

数学试卷

考生须知

- 本试卷共 8 页,共两部分,28 道小题,满分 100 分。考试时间 120 分钟。
- 在答题卡上准确填写学校、班级、姓名和准考证号。
- 试题答案一律填涂或书写在答题卡上,在试卷上作答无效。
- 在答题卡上,选择题、作图题用 2B 铅笔作答,其他试题用黑色字迹签字笔作答。
- 考试结束,将答题卡交回。

第一部分 选择题

一、选择题(共 16 分,每题 2 分)

第 1—8 题均有四个选项,符合题意的选项只有一个.

- 中国高铁是一张亮丽的名片,中国成功建设世界上规模最大、现代化水平最高的高速铁路网,形成了具有自主知识产权的世界先进高铁技术体系,打造了具有世界一流运营品质的中国高铁品牌. 截止到 2021 年底,中国电气化铁路总里程突破 11 万公里,其中高铁 41 000 公里. 将 41 000 用科学记数法表示应为

(A) 0.41×10^5 (B) 41×10^3 (C) 4.1×10^5 (D) 4.1×10^4

- 已知 $3x=4y$ ($y \neq 0$),那么下列比例式不成立的是

(A) $\frac{x}{3} = \frac{y}{4}$ (B) $\frac{x}{4} = \frac{y}{3}$ (C) $\frac{x}{y} = \frac{4}{3}$ (D) $\frac{3}{y} = \frac{4}{x}$

- 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=4$, $BC=3$,那么 $\cos B$ 的值是

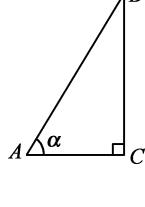
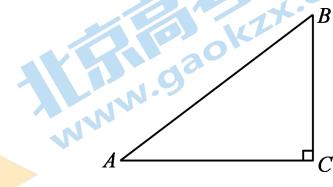
(A) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{4}{5}$
 (C) $\frac{3}{4}$ (D) $\frac{3}{5}$

- 在平面直角坐标系中,将抛物线 $y=x^2$ 平移,可以得到抛物线 $y=x^2+2x+1$,下列平移的叙述正确的是

(A) 向上平移 1 个单位长度 (B) 向下平移 1 个单位长度
 (C) 向左平移 1 个单位长度 (D) 向右平移 1 个单位长度

- 如图,为测量楼房 BC 的高,在距离楼房底部 50m 的 A 处,测得楼顶 B 的仰角为 α ,那么楼房 BC 的高为

(A) $50 \sin \alpha$ (m) (B) $50 \tan \alpha$ (m)
 (C) $\frac{50}{\sin \alpha}$ (m) (D) $\frac{50}{\tan \alpha}$ (m)



关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯(微信号:bjgkzx), 获取更多试题资料及排名分析信息

6. 如图,在菱形ABCD中,点E在边AD上,射线CE交BA的

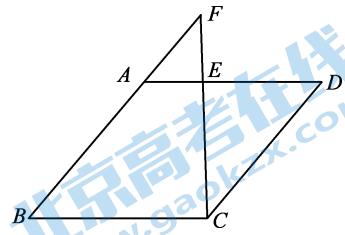
延长线于点F,若 $\frac{AE}{ED}=\frac{1}{2}$, $AB=3$,则AF的长为

(A) 1

(B) $\frac{2}{3}$

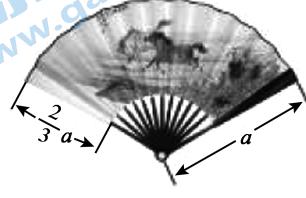
(C) $\frac{3}{2}$

(D) 2



7. 如图,现有一把折扇和一把圆扇.已知折扇的骨柄长等于圆扇的直径,折扇扇面的宽度是

骨柄长的 $\frac{2}{3}$,折扇张开的角度为 120° ,则两把扇子扇面面积较大的是



(A) 折扇

(B) 圆扇

(C) 一样大

(D) 无法判断

8. 下面两个问题中都有两个变量:

① 矩形的周长为 20,矩形的面积 y 与一边长 x ;

② 矩形的面积为 20,矩形的宽 y 与矩形的长 x .

其中变量 y 与变量 x 之间的函数关系表述正确的是

(A) ①是反比例函数,②是二次函数

(B) ①是二次函数,②是反比例函数

(C) ①②都是二次函数

(D) ①②都是反比例函数

第二部分 非选择题

二、填空题(共 16 分,每题 2 分)

9. 分解因式: $x^2y - 4y = \underline{\hspace{2cm}}$.

