

2023 北京海淀高三（上）期中

数 学

2023.11

本试卷共 6 页，150 分，考试时长 120 分钟。考生务必将答案答在答题纸上，在试卷上作答无效。考试结束后，将本试卷和答题纸一并交回。

第一部分(选择题共 40 分)

一、选择题共 10 小题，每小题 4 分，共 40 分。在每小题列出的四个选项中，选出符合题目要求的一项。

(1) 已知集合 $A = \{x | x < 2\}$ ， $B = \{1, 2\}$ ，则 $A \cup B =$

(A) $(-\infty, 2)$ (B) $(-\infty, 2]$

(C) $\{1\}$ (D) $\{1, 2\}$

(2) 若复数 z 满足 $z \cdot i = \frac{2}{1+i}$ ，则 $z =$

(A) $-1-i$ (B) $-1+i$

(C) $1-i$ (D) $1+i$

(3) 下列函数中，既是偶函数又在区间 $(0, +\infty)$ 上单调递增的是

(A) $y = \ln x$ (B) $y = x^3$

(C) $y = |\tan x|$ (D) $y = 2^{|x|}$

(4) 已知向量 a, b 满足 $a = (2, 1)$ ， $a - b = (-1, 2)$ ，则 $a \cdot b =$

(A) -5 (B) 0

(C) 5 (D) 7

(5) 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，且 $S_5 = 15$ ，则 $a_2 \cdot a_4$ 的最大值为

(A) $\frac{9}{4}$ (B) 3

(C) 9 (D) 36

(6) 设 $a = \log_4 6$ ， $b = \log_2 3$ ， $c = \frac{3}{2}$ ，则

(A) $a > b > c$ (B) $c > b > a$

(C) $b > a > c$ (D) $b > c > a$

(7) “ $\sin \theta + \tan \theta > 0$ ”是“ θ 为第一或第三象限角”的

(A) 充分而不必要条件 (B) 必要而不充分条件

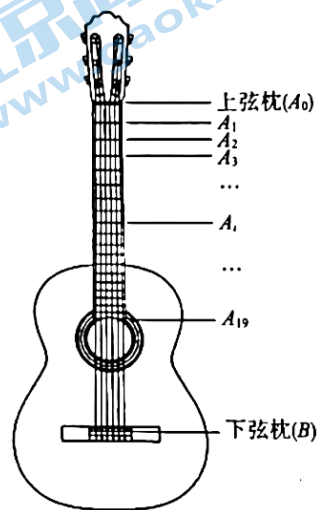
(C) 充分必要条件 (D) 既不充分也不必要条件

(8) 在 $\triangle ABC$ 中， $\sin B = \sin 2A$ ， $c = 2a$ ，则

- (A) $\angle B$ 为直角 (B) $\angle B$ 为钝角
 (C) $\angle C$ 为直角 (D) $\angle C$ 为钝角

(9) 古典吉他的示意图如图所示. A_0, B 分别是上弦枕、下弦枕, $A_i (i=1, 2, \dots, 19)$ 是第 i 品丝. 记 a_i 为 A_i 与 A_{i-1} 的距离, L_i 为 A_i 与 A_0 的距离, 且满足 $a_i = \frac{X_L - L_{i-1}}{M}, i=1, 2, \dots, 19$, 其中 X_L 为弦长 (A_0 与 B 的距离), M 为大于 1 的常数, 并规定 $L_0 = 0$. 则

- (A) 数列 a_1, a_2, \dots, a_{19} 是等差数列, 且公差为 $-\frac{X_L}{M^2}$
 (B) 数列 a_1, a_2, \dots, a_{19} 是等比数列, 且公比为 $\frac{M-1}{M}$
 (C) 数列 L_1, L_2, \dots, L_{19} 是等比数列, 且公比为 $\frac{2M-1}{M}$
 (D) 数列 L_1, L_2, \dots, L_{19} 是等差数列, 且公差为 $\frac{(M-1)X_L}{M^2}$



(10) 在等腰直角三角形 ABC 中, $AB=2$, M 为斜边 BC 的中点, 以 M 为圆心, MA 为半径作 \widehat{AC} , 点 P 在线段 BC 上, 点 Q 在 \widehat{AC} 上, 则 $|\overrightarrow{AP} + \overrightarrow{MQ}|$ 的取值范围是

- (A) $[0, \sqrt{10}]$ (B) $[0, 2 + \sqrt{2}]$
 (C) $[2 - \sqrt{2}, \sqrt{10}]$ (D) $[2 - \sqrt{2}, 2 + \sqrt{2}]$

