

# 20220607 项目第二次模拟测试卷

## 文科数学

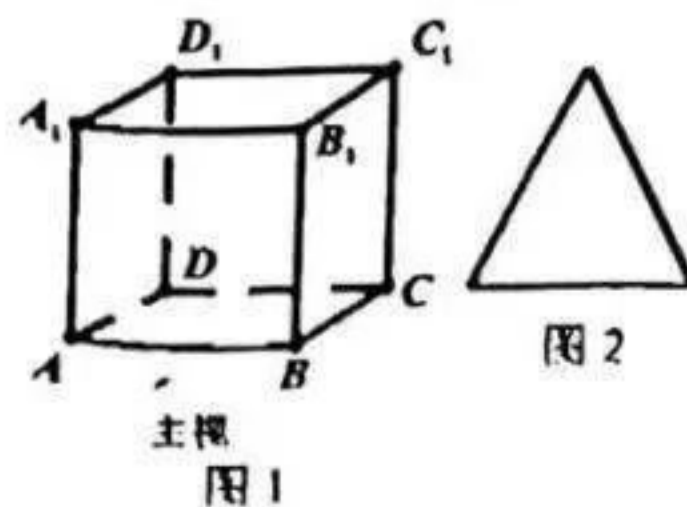
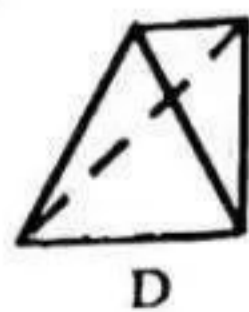
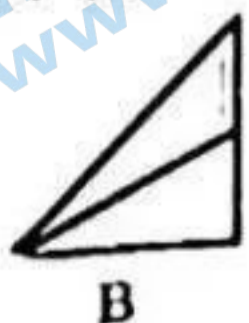
本试卷共 4 页, 23 小题, 满分 150 分. 考试时间 120 分钟.

注意事项:

1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、准考证号填涂在答题卡上, 并在相应位置贴好条形码.
2. 作答选择题时, 选出每小题答案后, 用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案信息涂黑; 如需改动, 用橡皮擦干净后, 再选涂其它答案.
3. 非选择题必须用黑色水笔作答, 答案必须写在答题卡各题目指定区域内相应位置上; 如需改动, 先划掉原来答案, 然后再写上新答案, 不准使用铅笔和涂改液. 不按以上要求作答无效.
4. 考生必须保证答题卡整洁. 考试结束后, 将试卷和答题卡一并交回.

一. 选择题: 本题共 12 小题, 每小题 5 分, 共 60 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的.

1. 已知集合  $A = \{x \in \mathbb{N} | 1 \leq x \leq 3\}$ ,  $B = \{x | x^2 - 6x + 5 < 0\}$ , 则  $A \cap B =$   
 A.  $\{1, 2, 3\}$       B.  $\{1, 2, 3\}$       C.  $(1, 3]$       D.  $\{2, 3\}$
2. 已知  $i$  为虚数单位, 若  $z = 1 + i$ , 则  $|\bar{z} + 2i| =$   
 A.  $1 + i$       B.  $\sqrt{2}$       C. 2      D.  $\sqrt{10}$
3. 已知直线  $2x - y + 1 = 0$  与直线  $x + my + 2 = 0$  垂直, 则  $m =$   
 A. -2      B.  $-\frac{1}{2}$       C. 2      D.  $\frac{1}{2}$
4. 已知公比不为 1 的正项等比数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 若  $S_4 = 10S_2$ , 则公比  $q =$   
 A. 3      B. 2      C.  $\frac{1}{2}$       D.  $\frac{1}{3}$
5. 已知圆锥内部有一个半径为 1 的球与其侧面和底面均相切, 且圆锥的轴截面为等边三角形, 则圆锥的侧面积为  
 A.  $2\pi$       B.  $4\pi$       C.  $6\pi$       D.  $8\pi$
6. 已知  $a = \log_{0.6} 2$ ,  $b = \sin 1$ ,  $c = 2^{0.6}$ , 则  $a, b, c$  的大小关系为  
 A.  $c < b < a$       B.  $b < a < c$       C.  $a < c < b$       D.  $a < b < c$
7. 若  $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x > 0, \\ g(x) + x^2, & x < 0 \end{cases}$  为奇函数, 则  $g(-2) =$   
 A. -8      B. -4      C. -2      D. 0
8. 已知  $p: -1 < x < 2$ ,  $q: 2^{x+1} - x < 2$ , 则  $p$  是  $q$  的  
 A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件
9. 如图 1, 正方体  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  中, 点  $P$  在矩形  $A_1B_1C_1D_1$  内(包含边界), 若三棱锥  $P - ABC$  的左视图如图 2 所示, 则此三棱锥的俯视图不可能是



