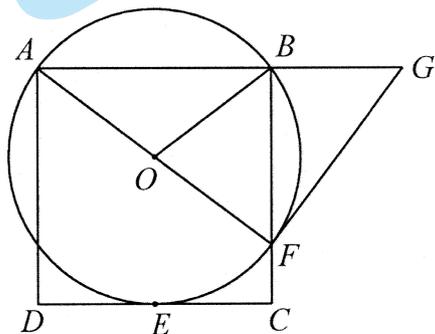
即 $\angle C = \frac{1}{2} \angle AOB.$

请你选择情形（2）或情形（3），并证明。

21. 已知：如图， $\odot O$  过正方形 $ABCD$  的顶点 $A, B$ ，且与 $CD$  边相切于点 $E$ 。点 $F$  是 $BC$  与 $\odot O$  的交点，连接 $OB, OF, AF$ ，点 $G$  是 $AB$  延长线上一点，连接 $FG$ ，且 $\angle G + \frac{1}{2} \angle BOF = 90^\circ$ 。

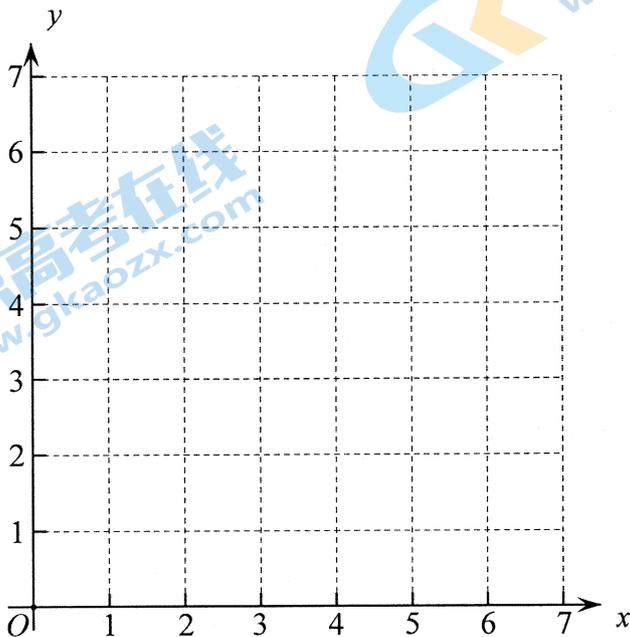
(1) 求证： $FG$  是 $\odot O$  的切线；

(2) 如果正方形边长为2，求 $BG$  的长。



22. 小张在学校进行定点 M 处投篮练习，篮球运行的路径是抛物线，篮球在小张头正上方出手，篮球架上篮圈中心的高度是 3.05 米，当球运行的水平距离为  $x$  米时，球心距离地面的高度为  $y$  米，现测量第一次投篮数据如下：

$x/m$	0	2	4	6	...
$y/m$	1.8	3	3.4	3	...



请你解决以下问题：

- 根据已知数据描点，并用平滑曲线连接；
- 若小吴在小张正前方 1 米处，沿正上方跳起想要阻止小张投篮（手的最大高度不小于球心高度算为成功阻止），他跳起时能摸到的最大高度为 2.4 米，请问小吴能否阻止此次投篮？并说明理由；
- 第二次在定点 M 处投篮，篮球出手后运行的轨迹也是抛物线，并且与第一次抛物线的形状相同，篮球出手时和达到最高点时，球的位置恰好都在第一次的正上方，当篮球运行的水平距离是 6.5 米时恰好进球（恰好进球时篮圈中心与球心重合），问小张第二次篮球刚出手比第一次篮球刚出手时的高度高多少米？

23. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 点  $A(-1, y_1)$ ,  $B(3a, y_2)$ ,  $C(2, y_3)$  (点  $B, C$  不重合) 在抛物线  $y = \frac{1}{a}x^2 - 2x$  ( $a \neq 0$ ) 上.

(1) 当  $a = 1$  时, 求二次函数的顶点坐标;

(2) ①若  $y_2 = y_3$ , 则  $a$  的值为\_\_\_\_\_;

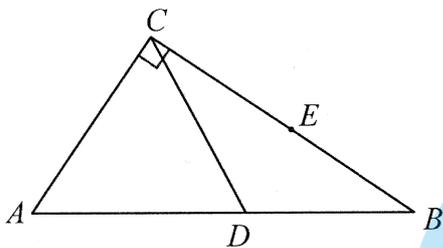
②已知二次函数的对称轴为  $t$ , 当  $y_1 > y_3 > y_2$  时, 求  $t$  的取值范围.

24. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ , 点  $D$  在  $AB$  上,  $AD = AC$ , 连接  $CD$ , 点  $E$  是  $CB$  上一点,  $CE = DB$ , 过点  $E$  作  $CD$  的垂线分别交  $CD$ ,  $AB$  于  $F, G$ .

(1) 依题意补全图形;

(2)  $\angle BCD = \alpha$ , 求  $\angle CAB$  的大小 (用含  $\alpha$  的式子表示);

(3) 用等式表示线段  $AG, AC, BC$  之间的数量关系, 并证明.



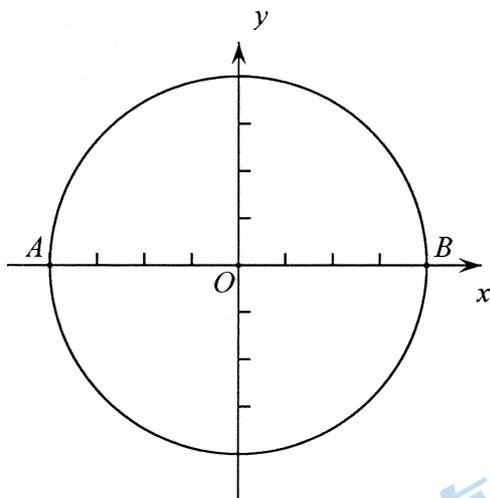
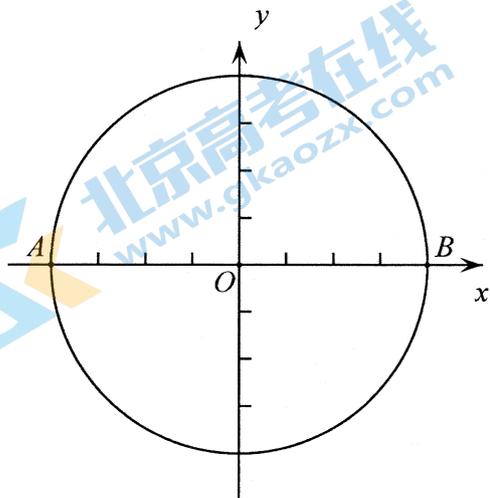
25. 已知：对于平面直角坐标系  $xOy$  中的点  $P$  和  $\odot O$ ， $\odot O$  的半径为 4，交  $x$  轴于点  $A$ ， $B$ ，对于点  $P$  给出如下定义：过点  $C$  的直线与  $\odot O$  交于点  $M$ ， $N$ ，点  $P$  为线段  $MN$  的中点，我们把这样的点  $P$  叫做关于  $MN$  的“折弦点”

(1) 若  $C(-2, 0)$

①点  $P_1(0, 0)$ ， $P_2(-1, 1)$ ， $P_3(2, 2)$  中是关于  $MN$  的“折弦点”的是 \_\_\_\_\_；

②若直线  $y = kx + \sqrt{3}$  ( $k \neq 0$ ) 上只存在一个关于  $MN$  的“折弦点”，求  $k$  的值；

(2) 点  $C$  在线段  $AB$  上，直线  $y = x + b$  上存在关于  $MN$  的“折弦点”，直接写出  $b$  的取值范围.



昌平区 2022—2023 学年第一学期初三年级期末质量抽测  
 数学试卷参考答案及评分标准

2022. 12

一、选择题 (本题共 8 道小题, 每小题 3 分, 共 24 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	B	D	C	A	C	B	A	C

二、填空题 (本题共 8 道小题, 每小题 3 分, 共 24 分)

题号	9	10	11	12	13	14	15	16
答案	$y = x^2 + 2$ (答案不唯一)	$\frac{\pi}{3}$	50	0	26	$2\sqrt{2}$	$2\sqrt{3}$	(1) $ABC$ (或 $ABE$ 或 $ACE$ 或 $ADE$ ) (2) $ABE$

