

一、选择题（本大题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分）

一、选择题

1. 如图，在长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中， $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{DD_1} = (\)$

A. \overrightarrow{DB} B. $\overrightarrow{BD_1}$ C. $\overrightarrow{DB_1}$ D. $\overrightarrow{D_1B}$

2. 已知向量 $\vec{a} = (2, -3, 1)$ ， $\vec{b} = (2, 0, 3)$ ，则 $\vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = (\)$

A. 21 B. -21 C. 20 D. -20

3. 若向量 $\vec{a} = (1, 2, 0)$ ， $\vec{b} = (-2, 0, 1)$ ，则

A. $\cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{2}{5}$ B. $\vec{a} \perp \vec{b}$ C. $\vec{a} \parallel \vec{b}$ D. $|\vec{a}| = |\vec{b}|$

4. 已知空间向量 $\vec{a} = (2, 1, -1)$ ， $\vec{b} = (x, -2, 2)$ ，且 $\vec{a} \parallel \vec{b}$ ，则 $x = (\)$

A. -2 B. -4 C. 2 D. 4

5. 已知直线 l_1 、 l_2 的方向向量分别为 $\vec{a} = (1, 2, -2)$ 、 $\vec{b} = (-2, 1, m)$ ，若 $l_1 \perp l_2$ ，则 m 等于()

A. 1 B. 2 C. 0 D. 3

6. 已知 M 为 z 轴上一点，且点 M 到点 $A(-1, 0, 1)$ 与点 $(1, -3, 2)$ 的距离相等，则点 M 的坐标为()

A. (3, 0, 0) B. (0, -2, 0) C. (0, 0, 6) D. (0, 0, -3)

7. 已知 $\{\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}\}$ 是空间向量的一个基底，则下列向量中能与 $\vec{a} + \vec{b}$ ， $\vec{a} - \vec{b}$ 构成基底的是()

A. \vec{a} B. \vec{b} C. \vec{c} D. $\vec{a} + 2\vec{b}$

8. 在空间直角坐标系 $O - xyz$ 中，已知点 $A(3, -1, 0)$ ，向量 $\overrightarrow{AB} = (4, 10, -6)$ ，则线段 AB 的中点坐标为()

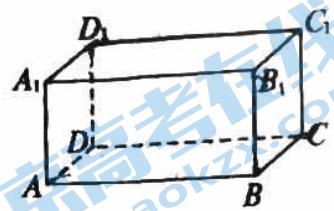
A. (5, 4, -3) B. (2, 5, -3) C. (1, -6, 3) D. (-1, 6, -3)

9. 已知向量 $\vec{n} = (2, 0, 1)$ 为平面 α 的法向量，点 $A(-1, 2, 1)$ 在 α 内，则点 $P(1, 2, 2)$ 到平面 α 的距离为()

A. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ B. $\sqrt{5}$ C. $2\sqrt{5}$ D. $\frac{\sqrt{5}}{10}$

10. 已知向量 $\vec{a} = (1, 1, 0)$ ，则与 \vec{a} 同向的单位向量 $\vec{e} = (\)$

A. (0, 1, 0) B. (1, 1, 1) C. $(-\frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$ D. $(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$



11. 已知 $A(4,1,3)$, $B(2,3,1)$, $C(3,7,-5)$, 点 $P(x,-1,3)$ 在平面 ABC 内, 则 x 的值为()

A. -4

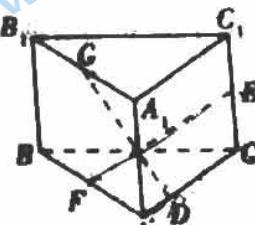
B. 1

C. 10

D. 11

12. 如图, 在直三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, $\angle BAC = \frac{\pi}{2}$, $AB = AC = AA_1 = 1$, 已知 G 与 E 分别为 A_1B_1 和 CC_1 的中点, D 与 F 分别为线段 AC 和 AB 上的动点(不包括端点), 若 $GD \perp EF$, 则线段 DF 的长度的取值范围为()

- A. $[\sqrt{2}, \sqrt{3}]$ B. $[\frac{\sqrt{2}}{4}, \frac{\sqrt{5}}{2}]$ C. $[\frac{\sqrt{5}}{5}, 1]$ D. $[\frac{\sqrt{5}}{5}, \sqrt{2})$



二、填空题 (本大题共 6 小题, 每小题 5 分, 共 30 分) .

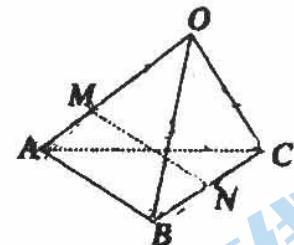
13. 已知向量 $\vec{m} = (2, -1, 6)$, $\vec{n} = (1, \lambda, 3)$, 且 $\vec{m} \perp \vec{n}$, 则 λ 的值为_____.

14. 若 $\vec{a} = (1, 0, 2)$, $\vec{b} = (0, 1, 2)$, 则 $|\vec{a} - 2\vec{b}| =$ _____.

15. 如图, 在空间四边形 $OABC$ 中, $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$,

点 M 在 OA 边上, 且 $\overrightarrow{OM} = 2\overrightarrow{MA}$, N 为 BC 的中点,

则 $\overrightarrow{MN} =$ _____ (用 $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ 表示).



