

石景山区 2022-2023 学年第一学期高二期末试卷

数 学

本试卷共 6 页，满分为 100 分，考试时间为 120 分钟。请务必将答案答在答题卡上，在试卷上作答无效，考试结束后上交答题卡。

第一部分（选择题 共 40 分）

一、选择题：本大题共 10 个小题，每小题 4 分，共 40 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项符合题目要求。

(1) 已知直线 l 的倾斜角为 120° ，则直线 l 的斜率为

- (A) $-\sqrt{3}$ (B) -1 (C) 0 (D) 1

(2) 双曲线 $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ 右支上一点 A 到右焦点 F_1 的距离为 3，则点 A 到左焦点 F_2 的距离为

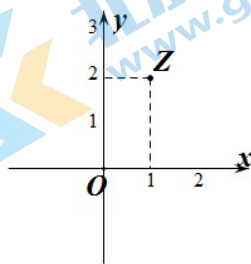
- (A) 5 (B) 6 (C) 9 (D) 11

(3) 若 $\mathbf{a} = (2, 3, 2)$ ， $\mathbf{b} = (1, 2, 2)$ ， $\mathbf{c} = (-1, 2, 2)$ ，则 $(\mathbf{a} - \mathbf{b}) \cdot \mathbf{c}$ 的值为

- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) 2

(4) 在复平面内，复数 z 对应的点 Z 如图所示，则 $\frac{z}{1-i} =$

- (A) $\frac{-1+3i}{2}$
(B) $\frac{1+i}{2}$
(C) $1+i$
(D) $-1+3i$



(5) 已知圆 C_1 的方程是 $x^2 + y^2 - 2x + 2y + 1 = 0$ ，圆 C_2 的方程是 $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 16$ ，

则圆 C_1 与圆 C_2 的位置关系是

- (A) 外离 (B) 外切 (C) 相交 (D) 内含

(6) 已知 $\vec{m} = (-2, a+b, a-b)$ ($a, b \in \mathbf{R}$) 是直线 l 的方向向量, $\vec{n} = (2, -1, 2)$ 是平面 α 的法向量. 若 $l \perp \alpha$, 则下列选项正确的是

(A) $a-3b-4=0$

(B) $a-3b-5=0$

(C) $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{3}{2}$

(D) $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{3}{2}$

(7) 如图, 在三棱锥 $P-ABC$ 中, $PA \perp$ 平面 ABC ,

$AB \perp AC$, $AB = AC = 1$, $PA = 2$,

以 A 为原点建立空间直角坐标系, 如图所示,

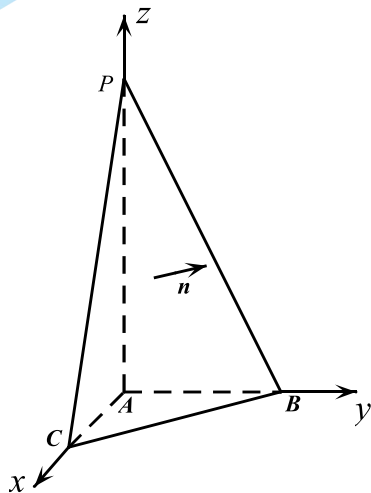
n 为平面 PBC 的一个法向量, 则 n 的坐标可能是

(A) $(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, \frac{1}{4})$

(B) $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, -\frac{1}{4})$

(C) $(\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2})$

(D) $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{4})$



(8) 两条直线 $y = kx$ ($k > 0$) 和 $y = -kx$ 分别与抛物线 $C: y^2 = 4x$ 相交于不同于原点的 A 、 B 两点, 若直线 AB 经过抛物线的焦点, 则 $k =$

(A) 1

(B) $\sqrt{2}$

(C) 2

(D) 3

(9) 设椭圆 $C_1: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 离心率为 e , 双曲线 $C_2: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的渐近线的斜率均小于 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$, 则椭圆 C_1 的离心率 e 的取值范围是

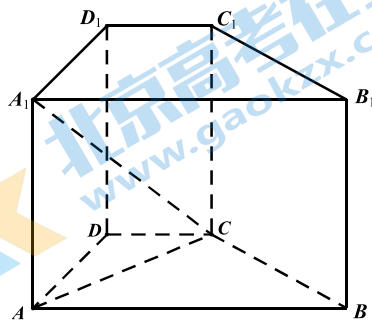
(A) $(\frac{\sqrt{10}}{10}, \frac{\sqrt{5}}{5})$