三、解答题 (本题共 52 分, 第 17 - 20 题, 每小题 5 分, 第 21 - 23 题, 每小题 6 分, 第 24 - 25 题, 每小题 7 分) 解答应写出文字说明, 演算步骤或证明过程。

17.  $\sqrt{3}\tan 30^\circ + 2\cos 45^\circ - \sin^2 60^\circ$

解: 原式  $= \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{3} + 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} - (\frac{\sqrt{3}}{2})^2$ , ..... 3 分

$= 1 + \sqrt{2} - \frac{3}{4}$ ,

$= \frac{1}{4} + \sqrt{2}$ . ..... 5 分

18. 解: (1)  $\triangle EAP$  与  $\triangle EBC$ ;  $\triangle EAP$  与  $\triangle CDP$ ; (或  $\triangle EBC$  与  $\triangle CDP$ ;  $\triangle EBQ$  与  $\triangle CDQ$ ;  $\triangle PQD$  与  $\triangle CQB$ ). ..... 2 分

(2)  $\because$  四边形  $ABCD$  是矩形,

$\therefore AB \parallel CD, AB = CD$ ,

即  $AE \parallel CD$ ,

$\therefore \angle E = \angle PCD, \angle EAP = \angle PDC$ ,

$\therefore \triangle EAP \sim \triangle CDP$ , ..... 3 分

$\therefore \frac{EA}{CD} = \frac{AP}{PD}$ ,

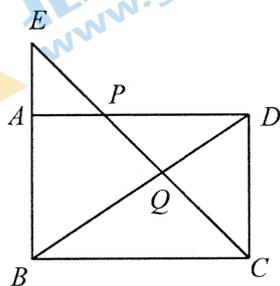
$\therefore PD = 2AP$ ,

$\therefore \frac{EA}{CD} = \frac{AP}{PD} = \frac{1}{2}$ , 即  $EA = \frac{1}{2}CD$  ..... 4 分

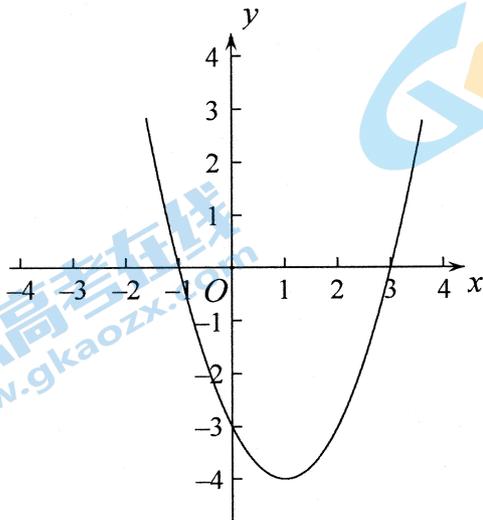
$\therefore AB = CD$ ,

$\therefore BE = EA + AB = \frac{3}{2}CD$ ,

$\therefore \frac{BE}{CD} = \frac{3}{2}$ . ..... 5 分



19. 解: (1)  $\because y = x^2 - 2x - 3,$   
 $= x^2 - 2x + 1 - 4,$   
 $= (x - 1)^2 - 4, \dots\dots\dots 1$ 分  
 $\therefore$  二次函数  $y = x^2 - 2x - 3$  图象的顶点坐标为  $(1, -4).$   $\dots\dots\dots 2$ 分  
 (2)

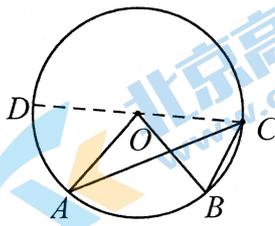
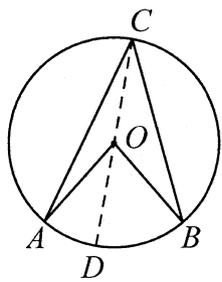


- $\dots\dots\dots 3$ 分  
 (3) 当自变量  $0 \leq x \leq 3$  时,  
 函数的最大值为  $0$ , 最小值为  $-4.$   $\dots\dots\dots 5$ 分

20.