10. 已知函数  $f(x) = \sqrt{3} \sin x + \cos x$  在  $(0, m)$  上有且仅有 3 个零点, 则  $m$  的最大值为

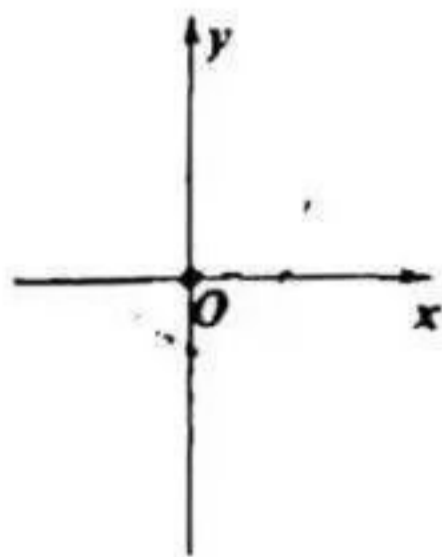
A.  $\frac{11\pi}{6}$

B.  $\frac{17\pi}{6}$

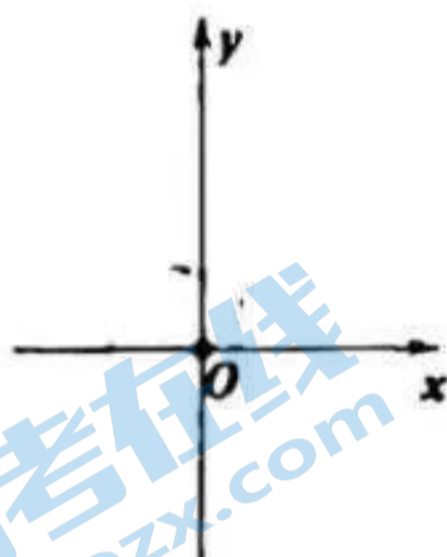
C.  $\frac{23\pi}{6}$

D.  $\frac{29\pi}{6}$

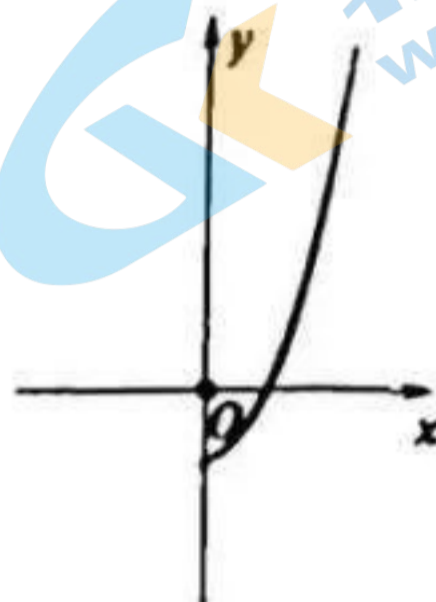
11. 已知函数  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + ax^2 + bx + c$  ( $a < 0, b < 0$ ), 则函数  $f(x)$  的图象可能是



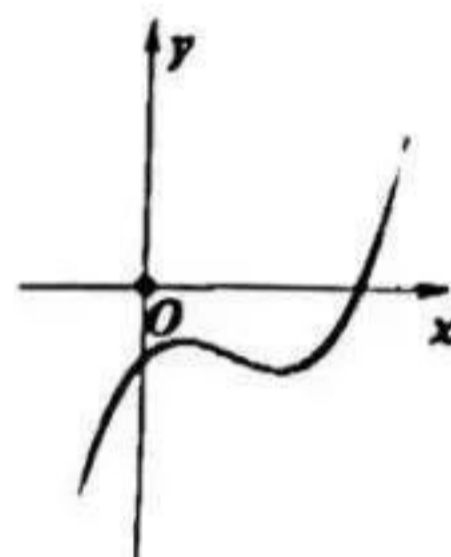
A



B



C



D

12. 已知函数  $f(x) = \ln x - ax$  ( $x \geq 1$ ), 若  $f(x_1) = f(x_2) = m$  ( $x_1 < x_2$ ), 且  $x_2 - x_1 = 1$ , 则实数  $a$  的最大值为

A. 2

B.  $\frac{1}{2}$

C.  $\ln 2$

D. e

二. 填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分.

13. 已知向量  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 1$ , 若  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ , 则  $|\vec{a} + \vec{b}| =$  \_\_\_\_\_.

14. 已知等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 且  $S_2 = S_5$ ,  $a_3 = -1$ , 则  $a_n =$  \_\_\_\_\_.

15. 从装有 3 个红球和 2 个蓝球 (除颜色外完全相同) 的盒子中任取两个球, 则选到的两个球颜色相同的概率为 \_\_\_\_\_.