(B) $(\frac{\sqrt{5}}{5}, 1)$

(C) $(\frac{\sqrt{10}}{10}, 1)$

(D) $(\sqrt{5}, +\infty)$

- (10) 在直四棱柱 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中，底面 $ABCD$ 为直角梯形， $AB \parallel CD, AD \perp AB, CD=1, AD=2, AB=3, DD_1=2$ ，点 M 在该四棱柱表面上运动，且满足平面 $DD_1M \perp$ 平面 AA_1C 。当线段 DM 的长度取到最大值时，直线 DM 与底面 $ABCD$ 所成角的正弦值是



- (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{2}{3}$ (C) $\frac{\sqrt{5}}{3}$ (D) $\frac{\sqrt{7}}{3}$

第二部分 (非选择题 共 60 分)

二、填空题：本大题共 5 个小题，每小题 3 分，共 15 分。

- (11) 复数 $z=3+i$ 的模长 $|z| =$ _____.
- (12) 正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的棱长是 1，则点 A_1 到平面 BB_1D_1D 的距离为 _____.
- (13) 已知直线 $l_1: (a-1)x+2y+1=0, l_2: x+ay+1=0$. 若 $l_1 \parallel l_2$ ，则实数 $a =$ _____.
- (14) 在 $\triangle ABC$ 中， $A(0,3), B(-\sqrt{3},0)$ 和 $C(\sqrt{3},0)$. 则 $\triangle ABC$ 的外接圆方程为 _____.
- (15) 在平面直角坐标系中，已知点 M 的坐标为 $(0,2)$ ，点 A 是圆 $O: x^2+y^2=1$ 上的一个动点，点 B 在射线 AM 上，且 $|AB|=5$ ，当点 A 在圆 O 上运动时点 B 的轨迹记作曲线 C . 对于曲线 C ，有下列四个结论：
- ① 曲线 C 是轴对称图形；
 - ② 点 $(0,3)$ 为曲线 C 的对称中心；
 - ③ 曲线 C 与 y 轴有 2 个交点；
 - ④ 曲线 C 上的点到点 M 的距离最大值为 4.
- 其中所有正确结论的序号是 _____.

三、解答题：本大题共 5 个小题，共 45 分。应写出文字说明，证明过程或演算步骤。

(16) (本小题满分 8 分)

在 $\triangle ABC$ 中， $B(4,2)$ ， BC 边上的高所在的直线方程为 $2x - y + 3 = 0$ ， AC 边所在直线方程为 $x + y - 3 = 0$ 。求点 A 和点 C 的坐标。

(17) (本小题满分 10 分)

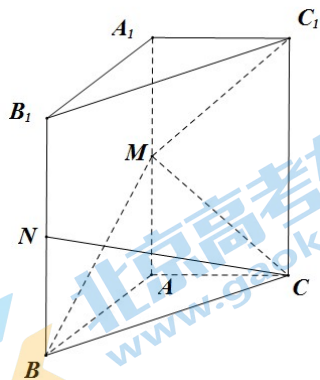
如图，在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中， $AB \perp AC$ ， M, N 分别是 AA_1, BB_1 的中点，

$AB = AA_1 = 2$ ， $AC = 1$ 。

(I) 求证： $C_1M \perp CN$ ；

(II) 求直线 CN 与平面 BCM 所成角的正弦值；

(III) 求平面 BCM 与平面 ABB_1A_1 所成角的余弦值。



(18) (本小题满分 9 分)

已知椭圆 C 的两个焦点分别为 $F_1(-\sqrt{2}, 0)$ 和 $F_2(\sqrt{2}, 0)$, 点 $P(\sqrt{2}, 1)$ 在椭圆上.

(I) 求椭圆 C 的方程;

(II) 过点 $M(1, 0)$ 作倾斜角为 $\frac{3}{4}\pi$ 的直线 l 交椭圆 C 于 A, B 两点, 求线段 AB 的长度.