情形 (2)

情形 (3)



证明: 如图 (2), 当圆心  $O$  在  $\angle ACB$  的内部时.  $\dots\dots\dots 1$ 分

连接  $CO$  并延长交  $\odot O$  于点  $D,$   $\dots\dots\dots 2$ 分

利用情形 (1) 的结果, 有

$$\angle ACD = \frac{1}{2} \angle AOD, \quad \angle BCD = \frac{1}{2} \angle BOD. \quad \dots\dots\dots 4$$
分

$$\therefore \angle ACD + \angle BCD = \frac{1}{2} (\angle AOD + \angle BOD).$$

$$\text{即 } \angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB. \quad \dots\dots\dots 5$$
分

证明: 如图 (3), 当圆心  $O$  在  $\angle ACB$  的外部时.  $\dots\dots\dots 1$ 分

连接  $CO$  并延长交  $\odot O$  于点  $D,$   $\dots\dots\dots 2$ 分

利用情形 (1) 的结果, 有

$$\angle ACD = \frac{1}{2} \angle AOD, \quad \angle BCD = \frac{1}{2} \angle BOD. \quad \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\therefore \angle BCD - \angle ACD = \frac{1}{2} (\angle BOD - \angle AOD).$$

$$\text{即 } \angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB. \quad \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

21. (1) 证明:

$\because \odot O$  过正方形  $ABCD$  的顶点,

$$\therefore \angle ABF = 90^\circ.$$

$\therefore AF$  是  $\odot O$  的直径.  $\dots\dots\dots 1 \text{ 分}$

$$\therefore OA = OB$$

$$\therefore \angle OAB = \angle OBA.$$

$$\therefore \angle BAF = \frac{1}{2} \angle BOF.$$

$$\therefore \angle G + \frac{1}{2} \angle BOF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle G + \angle BAF = 90^\circ. \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

$$\therefore \angle AFG = 90^\circ.$$

$\therefore FG$  是  $\odot O$  的切线.  $\dots\dots\dots 3 \text{ 分}$

(2) 解: 连接  $EO$  并延长交  $AB$  于点  $H$ .

$\because \odot O$  与  $CD$  边相切于点  $E$ ,

$$\therefore OE \perp CD.$$

$\because$  正方形  $ABCD$ ,

$$\therefore \angle BAD = \angle ABC = \angle C = \angle D = 90^\circ.$$

$\therefore$  四边形  $ADEH$  是矩形.

$$\therefore EH = AD = 2, \quad OH \perp AB.$$

$$\therefore AH = \frac{1}{2} AB = 1. \quad \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

设  $OA = OE = r$ , 则  $OH = 2 - r$ .

$$\text{在 Rt} \triangle AOH \text{ 中, } 1^2 + (2 - r)^2 = r^2,$$

$$\text{解得 } r = \frac{5}{4}. \quad \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

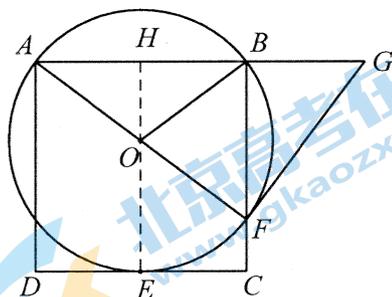
$$\therefore AF = \frac{5}{2}.$$

$$\therefore \angle BAF = \angle BAF, \quad \angle ABF = \angle AFG = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle ABF \sim \triangle AFG.$$

$$\therefore \frac{AB}{AF} = \frac{AF}{AG}.$$

$$AB \cdot AG = AF^2$$

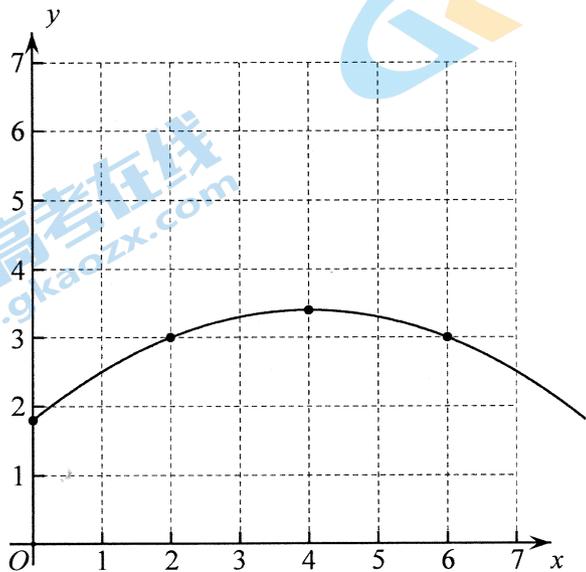


$$2AG = \left(\frac{5}{2}\right)^2$$

$$AG = \frac{25}{8}$$

$$\therefore BG = AG - AB = \frac{9}{8} \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