16. 已知  $F_1, F_2$  分别是双曲线  $E: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  ( $a > 0, b > 0$ ) 的左、右焦点,  $F_2$  也是抛物线  $C: y^2 = 2px$  ( $p > 0$ ) 的焦点, 点  $P$  是双曲线  $E$  与抛物线  $C$  的一个公共点, 若  $|PF_1| = |F_1F_2|$ , 则双曲线  $E$  的离心率为 \_\_\_\_\_.

三. 解答题: 共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤. 第 17~21 题为必考题, 每个试题考生都必须作答; 第 22、23 题为选考题, 考生根据要求作答.

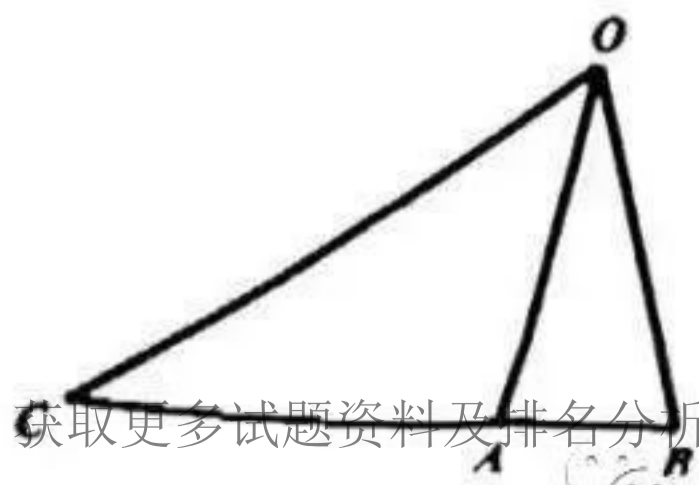
(一) 必考题: 共 60 分.

17. (12 分) 如图, 锐角  $\triangle OAB$  中,  $OA = OB$ , 延长  $BA$  到  $C$ , 使得  $AC = 3$ ,  $\angle AOC = \frac{\pi}{4}$ ,

$$\sin \angle OAC = \frac{2\sqrt{2}}{3}.$$

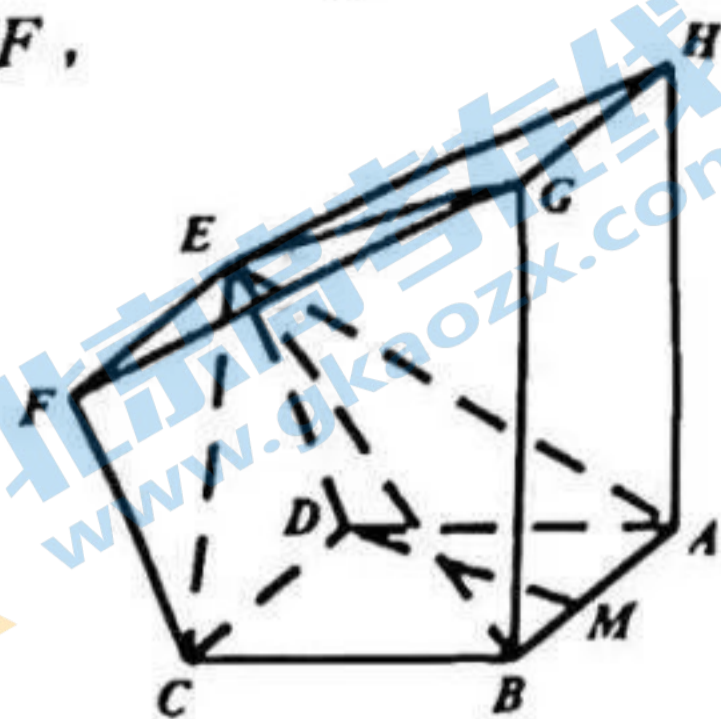
(1) 求  $OC$ ;

(2) 求  $\sin \angle BOC$



18. (12分) 如图, 四边形  $ABCD, CDEF$  都是边长为6的正方形,  $\angle BCF = \frac{2\pi}{3}$ , 四边形  $ABGH$  为矩形, 平面  $ABGH \perp$  平面  $ABCD$ , 平面  $EFGH \perp$  平面  $CDEF$ , 点  $M$  在线段  $AB$  上, 且  $BM = 2$ .

- (1) 求四棱锥  $E-ABCD$  的体积;  
 (2) 求证:  $DM \parallel$  平面  $BEG$



19. (12分) 国际上常用体重指数作为判断胖瘦指标, 体重指数是体重(单位: 千克)与身高(单位: 米)的平方的比值. 高中学生由于学业压力, 缺少体育锻炼等原因, 导致体重指数偏高. 某市教育局为督促各学校保证学生体育锻炼时间, 减轻学生学习压力, 准备对各校学生体重指数进行抽查, 并制定了体重指数档次及所对应得分如下表:

档次	低体重	正常	超重	肥胖
体重指数 $x$ (单位: $\text{kg}/\text{m}^2$ )	$x < 17.3$	$17.3 \leq x < 23.9$	$23.9 \leq x < 27.2$	$x \geq 27.2$
学生得分	80	100	80	60