第二部分(非选择题共 110 分)

二、填空题共 5 小题, 每小题 5 分, 共 25 分。

(11) 函数 $f(x) = \lg(x+1) + \frac{1}{x}$ 的定义域是_____。

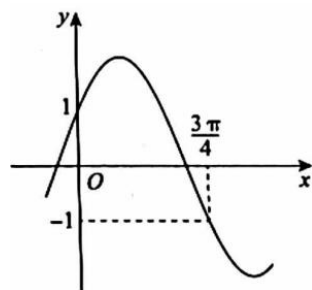
(12) 在平面直角坐标系 xOy 中, 角 α 以 Ox 为始边, 终边经过点 $P(1, -2)$, 则 $\tan 2\alpha =$ _____。

(13) 已知非零向量 $a = x(e_1 + e_2)$, $b = e_1 + ye_2$, 其中 e_1, e_2 是一组不共线的向量. 能使得 a 与 b 的方向相反的一组实数 x, y 的值为 $x =$ _____, $y =$ _____。

(14) 已知函数 $f(x) = 2\sin(\omega x + \varphi)$ 的部分图象如图所不。

① 函数 $f(x)$ 的最小正周期为_____;

② 将函数 $f(x)$ 的图象向右平移 $t (t > 0)$ 个单位长度, 得到函数 $g(x)$ 的图象. 若函数 $g(x)$ 为奇函数, 则 t 的最小值是_____。



(15) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x + a, & x < a, \\ x^2 + 2ax, & x \geq a. \end{cases}$ 给出下列四个结论:

- ① 当 $a=0$ 时, $f(x)$ 的最小值为 0;
- ② 当 $a \leq \frac{1}{3}$ 时, $f(x)$ 存在最小值;
- ③ 记 $f(x)$ 的零点个数为 $g(a)$, 则函数 $g(a)$ 的值域为 $\{0,1,2,3\}$;
- ④ 当 $a \geq 1$ 时, 对任意 $x_1, x_2 \in \mathbb{R}$, $f(x_1) + f(x_2) \geq 2f(\frac{x_1+x_2}{2})$

其中所有正确结论的序号是_____.

三、解答题共 6 小题, 共 85 分。解答应写出文字说明, 演算步骤或证明过程。

(16)(本小题 14 分)

已知无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的各项均为整数, 其前 n 项和为 S_n , $a_2 = 3$, $a_1 + a_3 = 10$.

(I) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(II) 证明: 对 $\forall k \in \mathbb{N}^*$, $3S_k, 2S_{k+1}, S_{k+2}$ 这三个数成等差数列.

(17)(本小题 14 分)

已知函数 $f(x) = 2 \cos x \cdot \cos(x + \varphi)$ ($|\varphi| < \frac{\pi}{2}$), 从条件①、条件②、条件③这三个条件中选择一个作为已知, 使函数 $f(x)$ 存在.

(I) 求 φ 的值;

(II) 求 $f(x)$ 在区间 $[-\frac{\pi}{2}, 0]$ 上的最大值和最小值.

条件①: $f(\frac{\pi}{3}) = 1$;

条件②: 函数 $f(x)$ 在区间 $[0, \frac{\pi}{4}]$ 上是增函数;

条件③: $\forall x \in \mathbb{R}, f(x) \geq f(\frac{2\pi}{3})$

注: 如果选择的条件不符合要求, 得 0 分; 如果选择多个符合要求的条件分别解答, 按第一个解答计分.

(18)(本小题 14 分)

已知曲线 $C: y = 4 - x^2$ 与 x 轴交于不同的两点 A, B (点 A 在点 B 的左侧), 点 $P(t, 0)$ 在线段 AB 上 (不与端点重合), 过点 P 作 x 轴的垂线交曲线 C 于点 Q .

(I) 若 $\triangle APQ$ 为等腰直角三角形, 求 $\triangle APQ$ 的面积;

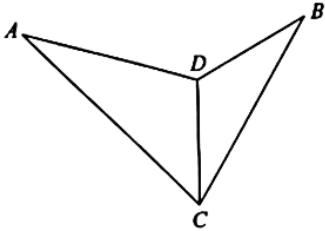
(II) 记 $\triangle APQ$ 的面积为 $S(t)$, 求 $S(t)$ 的最大值.