(19) (本小题满分 9 分)

如图 1, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB$ 是直角, $CA = CB = 2\sqrt{2}$, P 是斜边 AB 的中点, M, N 分别是 PB, PC 的中点. 沿中线 CP 将 $\triangle CAP$ 折起, 连接 AB , 点 Q 是线段 AC 上的动点, 如图 2 所示.

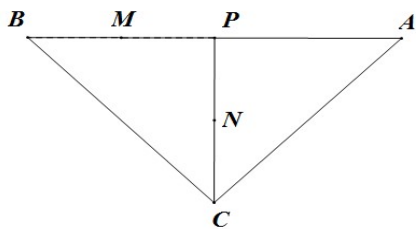


图 1

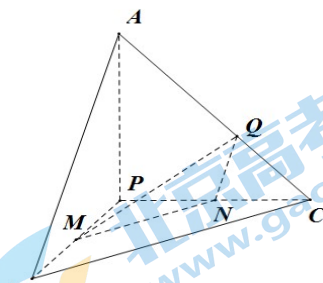


图 2

(I) 求证: $MN \parallel$ 平面 ABC ;

(II) 从条件①、条件②这两个条件中选择一个条件作为已知, 当二面角 $Q-MN-C$ 的

余弦值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 时, 求 $\frac{AQ}{AC}$ 的值.

条件①: $BP \perp AC$;

条件②: $AB = AC$.

(20) (本小题满分 9 分)

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的一个焦点为 $F(1, 0)$ ，且经过点 $M(0, \sqrt{3})$ 和 $N(0, -\sqrt{3})$ 。

(I) 求椭圆 C 的方程；

(II) O 为坐标原点，设 $Q(2, \sqrt{3})$ ，点 P 为椭圆 C 上不同于 M 、 N 的一点，直线 PM 与直线 $x=2$ 交于点 A ，直线 PN 与 x 轴交于点 B ，求证： $\triangle AMQ$ 和 $\triangle OBN$ 面积相等。

石景山区 2022—2023 学年第一学期高二期末

数学试卷答案及评分参考

一、选择题：本大题共 10 个小题，每小题 4 分，共 40 分。

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	A	D	C	A	B	C	D	C	B	B

二、填空题：本大题共 5 个小题，每小题 3 分，共 15 分。

题号	11	12	13	14	15
答案	$\sqrt{10}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	-1	$x^2 + (y-1)^2 = 4$	①③④

三、解答题：本大题共 5 个小题，共 45 分。解答题应写出文字说明，证明过程或演算步骤。

16. (本小题满分 8 分)

解：由 $\begin{cases} 2x - y + 3 = 0, \\ x + y - 3 = 0 \end{cases}$ 得 $\begin{cases} x = 0, \\ y = 3, \end{cases}$

所以点 A 的坐标为 $(0, 3)$.

……3 分

设直线 BC 的方程为 $x + 2y + c = 0$ ，把 $B(4, 2)$ 代入方程，得 $c = -8$.

即直线 BC 的方程为 $x + 2y - 8 = 0$.

……5 分

由 $\begin{cases} x + 2y - 8 = 0, \\ x + y - 3 = 0 \end{cases}$ 得 $\begin{cases} x = -2, \\ y = 5, \end{cases}$

所以点 C 的坐标为 $(-2, 5)$.

……8 分

17. (本小题满分 10 分)

解: (I) 因为 $AA_1 \perp$ 平面 ABC , 所以 $AA_1 \perp AB, AA_1 \perp AC$.

又因为 $AB \perp AC$, 以 A 为坐标原点, AB, AC, AA_1 方向分别为 x 轴, y 轴, z 轴正方向, 建立如图所示空间直角坐标系.2 分

则 $A(0,0,0), B(2,0,0), C(0,1,0), A_1(0,0,2), C_1(0,1,2), M(0,0,1) N(2,0,1)$.

所以 $C_1M = (0, -1, -1), CN = (2, -1, 1)$.

因为 $C_1M \cdot CN = 0 + 1 - 1 = 0$, 所以 $C_1M \perp CN$, 即 $C_1M \perp CN$3 分

(II) $BC = (-2, 1, 0), BM = (-2, 0, 1)$,

设平面 BCM 的法向量 $n = (x, y, z)$.

$$n \perp BC \Rightarrow n \cdot BC = -2x + y = 0,$$

$$n \perp BM \Rightarrow n \cdot BM = -2x + z = 0,$$

令 $x = 1$, 得 $y = 2, z = 2$.