抽查了某校高三 50 名学生的体重指数, 得到数据如下表:

16.3	16.9	17.1	17.5	18.2	18.5	19.0	19.3	19.5	19.8
20.2	20.2	20.5	20.8	21.2	21.4	21.5	21.9	22.3	22.5
22.8	22.9	23.0	23.3	23.3	23.5	23.6	23.8	24.0	24.1
24.1	24.3	24.5	24.6	24.8	24.9	25.2	25.3	25.5	25.7
25.9	26.1	26.4	26.7	27.1	27.6	28.0	28.8	29.1	30.0

- (1) 请你计算该校这次检查中学生平均得分, 估算该校高三学生的肥胖率;  
 (2) 从这 50 名学生中选取了 6 名男同学, 测量了他们的肺活量, 得到如下数据表:

序号	1	2	3	4	5	6
体重指数 $x$ (单位: $\text{kg}/\text{m}^2$ )	19.0	20.5	21.5	22.5	23.5	28.0
肺活量 $y$ (单位: ml)	2800	3100	3200	3420	3640	4240

求  $y$  关于  $x$  的线性回归方程.

参考数据:  $\sum_{i=1}^6 x_i = 135$ ,  $\sum_{i=1}^6 y_i = 20400$ ,  $\sum_{i=1}^6 (x_i - \bar{x})^2 = 48.5$ ,  $\sum_{i=1}^6 (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = 7760$

参考公式: 回归直线方程是  $\hat{y} = a + \hat{b}x$ , 其中  $\hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n\bar{x} \cdot \bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2}$ ,  $\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}$

20. (12分) 已知函数  $f(x) = e^x - \frac{1}{2}ax^2 - x - 1 (x > 0, a \in \mathbb{R})$ .

(1) 当  $a = 0$  时, 求函数  $f(x)$  的单调区间;

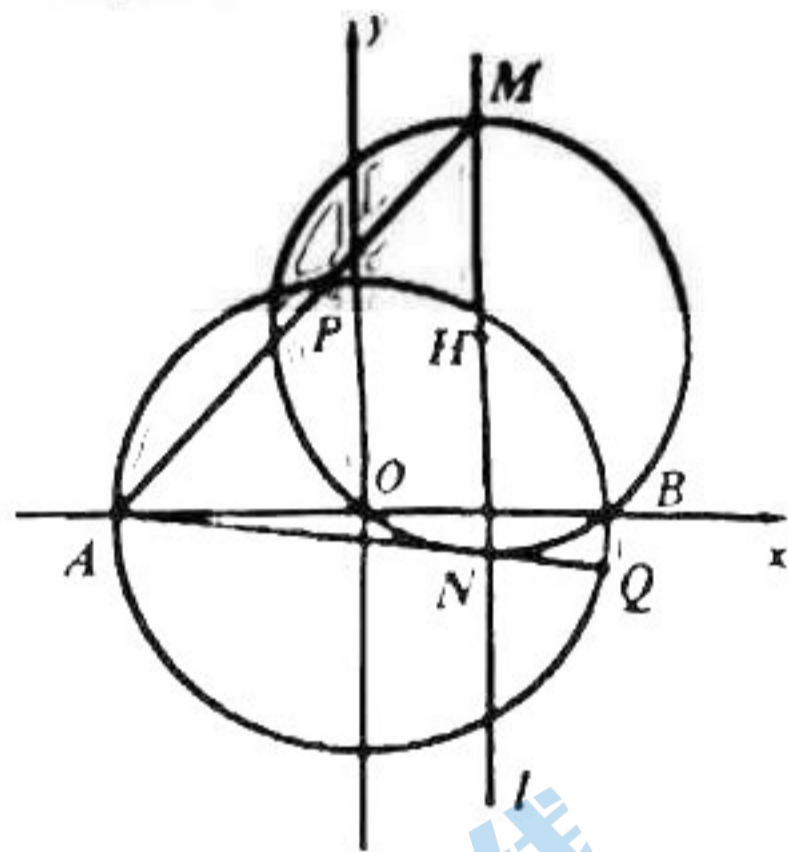
(2) 若  $a > 1$ , 证明: 方程  $f(x) = 0$  有且仅有一个正根.

21. (12分) 已知椭圆  $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的左、右顶点分别为  $A(-2, 0), B(2, 0)$ , 点  $H$  是直线  $l: x = 1$  上的动点, 以点  $H$  为圆心且过原点的圆与直线  $l$  交于  $M, N$  两点. 当点  $H$  在椭圆  $E$  上

时, 圆  $H$  的半径为  $\frac{\sqrt{13}}{2}$ .