(19)(本小题 14 分)

某景区有一人工湖，湖面有 A, B 两点，湖边架有直线型栈道 CD ，长为 50m ，如图所示. 现要测量 A, B 两点之间的距离，工作人员分别在 C, D 两点进行测量，在 C 点测得 $\angle ACD = 45^\circ$ ， $\angle BCD = 30^\circ$ ；在 D 点测得 $\angle ADB = 135^\circ$ ， $\angle BDC = 120^\circ$. (A, B, C, D 在同一平面内)

(I) 求 A, B 两点之间的距离；

(II) 判断直线 CD 与直线 AB 是否垂直，并说明理由.



(20)(本小题 14 分)

已知函数 $f(x) = \frac{\sqrt{x+a}}{x^2+b}$ ，且 $f(1) = \frac{1}{4}$ ， $f(4) = \frac{2}{19}$

(I) 求 a, b 的值；

(II) 求 $f(x)$ 的单调区间；

(III) 设实数 m 满足：存在 $k \in \mathbb{R}$ ，使直线 $y = kx + m$ 是曲线 $y = f(x)$ 的切线，且 $kx + m \geq f(x)$ 对 $x \in [0, +\infty)$ 恒成立，求 m 的最大值.

(21)(本小题 15 分)

设无穷数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ， $\{i_n\}$ 为单调递增的无穷正整数数列，记 $A_n = S_{i_{n+1}} - S_{i_n}$ ($n = 1, 2, \dots$)，定义

$\Omega = \{j \in \mathbb{N}^* \mid S_k - S_j \geq 0, k = j+1, j+2, \dots\}$.

(I) 若 $a_n = n$ ， $i_n = n^2$ ($n = 1, 2, \dots$)，写出 A_1, A_2 的值；

(II) 若 $a_n = (-\frac{1}{2})^{n-1}$ ($n = 1, 2, \dots$)，求 Ω ；

(III) 设 $\text{sgn}(x) = \begin{cases} 1, & x > 0, \\ 0, & x = 0, \\ -1, & x < 0. \end{cases}$ 求证：对任意的无穷数列 $\{a_n\}$ ，存在数列 $\{i_n\}$ ，使得 $\{\text{sgn}(A_n)\}$ 为常数列.

海淀区 2023—2024 学年第一学期期中练习

高三数学参考答案

一、选择题（共 10 小题，每小题 4 分，共 40 分）

- (1) B (2) A (3) D (4) C (5) C
(6) D (7) C (8) C (9) B (10) A

二、填空题（共 5 小题，每小题 5 分，共 25 分）

- (11) $(-1,0) \cup (0,+\infty)$ (12) $\frac{4}{3}$
(13) $-1, 1$ （答案不唯一） (14) $\frac{3}{2}\pi, \frac{\pi}{8}$
(15) ①③

三、解答题（共 6 小题，共 85 分）

(16)（共 14 分）

解：（I）设等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为 q .

$$\text{因为 } a_2 = 3, \quad a_1 + a_3 = 10,$$

$$\text{所以 } a_1 \cdot q = 3, \quad a_1 + a_1 \cdot q^2 = 10.$$

$$\text{所以 } \begin{cases} q = 3, \\ a_1 = 1, \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} q = \frac{1}{3}, \\ a_1 = 9. \end{cases}$$

因为 a_n 均为整数,

$$\text{所以 } \begin{cases} q = 3, \\ a_1 = 1. \end{cases}$$

$$\text{所以 } a_n = 3^{n-1} \quad (n=1, 2, 3, \dots).$$

（II）由（I）知, $S_n = \frac{3^n - 1}{2} \quad (n=1, 2, 3, \dots)$.

$$\text{所以 } 2S_{k+1} - 3S_k = 2 \cdot \frac{3^{k+1} - 1}{2} - 3 \cdot \frac{3^k - 1}{2} = \frac{1 + 3^{k+1}}{2},$$

$$S_{k+2} - 2S_{k+1} = \frac{3^{k+2} - 1}{2} - 2 \cdot \frac{3^{k+1} - 1}{2} = \frac{1 + 3^{k+1}}{2}.$$

$$\text{所以 } 2S_{k+1} - 3S_k = S_{k+2} - 2S_{k+1} = \frac{1+3^{k+1}}{2}.$$

所以 $3S_k, 2S_{k+1}, S_{k+2}$ 是以 $\frac{1+3^{k+1}}{2}$ 为公差的等差数列.

(17) (共 14 分)

解: 选择条件①: $f(\frac{\pi}{3})=1$.