所以平面 BCM 的法向量 $n = (1, 2, 2)$.

.....5 分

因为 $CN = (2, -1, 1)$,

$$\cos \langle n, CN \rangle = \frac{n \cdot CN}{|n| |CN|} = \frac{2 - 2 + 2}{\sqrt{9} \cdot \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{9}.$$

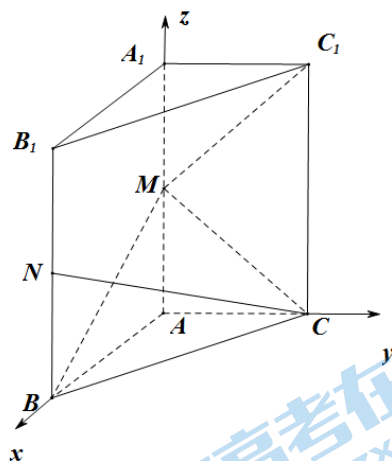
直线 CN 与平面 BCM 所成角的正弦值为 $\frac{\sqrt{6}}{9}$7 分

(III) 因为 $AC \perp AA_1, AC \perp AB, AB \cap AA_1 = A$,

所以 $AC \perp$ 平面 ABB_1A_1 , AC 是平面 ABB_1A_1 的法向量.8 分

$AC = (0, 1, 0)$. 平面 BCM 的法向量 $n = (1, 2, 2)$.

$$\cos \langle n, AC \rangle = \frac{n \cdot AC}{|n| |AC|} = \frac{0 + 2 + 0}{3} = \frac{2}{3}.$$



所以平面 BCM 与平面 ABB_1A_1 所成角的余弦值为 $\frac{2}{3}$.

……10分

18. (本小题满分9分)

解: (I) $|PF_1| = \sqrt{(2\sqrt{2})^2 + 1} = 3$, $|PF_2| = 1 - 0 = 1$.

所以椭圆 C 的长轴长 $2a = |PF_1| + |PF_2| = 4$, 即 $a = 2$.

……2分

因为椭圆 C 的两个焦点分别为 $F_1(-\sqrt{2}, 0)$ 和 $F_2(\sqrt{2}, 0)$,

所以椭圆 C 的焦距 $2c = 2\sqrt{2}$, 即 $c = \sqrt{2}$.

所以 $b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{2}$.

所以椭圆 C 的方程为 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1$.

……4分

(II) 设 $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$.

依题意, 直线 l 的方程为 $y = -(x-1)$,

……5分

联立方程组 $\begin{cases} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1 \\ y = -(x-1) \end{cases}$ 可得 $3x^2 - 4x - 2 = 0$.

……7分

所以 $\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{4}{3}, \\ x_1 x_2 = -\frac{2}{3} \end{cases}$.

所以 $|AB| = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2} = \sqrt{2} \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2} = \frac{4}{3} \sqrt{5}$.

……9分

19. (本小题满分9分)

证明: (I) 因为 M, N 分别是 PB, PC 的中点, 所以 $MN \parallel BC$,

因为 $MN \not\subset$ 平面 ABC , $BC \subset$ 平面 ABC ,

所以 $MN \parallel$ 平面 ABC .

……3分

(II) 选择条件①

因为 P 是 AB 的中点, $CA = CB$,

所以 $CP \perp AP, CP \perp BP$,

因为 $BP \perp AC$, $AC \cap CP = C$,

所以 $BP \perp$ 平面 ACP .

因为 $AP \subset$ 平面 ACP , 所以 $BP \perp AP$.

以 P 为坐标原点, PB, PC, PA 方向分别为 x 轴, y 轴, z 轴正方向, 建立如图所示空间直角坐标系.

……5分

则 $P(0,0,0)$, $A(0,0,2)$, $M(1,0,0)$,

$C(0,2,0)$, $N(0,1,0)$.

易知 PA 是平面 CMN 的法向量 $PA = (0,0,2)$,

设 $AQ = \lambda AC, \lambda \in [0,1)$, 因为 $AC = (0,2,-2)$,

所以 $AQ = (0,2\lambda,-2\lambda)$, $Q(0,2\lambda,2-2\lambda)$.