(1) 求椭圆  $E$  的方程;

(2) 若直线  $AM, AN$  与椭圆  $E$  的另一个交点分别为  $P, Q$ , 记直线  $PQ, OH$  的斜率分别为  $k_1, k_2$ , 判断  $k_1 k_2$  是否为定值? 若是, 求出这个定值; 若不是, 说明理由.



(二) 选考题: 共 10 分. 请考生在第 22、23 题中任选一题作答, 如果多做, 则按所做的第一题计分.

22. (10分) 选修 4-4: 坐标系与参数方程

在平面直角坐标系  $xOy$  中, 已知曲线  $C$  的参数方程为  $\begin{cases} x = 2\cos^2 \alpha, \\ y = \sin 2\alpha \end{cases} (\alpha \text{ 为参数})$ , 以坐标原点  $O$

为极点,  $x$  轴的非负半轴为极轴建立极坐标系, 直线  $l$  的极坐标方程为  $\rho \cos(\theta + \frac{\pi}{4}) + a = 0$ .

(1) 求曲线  $C$  的极坐标方程及直线  $l$  的直角坐标方程;

(2) 若直线  $l$  与曲线  $C$  相交于  $A, B$  两点, 且  $\angle AOB = \frac{\pi}{4}$ , 求  $a$ .

23. (10分) 选修 4-5: 不等式选讲

已知函数  $f(x) = 2^{|x-1|}$

(1) 求不等式  $f(x) \leq 4^x$  的解集;

(2) 求  $y = f(x) + f(x+4)$  的最小值.

# 20220607 项目第二次模拟测试卷

## 文科数学参考答案及评分标准

一、选择题：本大题共 12 个小题，每小题 5 分，共 60 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	D	B	C	A	C	D	A	B	D	C	B	C

二、填空题：本大题共 4 小题，每小题 5 分，满分 20 分。

13.  $\sqrt{5}$                       14.  $n-4$                       15.  $\frac{2}{5}$                       16.  $2+\sqrt{3}$

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第 17 题-21 题为必考题，每个试题考生都必须作答。第 22 题、23 题为选考题，考生根据要求作答。

17. 【解析】(1)  $\triangle OAC$  中，由正弦定理知

$$\frac{OC}{\sin \angle OAC} = \frac{3}{\sin \frac{\pi}{4}}, \quad \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

所以  $OC = 4$ ;  .....6 分

(2) 设  $\angle OAB = \alpha$ ，则  $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ ,  $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ . .....8 分

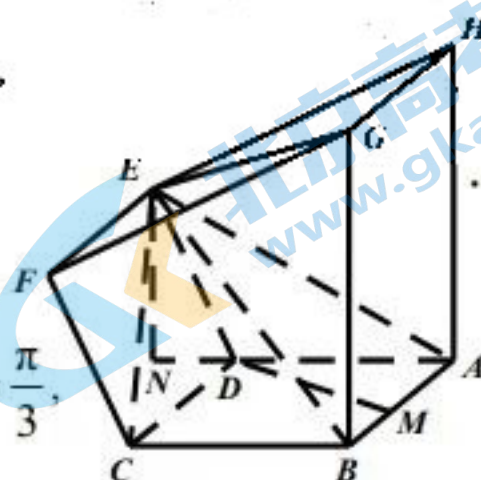
所以  $\sin \angle AOB = \sin(\pi - 2\alpha) = 2\sin \alpha \cos \alpha = \frac{4\sqrt{2}}{9}$ ，则  $\cos \angle AOB = \frac{7}{9}$ , .....10 分

所以  $\sin \angle BOC = \sin(\angle AOB + \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{4\sqrt{2}}{9} + \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{7}{9} = \frac{8+7\sqrt{2}}{18}$ . .....12 分

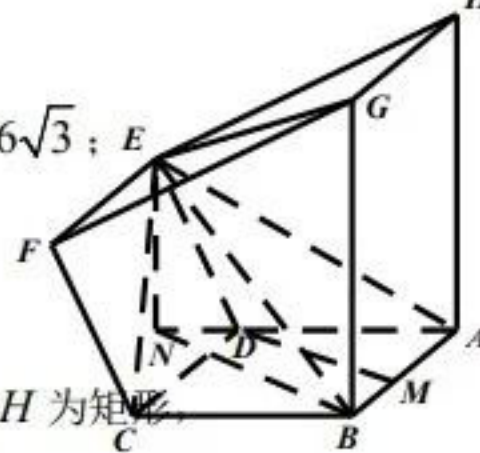
18. 【解析】(1) 因为  $CD \perp DA$ ,  $CD \perp DE$ ,  
所以  $CD \perp$  平面  $ADE$ ，故平面  $EDA \perp$  平面  $ABCD$ ，