16. 在各棱长都等于 1 的正四面体 $O-ABC$ 中, 若点 P 满足 $\overrightarrow{OP} = x\overrightarrow{OA} + y\overrightarrow{OB} + z\overrightarrow{OC}$ ($x+y+z=1$), 则 $|\overrightarrow{OP}|$ 的最小值为_____.

17. 在平面直角坐标系中, 点 $A(-1, 2)$ 关于 x 轴的对称点为 $A'(-1, -2)$, 那么, 在空间直角坐标系中, $B(-1, 2, 3)$ 关于 x 轴的对称点 B' 坐标为_____ 若点 $C(1, -1, 2)$ 关于 xOy 平面的对称点为点 C' , 则 $|B'C'| =$ _____

8. 已知点 $A(-1, 1, 0)$, $B(1, 3, 2)$, 与向量 \overrightarrow{AB} 不共线的向量 $\vec{a} = (x, y, z)$ 在 \overrightarrow{AB} 上的投影向量为 $(1, 1, 1)$, 请你给出 \vec{a} 的一个坐标为_____

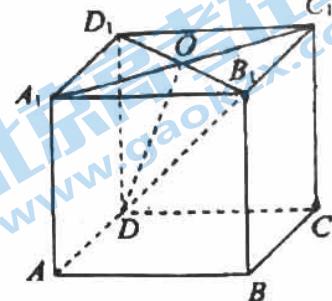
三、解答题（本大题共 5 小题，共 72 分）

19. (本小题 13 分)

在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中，已知 O 为 A_1C_1 中点，如图所示。

(Ⅰ) 求证: $B_1C \parallel$ 平面 ODC_1 ;

(Ⅲ) 求异面直线 B_1C 与 OD 夹角的余弦值。

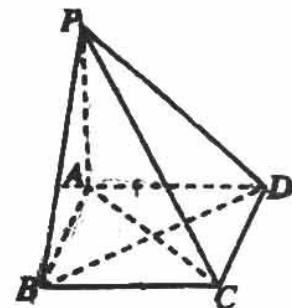


20. (本小题 14 分)

如图，在四棱锥 $P-ABCD$ 中，棱 AB, AD, AP 两两垂直，且长度均为 1， $\overline{BC} = \overline{AD}$ 。

(1) 求证: $BD \perp$ 平面 PAC ;

(2) 求直线 PC 与平面 PBD 所成角的正弦值。

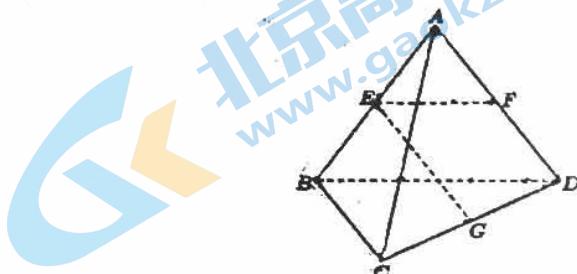


21. (本小题 15 分)

如图所示，已知空间四边形 $ABCD$ 的每条边和对角线长都等于 1，点 E, F, G 分别是 AB, AD, CD 的中点。设 $\overline{AB} = \vec{a}, \overline{AC} = \vec{b}, \overline{AD} = \vec{c}$

(Ⅰ) 求 $\overline{EF} \cdot \overline{BA}$;

(Ⅱ) 求 EG 的长。



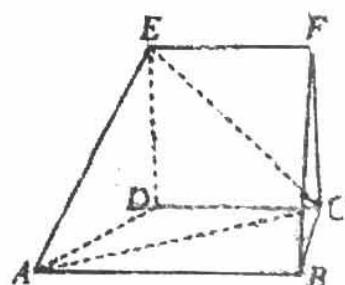
22. (本小题 15 分)

在如图所示的几何体中，四边形 $CDEF$ 为正方形，四边形 $ABCD$ 为直角梯形， $AB \parallel CD, BC \perp CD, BC \perp CF, AB = 3BC = 3CD$ 。

(Ⅰ) 求 BE 与平面 EAC 所成角的正弦值；

(Ⅱ) 线段 ED 或其延长线上是否存在点 P ,

使平面 $EAC \perp$ 平面 PBC ? 证明你的结论。



23.(本小题 15 分)

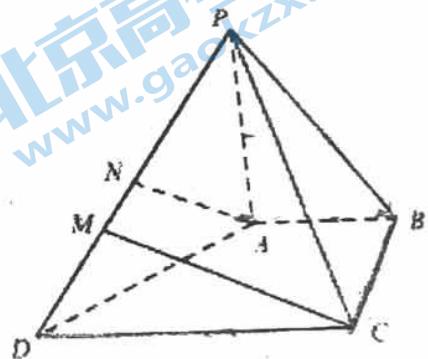
如图, 在四棱锥 $P-ABCD$ 中, $PA \perp$ 面 $ABCD$, $AB \parallel CD$,
且 $CD = 2$, $AB = 1$, $BC = 2\sqrt{2}$, $PA = 1$, $AB \perp BC$,
 N 为 PD 的中点.

(I) 求直线 AN 到平面 PBC 的距离;

(II) 在线段 PD 上是否存在一点 M , 使得直线 CM 与平面 PBC

所成角的正弦值是 $\frac{1}{3}$. 若存在, 求出 $\frac{DM}{DP}$ 的值, 若不存

在, 说明理由.



关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “ 精益求精、专业严谨 ” 的设计理念，不断探索 “K12 教育 + 互联网 + 大数据 ” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “ 衔接和桥梁纽带 ” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力。

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

Q 北京高考资讯