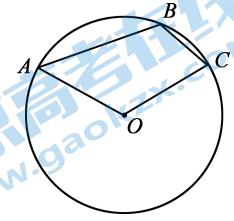
10. 对于二次函数 $y = -2(x+3)^2 - 1$,当 x 的取值范围是 _____ 时, y 随 x 的增大而减小.

11. 某一时刻,小明测得一高为 1m 的竹竿的影长为 0.8m,小李测得一棵树的影长为 9.6m,
那么这棵树的高是 _____ .

关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯(微信号:bjgkzx), 获取更多试题资料及排名分析信息

12. 将二次函数 $y=x^2-4x+3$ 化为 $y=a(x-h)^2+k$ 的形式, 则 $h=$ _____, $k=$ _____.

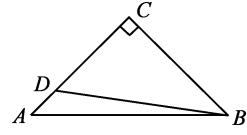
13. 如图, 点 A, B, C 都在 $\odot O$ 上, 如果 $\angle AOC = \angle ABC$, 那么 $\angle A + \angle C$ 的度数为 _____.



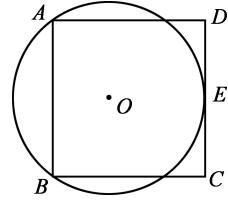
14. 若抛物线 $y=x^2-2x+k-1$ 与 x 轴有交点, 则 k 的取值范围是 _____.

15. 如图, 在等腰直角 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 点 D 是 AC 上一点, 如果

$$CD=6, \sin \angle CBD = \frac{3}{5}, \text{那么 } AB \text{ 的长为 } \underline{\hspace{2cm}}.$$



16. 如图, 正方形 $ABCD$ 的顶点 A, B 都在 $\odot O$ 上, 且 CD 边与 $\odot O$ 相切于点 E , 如果 $\odot O$ 的半径为 1, 那么正方形 $ABCD$ 的边长为 _____.



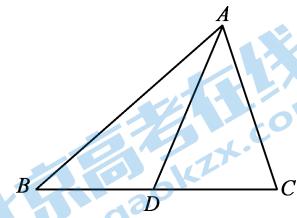
三、解答题(共 68 分, 第 17—21 题, 每题 5 分, 第 22—23 题, 每题 6 分, 第 24 题 5 分, 第 25—26 题, 每题 6 分, 第 27—28 题, 每题 7 分)

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. 计算: $2\sin 45^\circ + \sqrt{18} - \cos 60^\circ + (\sqrt{3}-1)^0$.

18. 解不等式组: $\begin{cases} 3-2x > 5-4x, \\ \frac{7x-3}{2} < 3x. \end{cases}$

19. 如图,在 $\triangle ABC$ 中,点D在边BC上,且满足 $CA^2=CD \cdot CB$. 请找出图中的一对相似三角形,并证明.



20. 已知:在平面直角坐标系 xOy 中,反比例函数

$y=\frac{k}{x}$ ($k\neq 0$) 的图象与直线 $y=mx$ ($m\neq 0$) 都经过

点 $A(2,2)$.

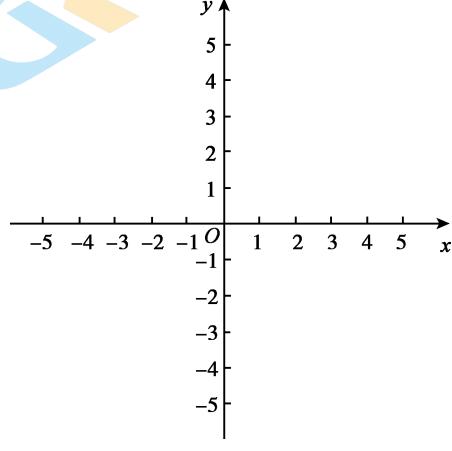
(1) 分别求 k, m 的值;

(2) 若点 P 的坐标为 $(n,0)$ ($n>0$), 过点 P 作平

行于 y 轴的直线与直线 $y=mx$ 和反比例函数

$y=\frac{k}{x}$ 的图象分别交于点 C, D , 若点 D 在点 C

的上方, 直接写出 n 的取值范围.