(I) 因为 $f(x) = 2\cos x \cdot \cos(x+\varphi)$,

$$\text{所以 } 2\cos\frac{\pi}{3} \cdot \cos(\frac{\pi}{3}+\varphi) = 1, \text{ 即 } \cos(\frac{\pi}{3}+\varphi) = 1.$$

$$\text{所以 } \varphi = 2k\pi - \frac{\pi}{3} (k \in \mathbf{Z}).$$

$$\text{因为 } |\varphi| < \frac{\pi}{2}, \text{ 所以 } \varphi = -\frac{\pi}{3}.$$

(II) 由 (I) 可得: $f(x) = 2\cos x \cdot \cos(x - \frac{\pi}{3})$

$$= 2\cos x (\frac{1}{2}\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 2\cos^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin 2x$$

$$= \frac{1}{2}\cos 2x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin 2x + \frac{1}{2}$$

$$= \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + \frac{1}{2}.$$

$$\text{因为 } x \in [-\frac{\pi}{2}, 0], \text{ 所以 } -\frac{4\pi}{3} \leq 2x - \frac{\pi}{3} \leq -\frac{\pi}{3}.$$

所以当 $2x - \frac{\pi}{3} = -\pi$, 即 $x = -\frac{\pi}{3}$ 时, $\cos(2x - \frac{\pi}{3})$ 取得最小值 -1 .

所以 $f(x)$ 在区间 $[-\frac{\pi}{2}, 0]$ 上的最小值是 $-\frac{1}{2}$;

当 $2x - \frac{\pi}{3} = -\frac{\pi}{3}$, 即 $x = 0$ 时, $\cos(2x - \frac{\pi}{3})$ 取得最大值 $\frac{1}{2}$.

所以 $f(x)$ 在区间 $[-\frac{\pi}{2}, 0]$ 上的最大值是 1 .

选择条件③: $\forall x \in \mathbf{R}, f(x) \geq f(\frac{2\pi}{3})$.

$$\begin{aligned} \text{(I) 由题意得: } f(x) &= 2\cos x \cdot \cos(x+\varphi) \\ &= 2\cos x(\cos x \cdot \cos \varphi - \sin x \cdot \sin \varphi) \\ &= 2\cos^2 x \cdot \cos \varphi - \sin 2x \cdot \sin \varphi \\ &= \cos 2x \cdot \cos \varphi - \sin 2x \cdot \sin \varphi + \cos \varphi \\ &= \cos(2x+\varphi) + \cos \varphi. \end{aligned}$$

因为 $\forall x \in \mathbf{R}, f(x) \geq f(\frac{2\pi}{3})$,

所以 $f(x)$ 的最小值为 $f(\frac{2\pi}{3})$, 即 $\cos(\frac{4\pi}{3} + \varphi) = -1$.

$$\text{所以 } \varphi = (2k+1)\pi - \frac{4\pi}{3} = 2k\pi - \frac{\pi}{3} (k \in \mathbf{Z}).$$

因为 $|\varphi| < \frac{\pi}{2}$, 所以 $\varphi = -\frac{\pi}{3}$.

(II) 同选择条件①的 (II).

(18) (共 12 分)

解: (I) 由题意令 $4-x^2=0$ 得 $x=\pm 2$. 所以 $A(-2,0), B(2,0)$.

因为点 $P(t,0)$ 在线段 AB 上 (不与端点重合),

所以 $-2 < t < 2$.

因为 $\triangle APQ$ 为等腰直角三角形,

所以 $|PQ|=|AP|$.

由题意可知点 Q 在 x 轴上方,

所以 $Q(t, t+2)$.

因为点 Q 在曲线 C 上,

所以 $t+2=4-t^2$.

所以 $t_1=-2$ (舍), $t_2=1$, 即 $Q(1,3)$.

所以 $\triangle APQ$ 的面积为 $\frac{1}{2}|AP||PQ| = \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{9}{2}$.