22. (1) 如图所示:



..... 1 分

(2) 由表可设抛物线的表达式为:  $y = a(x - 4)^2 + 3.4$ ,

将点 (2, 3) 代入函数表达式得:  $4a + 3.4 = 3$ ,

解得:  $a = -0.1$ , ..... 2 分

所以  $y = -0.1(x - 4)^2 + 3.4$ ,

当  $x = 1$  时,  $y = 2.5 > 2.4$ , ..... 3 分

所以小昊不能阻止此次投篮. .... 4 分

(3) 设小张第二次篮球刚出手比第一次篮球刚出手时的高度高  $h$  米,

则第二次篮球运行路径得抛物线表达式为  $y = -0.1(x - 4)^2 + 3.4 + h$ . ....

..... 5 分

由题可知此抛物线过点 (6.5, 3.05),

将其代入函数表达式得:  $-0.1 \times (6.5 - 4)^2 + 3.4 + h = 3.05$ ,

解得:  $h = 0.275$ . .... 6 分

答: 小张第二次篮球刚出手比第一次篮球刚出手时的高度高 0.275 米.

23. 解: (1) 当  $a = 1$  时,

由题可知,  $y = x^2 - 2x$ .

$$\therefore x = -\frac{b}{2a} = 1, \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

将  $x=1$  代入, 得  $y=-1$ ,

$\therefore$  抛物线的顶点坐标是  $(1, -1)$ . ..... 2 分

(2) ①  $\because y_2=y_3$ ,

$\therefore B$  与  $C$  关于对称轴对称.

$\therefore$  抛物线的对称轴为直线  $x=a$ ,

$$\therefore \frac{3a+2}{2}=a.$$

$\therefore a=-2$ . ..... 3 分

② 由题意  $t=a$

当  $3a < -1$ , 即  $a < -\frac{1}{3}$  时

$\because y_1 > y_3$ ,

$$\therefore a < \frac{1}{2}.$$

$\because y_3 > y_2$ ,

$$\therefore a > \frac{3a+2}{2}.$$

即  $a < -2$ .

$\therefore a < -2$ .

当  $-1 < 3a < 0$ , 即  $-\frac{1}{3} < a < 0$  时

$\because y_1 > y_3$ ,

$$\therefore a < \frac{1}{2}.$$

$\because y_3 > y_2$ ,

$$\therefore a > \frac{3a+2}{2}.$$

即  $a < -2$ .

$\therefore$  此情况无解.

当  $0 < 3a < 2$ , 即  $0 < a < \frac{2}{3}$  时,

$\because y_1 > y_3$ ,

$$\therefore a > \frac{1}{2}.$$

$\because y_3 > y_2$ ,

$$\therefore a < \frac{3a+2}{2}.$$

即  $a > -2$ .

$$\therefore \frac{1}{2} < a < \frac{2}{3}.$$

当  $3a > 2$ , 即  $a > \frac{2}{3}$  时

$\therefore y_1 > y_3$ ,

$\therefore a > \frac{1}{2}$ .

$\therefore y_3 > y_2$ ,

$\therefore a > \frac{3a+2}{2}$

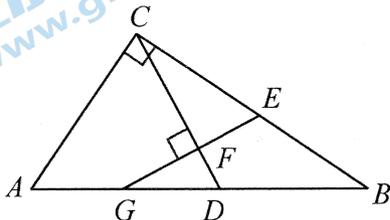
即  $a < -2$ .

$\therefore$  此情况无解.

综上所述:  $\frac{1}{2} < a < \frac{2}{3}$  或  $a < -2$ . ..... 6分

$\therefore \frac{1}{2} < t < \frac{2}{3}$  或  $t < -2$ .

24. (1)



..... 2分

(2) 解:  $\because \angle BCD = \alpha, \angle ACB = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle ACD = 90^\circ - \alpha$ . ..... 3分

$\therefore AD = AC$ ,

$\therefore \angle ADC = \angle ACD = 90^\circ - \alpha$ .