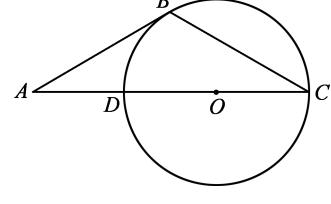


21. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $AB=2$. 请你添加一个条件: _____, 设计一道解直角三
角形的题目(不用计算器计算), 并画出图形, 解这个直角三角形.

22. 如图, A 是 $\odot O$ 的直径 CD 延长线上的一点, 点 B 在 $\odot O$ 上, $\angle A=\angle C=30^\circ$.

(1) 求证: AB 是 $\odot O$ 的切线;

(2) 若 $BC=2\sqrt{3}$, 求 AC 的长.

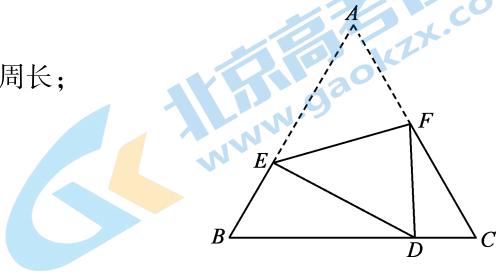


23. 如图,将等边三角形 ABC 折叠,使点 A 落在 BC 边上的点 D 处(不与 B, C 重合),折痕为 EF .

(1) 求证: $\triangle BDE \sim \triangle CFD$;

(2) 若 $BD=6, DC=2$, 分别求 $\triangle BDE, \triangle CFD$ 的周长;

(3) 在(2)的条件下,求 BE 的长.



24. 在证明圆周角定理时,某学习小组讨论出圆心与圆周角有三种不同的位置关系(如图 1, 2, 3 所示),小敏说:当圆心 O 在 $\angle ACB$ 的边上时,只要利用三角形内角和定理的推论和等腰三角形的性质即可证明. 小亮说:当圆心 O 在 $\angle ACB$ 的内部或外部时,可以通过添加直径这条辅助线,把问题转化为圆心 O 在 $\angle ACB$ 的边上时的特殊情形来解决. 请选择图 2 或图 3 中的一种,完成证明.

圆周角定理:一条弧所对的圆周角等于它所对的圆心角的一半.

已知:如图,在 $\odot O$ 中, \widehat{AB} 所对的圆周角是 $\angle ACB$, 圆心角是 $\angle AOB$.

求证: $\angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB$.

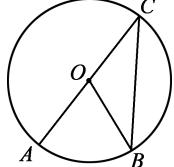


图 1

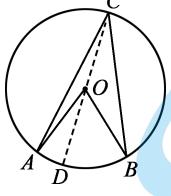


图 2

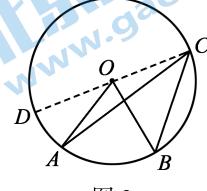


图 3

25. 如图 1 是某条公路的一个具有两条车道的隧道的横断面. 经测量, 两侧墙 AD 和 BC 与路面 AB 垂直, 隧道内侧宽 $AB=8$ 米. 为了确保隧道的安全通行, 工程人员在路面 AB 上取点 E , 测量点 E 到墙面 AD 的距离 AE , 点 E 到隧道顶面的距离 EF . 设 $AE=x$ 米, $EF=y$ 米. 通过取点、测量, 工程人员得到了 x 与 y 的几组值, 如下表:

x (米)	0	2	4	6	8
y (米)	4.0	5.5	6.0	5.5	4.0

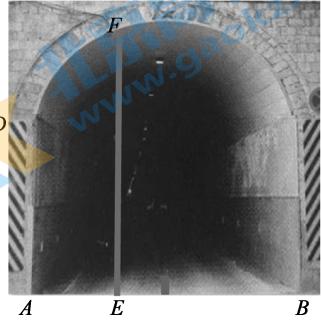


图 1

- (1) 根据上述数据, 直接写出隧道顶面到路面 AB 的最大距离为 _____ 米, 并求出满足的函数关系式 $y=a(x-h)^2+k$ ($a<0$);

(2) 请你帮助工程人员建立平面直角坐标系, 描出上表中各对对应值为坐标的点, 画出可以表示隧道顶面的函数的图象.

(3) 若如图 2 的汽车在隧道内正常通过时, 汽车的任何部位需到左侧墙及右侧墙的距离不小于 1 米且到隧道顶面的距离不小于 0.35 米. 按照这个要求, 隧道需标注的限高应为多少米(精确到 0.1 米)?