高三年级 (数学) 参考答案 第 3 页 (共 7 页)

(II) 由题意可知 $Q(t, 4-t^2)$, $-2 < t < 2$.

$$\text{所以 } S(t) = \frac{1}{2}(t+2)(4-t^2) = \frac{1}{2}(-t^3 - 2t^2 + 4t + 8).$$

$$\text{所以 } S'(t) = \frac{1}{2}(-3t^2 - 4t + 4).$$

$$\text{令 } -3t^2 - 4t + 4 = 0, \text{ 得 } t_1 = -2, t_2 = \frac{2}{3}.$$

$S(t)$ 与 $S'(t)$ 在区间 $(-2, 2)$ 上的情况如下:

| | | | |
|---------|---------------------|---------------|--------------------|
| t | $(-2, \frac{2}{3})$ | $\frac{2}{3}$ | $(\frac{2}{3}, 2)$ |
| $S'(t)$ | + | 0 | - |
| $S(t)$ | ↗ | 极大值 | ↘ |

$$\text{因为 } S(\frac{2}{3}) = \frac{128}{27},$$

$$\text{所以当 } t = \frac{2}{3} \text{ 时, } S(t) \text{ 取得最大值 } \frac{128}{27}.$$

(19) (共 13 分)

解: (I) 连接 AB . 因为 $\angle ADB = 135^\circ$, $\angle BDC = 120^\circ$,

所以 $\angle ADC = 105^\circ$.

因为 $\angle ACD = 45^\circ$,

所以 $\angle CAD = 30^\circ$.

$$\text{在 } \triangle ACD \text{ 中, } \frac{CD}{\sin \angle CAD} = \frac{AD}{\sin \angle ACD}.$$

所以 $AD = \sqrt{2}CD$.

因为 $\angle BCD = 30^\circ$,

所以 $\angle DBC = 30^\circ$.

所以 $BD = CD$.

$$\begin{aligned} \text{在 } \triangle ABD \text{ 中, } AB^2 &= AD^2 + BD^2 - 2AD \cdot BD \cos 135^\circ \\ &= 5CD^2. \end{aligned}$$

因为 $CD = 50$,

高三年级 (数学) 参考答案 第 4 页 (共 7 页)

所以 $AB = \sqrt{5}CD = 50\sqrt{5}$ ，即 A, B 两点之间的距离为 $50\sqrt{5}$ m.

(II) CD 与 AB 不垂直. 理由如下:

延长 CD 交 AB 于点 E .

在 $\triangle ABD$ 中, $\frac{AB}{\sin \angle ADB} = \frac{AD}{\sin \angle ABD}$.

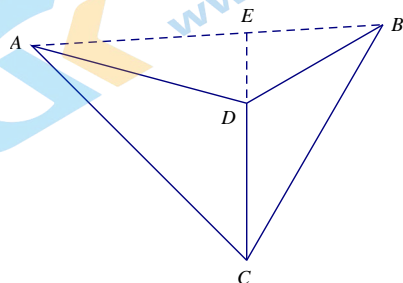
所以 $\sin \angle ABD = \frac{\sqrt{5}}{5} < \frac{1}{2}$.

因为 $0^\circ < \angle ABD < 90^\circ$,

所以 $\angle ABD < 30^\circ$.

所以 $\angle BEC = 180^\circ - \angle CBE - \angle BCD > 90^\circ$.

所以直线 CD 与直线 AB 不垂直.



(20) (共 14 分)

解: (I) 因为 $f(1) = \frac{1}{4}$, $f(4) = \frac{2}{19}$,

所以 $\begin{cases} \frac{a+1}{b+1} = \frac{1}{4}, \\ \frac{a+2}{b+16} = \frac{2}{19}, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} a=0, \\ b=3. \end{cases}$

(II) 由 (I) 得 $f(x) = \frac{\sqrt{x}}{x^2+3}$.

所以 $f'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot (x^2+3) - \sqrt{x} \cdot 2x}{(x^2+3)^2}$

$= \frac{3(1-x^2)}{2\sqrt{x}(x^2+3)^2}$.

令 $f'(x) = 0$, 得 $x = 1$.

当 $x \in (0, 1)$ 时, $f'(x) > 0$; 当 $x \in (1, +\infty)$ 时, $f'(x) < 0$.

所以 $f(x)$ 的单调递增区间是 $(0, 1)$; 单调递减区间是 $(1, +\infty)$.

(III) 由 (II) 可知当 $x = 1$ 时, $f(x)$ 取得最大值 $\frac{1}{4}$.

① 当 $m = \frac{1}{4}$ 时, 存在直线 $y = \frac{1}{4}$ 是曲线 $y = f(x)$ 在点 $(1, \frac{1}{4})$ 处的切线, 且 $f(x) \leq \frac{1}{4}$

对 $x \in [0, +\infty)$ 恒成立, 符合题意.