过  $E$  作平面  $ABCD$  的垂线，  
垂足为  $N$ ，则点  $N$  在  $AD$  的延长线上， .....2 分

因为  $CD \perp CB$ ,  $CD \perp CF$ ,  
所以  $\angle FCB$  即为二面角  $F-CD-B$  的平面角，

则  $\angle EDA = \angle FCB = \frac{2\pi}{3}$ ，故  $Rt\triangle END$  中  $\angle EDN = \frac{\pi}{3}$ ,  .....4 分

所以  $DN = \frac{1}{2}DE = 3$ ,  $EN = \frac{\sqrt{3}}{2}DE = 3\sqrt{3}$ , .....6 分

所以  $V_{E-ABCD} = \frac{1}{3}S_{ABCD} \cdot EN = \frac{1}{3} \times 36 \times 3\sqrt{3} = 36\sqrt{3}$ ;  .....8 分

(2) 因为  $DN = 3$ ,  $AD = 6$ ,  $BM = 2$ ,

所以  $\frac{AD}{DN} = \frac{AM}{MB} = 2$ ，所以  $DM \parallel NB$ , .....10 分

因为平面  $ABGH \perp$  平面  $ABCD$ ，四边形  $ABGH$  为矩形，  
所以  $GB \perp$  平面  $ABCD$ ，

所以  $EN \parallel GB$ ，所以  $E, G, B, N$  四点共面， .....12 分

即  $BN \perp$  平面  $BEG$ ，所以  $DM \parallel$  平面  $BEG$ 。 .....12 分

19. 【解析】(1) 抽查的 50 名学生中低体重 3 人, 正常 25 人, 超重 17 人, 肥胖 5 人, 所以体重指数学生平均得分为  $\frac{80 \times 3 + 100 \times 25 + 80 \times 17 + 60 \times 5}{50} = 88$ ; .....4 分

学生肥胖率为  $\frac{5}{50} = 0.1$ . .....6 分

(2) 由参考数据计算可得  $\bar{x} = 22.5$ ,  $\bar{y} = 3400$ , .....8 分

$$\text{所以 } \hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^6 (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^6 (x_i - \bar{x})^2} = \frac{7760}{48.5} = 160,$$

$$\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x} = 3400 - 160 \times 22.5 = -200,$$
 .....10 分

所以  $y$  关于  $x$  的线性回归方程为  $y = 160x - 200$ . .....12 分

20. 【解析】(1) 因为  $a = 0$ , 所以  $f(x) = e^x - x - 1$ , 则  $f'(x) = e^x - 1$ , .....2 分

当  $x \in (0, +\infty)$  时,  $f'(x) > 0$ , 所以函数  $f(x)$  在  $(0, +\infty)$  上单调递增, 即函数  $f(x)$  的增区间为  $(0, +\infty)$ , 无减区间; .....4 分

(2) 因为  $f(x) = e^x - \frac{1}{2}ax^2 - x - 1$ , 所以  $f'(x) = e^x - ax - 1$ ,

设  $h(x) = e^x - ax - 1$ ,  $x \in (0, +\infty)$ , 所以  $h'(x) = e^x - a$ ,

当  $x \in (0, \ln a)$  时,  $h'(x) < 0$ , 则  $f'(x)$  在  $(0, \ln a)$  为减函数;

当  $x \in (\ln a, +\infty)$  时,  $h'(x) > 0$ , 则  $f'(x)$  在  $(\ln a, +\infty)$  为增函数;

因为  $h(\ln a) < h(0) = 0$ , 当  $x \rightarrow +\infty$  时,  $h(x) \rightarrow +\infty$ ,

所以存在  $x_0 \in (\ln a, +\infty)$ , 使得  $f'(x_0) = 0$ . .....8 分

当  $x \in (0, x_0)$  时,  $f'(x) < 0$ , 则  $f(x)$  在  $(0, x_0)$  上单调递减;

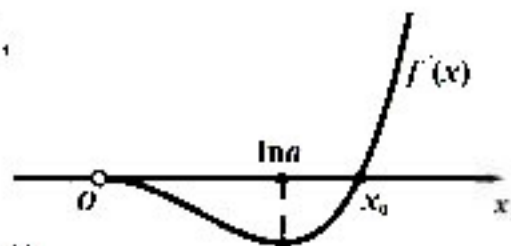
当  $x \in (x_0, +\infty)$  时,  $f'(x) > 0$ , 则  $f(x)$  在  $(x_0, +\infty)$  上单调递增;

因为  $f(0) = 0$ , 所以当  $x \in (0, x_0)$  时,  $f(x) < f(0) = 0$ ,  $f(x_0) < f(0) = 0$ ;

且当  $x \rightarrow +\infty$  时,  $f(x) \rightarrow +\infty$ ,

所以  $f(x)$  在区间  $(x_0, +\infty)$  有且仅有一个零点  $x_1$ ,

即方程  $f(x) = 0$  有且仅有一个正根.