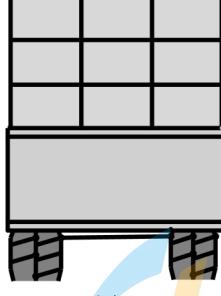
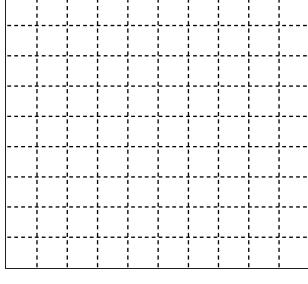


图 2

26. 已知: 二次函数 $y=ax^2-2ax+a+1$.

(1) 求这个二次函数图象的对称轴和顶点坐标;

(2) 若点 $A(n+1, y_1)$, $B(n-2, y_2)$ 在抛物线 $y=ax^2-2ax+a+1$ ($a>0$) 上, 且 $y_1 < y_2$, 求 n 的取值范围.

27. 已知: 在平行四边形 $ABCD$ 中, $AE \perp BC$ 于点 E , DF 平分 $\angle ADC$, 交线段 AE 于点 F .

(1) 如图 1, 若 $AE = AD$, 延长 EA 到点 G , 使得 $AG = BE$, 连结 DG , 依题意补全图形并证明 $DG = AB$;

(2) 在(1)的条件下, 用等式表示线段 CD, AF, BE 之间的数量关系, 并证明;

(3) 如图 2, 若 $AE : AD = 1 : 2$, 用等式表示线段 CD, AF, BE 之间的数量关系, 直接写出结果.

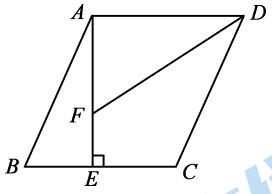


图 1

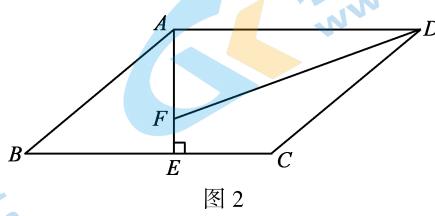


图 2

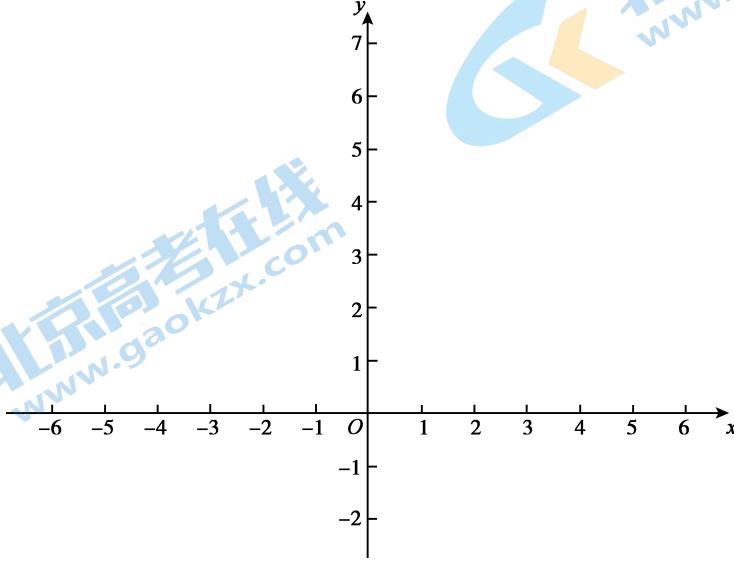
28. 在平面直角坐标系 xOy 中, 图形 M 上存在一点 P , 将点 P 先向右平移一个单位长度, 再向上平移一个单位长度得到点 Q , 若点 Q 在图形 N 上, 则称图形 M 与图形 N 成“斜关联”.

(1) 已知点 $A(-2, 1), B(-2, 2), C(-1, 2), D(-1, 1)$.

① 点 A 与 B, C, D 中的哪个点成“斜关联”?

② 若线段 AB 与双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 成“斜关联”, 求 k 的取值范围;

(2) 已知 $\odot T$ 的半径为 1, 圆心 T 的坐标为 $(t, 0)$, 直线 l 的表达式为 $y = \sqrt{3}x + 6$, 若 $\odot T$ 与直线 l 成“斜关联”, 请直接写出 t 的取值范围.





关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “ 精益求精、专业严谨 ” 的设计理念，不断探索 “K12 教育 + 互联网 + 大数据 ” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “ 衔接和桥梁纽带 ” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力。

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

Q 北京高考资讯