$\therefore \angle CAB = 180^\circ - 2(90^\circ - \alpha) = 2\alpha$  ..... 4分

(3)  $BC = AC + AG$  ..... 5分

证明如下:

延长  $CA, EG$  交于点  $M$

$\because EG \perp CD, \angle ADC = 90^\circ - \alpha$ ,

$\therefore \angle FGD = \alpha$ .

$\therefore \angle AGM = \angle FGD = \alpha$ .

$\therefore \angle CAB = 2\alpha$ ,

$\therefore \angle M = \alpha = \angle AGM$ .

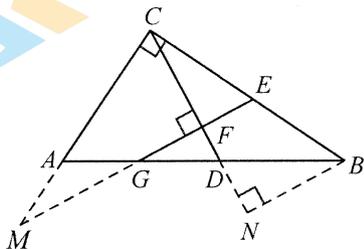
$\therefore AG = AM$ . ..... 6分

延长  $CD$  至点  $N$ , 过点  $B$  作  $BN \perp CD$ , 交  $CD$  延长线于点  $N$ .

$\therefore \angle BDN = \angle ADC = 90^\circ - \alpha$ .

$\because EG \perp CD, \angle DCB = \alpha$ ,

$\therefore \angle CEF = 90^\circ - \alpha$ .



$\therefore \angle CEF = \angle BDN = 90^\circ - \alpha.$

$\therefore CE = DB,$

$\therefore \triangle BDN \cong \triangle CEF.$

$\therefore BN = CF.$

$\therefore \triangle CMF \cong \triangle BCN. \dots\dots\dots 7$  分

$\therefore BC = CM = AC + AM.$

$\therefore BC = AC + AG.$

25. 解：(1) ①  $P_1, P_2. \dots\dots\dots 2$  分

② 根据题意，若  $C(-2, 0)$ ，  
 则折弦点是以  $D(-1, 0)$  为圆心，1 为半径的圆上点的集合.  $\dots\dots$   
 $\dots\dots\dots 3$  分

$\therefore$  直线  $y = kx + \sqrt{3}$  上只存在一个“折弦点”，

$\therefore$  直线  $y = kx + \sqrt{3}$  与  $\odot D$  相切.  $\dots\dots\dots 4$  分  
 设切点为点  $E$ ，连接  $DE$ .

$\therefore$  直线  $y = kx + \sqrt{3}$  与  $y$  轴交于点  $F(0, \sqrt{3})$ ，连接  $OF$ ，

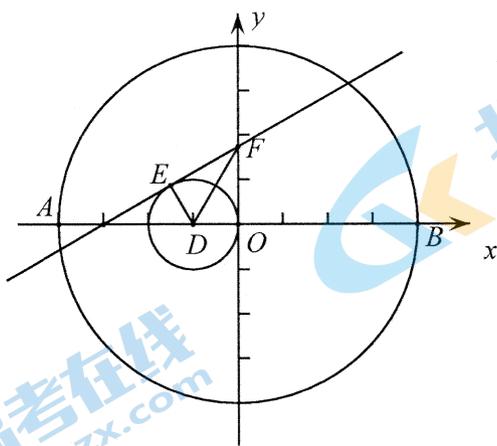
$\therefore \angle EFD = \angle OFD = 30^\circ.$

$\therefore \angle EFO = 60^\circ.$

$\therefore OA = OF \cdot \tan \angle EFO = 3.$

$\therefore y = kx + \sqrt{3}$  与  $x$  轴交于点  $(-3, 0)$ ，

$\therefore k = \frac{\sqrt{3}}{3}. \dots\dots\dots 5$  分



(2)  $-2 - 2\sqrt{2} \leq b \leq 2 + 2\sqrt{2}. \dots\dots\dots 7$  分

## 关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力的中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “精益求精、专业严谨” 的建设理念，不断探索 “K12 教育+互联网+大数据” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “衔接和桥梁纽带” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

北京高考资讯

官方微信公众号: bjgkzx

官方网站: [www.gaokzx.com](http://www.gaokzx.com)

咨询热线: 010-5751 5980

微信客服: gaokzx2018

关注北京高考在线官方微信: [北京高考资讯\(微信号:bjgkzx\)](https://www.gkaozx.com), 获取更多试题资料及排名分析信息。