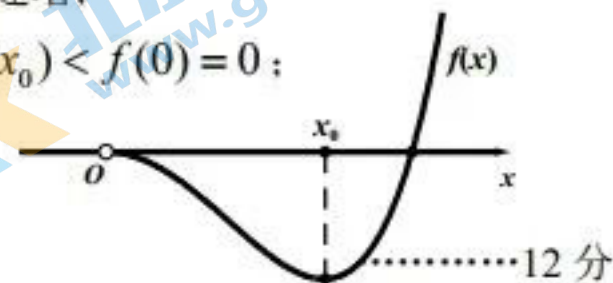


21. 【解析】(1) 由题意知  $a = 2$ , 因为  $\sqrt{(\frac{\sqrt{13}}{2})^2 - 1^2} = \frac{3}{2}$ , 所以  $H(1, \pm \frac{3}{2})$ , .....2 分

所以  $\frac{1}{a^2} + \frac{9}{b^2} = 1$ , 所以  $b^2 = 3$ , 即椭圆方程为  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ ; .....4 分

(2) 方法一: 设  $M(1, m), N(1, n), H(1, \frac{m+n}{2})$ ,

因为  $MN$  为圆  $H$  的直径, 所以  $\overline{OM} \cdot \overline{ON} = 0$ , 则  $mn = -1$ , .....6 分



设直线  $AM: y = \frac{m}{3}(x+2)$ , 则 
$$\begin{cases} y = \frac{m}{3}(x+2) \\ x^2 + \frac{y^2}{3} = 1 \end{cases}$$

整理得到  $(4m^2 + 27)x^2 + 16m^2x + (16m^2 - 108) = 0$ ,

所以  $x_P \cdot (-2) = \frac{16m^2 - 108}{4m^2 + 27}$ ,

则  $x_P = \frac{54 - 8m^2}{4m^2 + 27}$ ,  $y_P = \frac{36m}{4m^2 + 27}$ ,

同理可得:  $x_Q = \frac{54 - 8n^2}{4n^2 + 27}$ ,  $y_Q = \frac{36n}{4n^2 + 27}$ ,

所以  $k_1 = \frac{y_P - y_Q}{x_P - x_Q} = \frac{\frac{36m}{4m^2 + 27} - \frac{36n}{4n^2 + 27}}{\frac{54 - 8m^2}{4m^2 + 27} - \frac{54 - 8n^2}{4n^2 + 27}} = \frac{36m(4n^2 + 27) - 36n(4m^2 + 27)}{(54 - 8m^2)(4n^2 + 27) - (54 - 8n^2)(4m^2 + 27)}$

$= -\frac{31}{12} \cdot \frac{1}{m+n}$

因为  $k_2 = \frac{m+n}{2}$ , 所以  $k_1 \cdot k_2 = -\frac{31}{12} \cdot \frac{1}{m+n} \cdot \frac{m+n}{2} = -\frac{31}{24}$ . .....12分

方法二:  $AM: y = k(x+2)$ ,  $AN: y = t(x+2)$ , 可得  $M(1, 3k)$ ,  $N(1, 3t)$ ,  $H(1, \frac{3(k+t)}{2})$ ,

因为  $OM \perp ON$ , 所以  $9kt = -1$ , .....6分

由  $\begin{cases} y = k(x+2) \\ x^2 + \frac{y^2}{3} = 1 \end{cases}$ , 整理可得:  $(4k^2 + 3)x^2 + 16k^2x + (16k^2 - 12) = 0$ ,

所以  $x_P \cdot (-2) = \frac{16k^2 - 12}{4k^2 + 3}$ , 则  $x_P = \frac{6 - 8k^2}{4k^2 + 3}$ ,  $y_P = \frac{12k}{4k^2 + 3}$ , .....8分

同理可得:  $x_Q = \frac{6 - 8t^2}{4t^2 + 3}$ ,  $y_Q = \frac{12t}{4t^2 + 3}$ ,

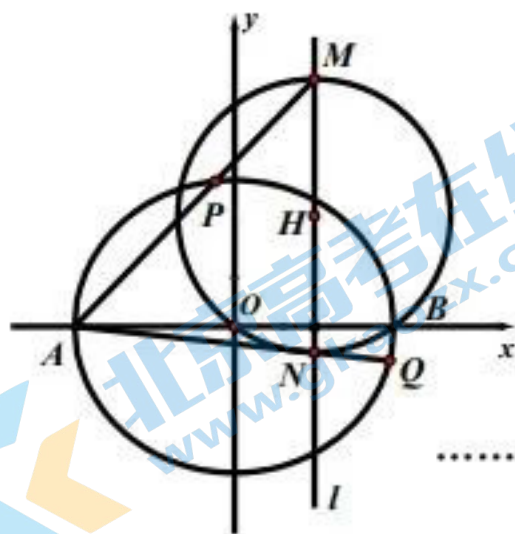
所以  $k_1 = \frac{y_P - y_Q}{x_P - x_Q} = \frac{\frac{12k}{4k^2 + 3} - \frac{12t}{4t^2 + 3}}{\frac{6 - 8k^2}{4k^2 + 3} - \frac{6 - 8t^2}{4t^2 + 3}} = \frac{4kt - 3}{4(k+t)} = -\frac{31}{36} \times \frac{1}{k+t}$ ,