② 当 $m > \frac{1}{4}$ 时, 设直线 $y = kx + m$ 为曲线 $y = f(x)$ 的切线, 切点为 (x_0, y_0) , 则

$$\begin{cases} x_0 > 0, \\ y_0 \leq \frac{1}{4}. \end{cases}$$

所以 $k = \frac{y_0 - m}{x_0} < 0$.

取 $x_1 = -\frac{m}{k}$, 则 $x_1 > 0$.

因为 $f(x_1) = \frac{\sqrt{x_1}}{x_1^2 + 3} > 0$, $kx_1 + m = 0$,

所以 $kx_1 + m < f(x_1)$, 即存在 $x_1 \in (0, +\infty)$, $kx_1 + m < f(x_1)$, 不符合题意.

综上所述, m 的最大值是 $\frac{1}{4}$.

(21) (共 15 分)

解: (I) $A_1 = 9, A_2 = 35$.

(II) 由题意知 $S_n = \frac{2}{3} - \frac{2}{3} \times (-\frac{1}{2})^n$.

① 若 j 为奇数, 则 $S_{j+1} - S_j = a_{j+1} = (-\frac{1}{2})^j < 0$.

所以 $j \notin \Omega$.

② 若 j 为偶数, 则当 $k = j+1, j+2, \dots$ 时,

$$S_k - S_j = \frac{2}{3} \times [(-\frac{1}{2})^j - (-\frac{1}{2})^k] \geq \frac{2}{3} \times [(\frac{1}{2})^j - (\frac{1}{2})^k] > 0.$$

所以 $j \in \Omega$.

所以 $\Omega = \{x | x = 2m, m = 1, 2, \dots\}$.

(III) (1) 若 Ω 为有限集, 设其最大元素为 m (若 Ω 为空集, 取 $m = 0$), 则当

$j = m+1, m+2, \dots$ 时, 存在 $k > j$ 满足 $S_k - S_j < 0$.

令 $i_1 = m+1$, $i_{n+1} = \min\{k \in \mathbf{N}^* | k > i_n, S_k - S_{i_n} < 0\}$ ($n = 1, 2, \dots$), 则

高三年级 (数学) 参考答案 第 6 页 (共 7 页)

$A_n = S_{i_{n+1}} - S_{i_n} < 0$. 所以 $\text{sgn}(A_n) = -1$ ($n=1, 2, \dots$);

(2) 若 Ω 为无限集, 设 $\Omega = \{j_1, j_2, \dots\}$, 其中 $j_1 < j_2 < \dots$, 记 $B_n = S_{j_{n+1}} - S_{j_n}$, 则 $B_n \geq 0$ ($n=1, 2, \dots$).

①若数列 $\{B_n\}$ 中只有有限项为正数, 记 $m = \max\{n \in \mathbf{N}^* | B_n > 0\}$ (若 $\{B_n\}$ 中没有正数项, 取 $m=0$), 则 $B_{m+n} = 0$ ($n=1, 2, \dots$).

令 $i_n = j_{m+n}$ ($n=1, 2, \dots$), 则 $A_n = S_{i_{n+1}} - S_{i_n} = B_{m+n} = 0$ ($n=1, 2, \dots$).

所以 $\text{sgn}(A_n) = 0$ ($n=1, 2, \dots$);

②若数列 $\{B_n\}$ 中有无穷项为正数, 将这些项依次记为 B_{t_1}, B_{t_2}, \dots , 其中

$t_1 < t_2 < \dots$, 则 $B_n = S_{j_{n+1}} - S_{j_n} > 0$ ($n=1, 2, \dots$).

令 $i_n = j_{t_n}$ ($n=1, 2, \dots$), 则 $A_n = S_{j_{n+1}} - S_{j_n} = B_{t_n} + B_{t_n+1} + \dots + B_{t_{n+1}-1} = B_{t_n} > 0$.

所以 $\text{sgn}(A_n) = 1$ ($n=1, 2, \dots$).

综上所述, 对任意的无穷数列 $\{a_n\}$ 都存在数列 $\{i_n\}$, 使得 $\{\text{sgn}(A_n)\}$ 为常数列.

北京高一高二高三期中试题下载

京考一点通团队整理了【**2023年10-11月北京各区各年级期中试题 & 答案汇总**】专题，及时更新最新试题及答案。

通过【**京考一点通**】公众号，对话框回复【**期中**】或者点击公众号底部栏目<**试题专区**>，进入各年级汇总专题，查看并下载电子版试题及答案！