因为  $k_2 = \frac{3}{2}(k+t)$ , 所以  $k_1 \cdot k_2 = -\frac{31}{24}$ . .....12分

22. (10分) 选修4-4: 坐标系与参数方程

【解析】(1) 因为曲线C的参数方程为  $\begin{cases} x = 2 \cos^2 \alpha \\ y = \sin 2\alpha \end{cases}$  ( $\alpha$  为参数)

关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯(微信号:bjgkzx), 获取更多试题资料及排名分析信息。



.....8分

.....12分

.....6分

.....8分

.....12分

所以  $\begin{cases} x-1 = \cos 2\alpha \\ y = \sin 2\alpha \end{cases}$ , 所以曲线  $C$  的普通方程为  $(x-1)^2 + y^2 = 1$ , .....1分

所以曲线  $C$  的极坐标方程为  $\rho = 2\cos\theta$ . .....3分

因为直线  $l$  的极坐标方程为  $\rho\cos(\theta + \frac{\pi}{4}) + a = 0$ ,

所以  $\rho\cos\theta - \rho\sin\theta + \sqrt{2}a = 0$ ,

即直线  $l$  的直角坐标方程为  $x - y + \sqrt{2}a = 0$ . .....5分

(2) 方法一: 设曲线  $C$  的圆心为  $C(1,0)$ , 因为点  $O$  在圆上, 且  $\angle AOB = \frac{\pi}{4}$ ,

所以  $\angle ACB = \frac{\pi}{2}$ , 则点  $C(1,0)$  到直线  $l$  的距离为  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ , .....7分

所以  $d = \frac{|1 + \sqrt{2}a|}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ , 则  $a = 0$  或  $a = -\sqrt{2}$ , .....9分

当  $a = 0$  时, 直线  $l$  过原点  $O$ , 不符合题意;

所以  $a = -\sqrt{2}$ . .....10分

方法二: 设  $A(\rho_1, \theta_0), B(\rho_2, \theta_0 + \frac{\pi}{4})$ , 所以  $\rho_1 = 2\cos\theta_0, \rho_2 = 2\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{4})$ , .....6分

又因为点  $A, B$  在直线  $l$  上, 所以  $\rho_1\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{4}) + a = 0, \rho_2\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{2}) + a = 0$ ,

则  $2\cos\theta_0\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{4}) = 2\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{4})\cos(\theta_0 + \frac{\pi}{2})$ , .....8分

则  $\theta_0 = \frac{\pi}{4}$  或  $\theta_0 = \frac{3\pi}{4}$ , 则  $a = 0$  或  $a = -\sqrt{2}$ ,

当  $a = 0$  时, 直线  $l$  过原点  $O$ , 不符合题意;

所以  $a = -\sqrt{2}$ . .....10分

### 23. (10分) 选修4-5: 不等式选讲

【解析】(1) 因为  $f(x) = 2^{|x-1|}$ , 所以  $2^{|x-1|} \leq 4^x$ , 则  $|x-1| \leq 2x$ , .....1分

$$\textcircled{1} \begin{cases} x \geq 1 \\ x-1 \leq 2x \end{cases}, \text{ 解得 } x \geq 1,$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} x < 1 \\ 1-x \leq 2x \end{cases}, \text{ 解得 } \frac{1}{3} \leq x < 1,$$

所以不等式的解集为  $[\frac{1}{3}, +\infty)$ ; .....5分

$$(2) y = f(x) + f(x+4) = 2^{|x-1|} + 2^{|x+3|} \geq 2\sqrt{2^{|x-1|} \cdot 2^{|x+3|}} \quad \dots\dots\dots 7 \text{ 分}$$

$$= 2\sqrt{2^{|x-1|+|x+3|}} \geq 2\sqrt{2^4} = 8. \quad \dots\dots\dots 9 \text{ 分}$$

当且仅当  $x = -1$  时,  $y = f(x) + f(x+4)$  取得最小值 8. .....10分

关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯(微信号:bjgkzx), 获取更多试题资料及排名分析信息。



## 关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力的中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “精益求精、专业严谨” 的建设理念，不断探索 “K12 教育+互联网+大数据” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “衔接和桥梁纽带” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

北京高考资讯

官方微信公众号: bjgkzx

官方网站: [www.gaokzx.com](http://www.gaokzx.com)

咨询热线: 010-5751 5980

微信客服: gaokzx2018

关注北京高考在线官方微信: [北京高考资讯\(微信号:bjgkzx\)](https://www.gkaozx.com), 获取更多试题资料及排名分析信息。