$MN = (-1,1,0)$, $NQ = (0,2\lambda-1,2-2\lambda)$

设平面 QMN 的法向量 $n = (x,y,z)$.

$n \perp MN \Rightarrow n \cdot MN = -x + y = 0$,

$n \perp NQ \Rightarrow n \cdot NQ = (2\lambda-1)y + (2-2\lambda)z = 0$,

令 $x=1$, 得 $y=1, z = \frac{1-2\lambda}{2-2\lambda}$.

所以平面 QMN 的法向量 $n = (1, 1, \frac{1-2\lambda}{2-2\lambda})$.

……7分

因为 $\langle n, PA \rangle$ 的余弦值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$.

$$\text{所以 } \cos \langle n, PA \rangle = \frac{n \cdot PA}{|n| |PA|} = \frac{0+0+\frac{1-2\lambda}{1-\lambda}}{2 \cdot \sqrt{2 + (\frac{1-2\lambda}{2-2\lambda})^2}} = \frac{\sqrt{3}}{3}.$$

解得 $\lambda = \frac{3}{4}$, 所以此时 $\frac{AQ}{AC} = \frac{3}{4}$9分

选择条件②

因为 $PB = PC$, $AB = AC$,

所以 $\triangle APB \cong \triangle APC$.

所以 $\angle APB = \angle APC = 90^\circ$, 即 $AP \perp BP$.

因为 $CP \perp AP, CP \perp BP$,

所以以 P 为坐标原点, PB, PC, PA 方向分别为 x 轴, y 轴, z 轴正方向,

建立如图所示空间直角坐标系.5分

则 $P(0,0,0)$, $A(0,0,2)$, $M(1,0,0)$, $C(0,2,0)$, $N(0,1,0)$.

易知 PA 是平面 CMN 的法向量 $PA = (0,0,2)$,

设 $AQ = \lambda AC, \lambda \in [0,1)$,

因为 $AC = (0,2,-2)$,

所以 $AQ = (0,2\lambda,-2\lambda)$, $Q(0,2\lambda,2-2\lambda)$.

$MN = (-1,1,0)$, $NQ = (0,2\lambda-1,2-2\lambda)$.

设平面 QMN 的法向量 $n = (x,y,z)$.

$n \perp MN \Rightarrow n \cdot MN = -x + y = 0$,

$n \perp NQ \Rightarrow n \cdot NQ = (2\lambda-1)y + (2-2\lambda)z = 0$,

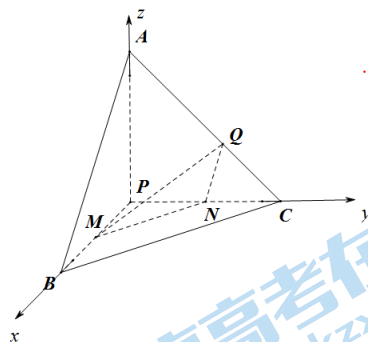
令 $x = 1$, 得 $y = 1, z = \frac{1-2\lambda}{2-2\lambda}$.

所以平面 QMN 的法向量 $n = (1, 1, \frac{1-2\lambda}{2-2\lambda})$7分

因为 $Q-MN-C$ 的余弦值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$,

所以 $\cos \langle n, PA \rangle = \frac{n \cdot PA}{|n| |PA|} = \frac{0+0+\frac{1-2\lambda}{1-\lambda}}{2 \cdot \sqrt{2 + (\frac{1-2\lambda}{2-2\lambda})^2}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$.

解得 $\lambda = \frac{3}{4}$, 所以此时 $\frac{AQ}{AC} = \frac{3}{4}$9分



20. (本小题满分 9 分)

解: (I) 由题意, 得 $c=1$, $b=\sqrt{3}$, 则 $a=\sqrt{b^2+c^2}=2$.

所以椭圆 C 的方程为 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$. ……3 分

(II) 设点 P 的坐标为 (x_0, y_0) ($x_0 \neq 0$), 则 $3x_0^2 + 4y_0^2 = 12$. ……4 分

直线 PM 的方程为 $y = \frac{y_0 - \sqrt{3}}{x_0}x + \sqrt{3}$.

令 $x=2$, 得 $y = \frac{2y_0 - 2\sqrt{3}}{x_0} + \sqrt{3}$, 则点 A 的坐标为 $\left(2, \frac{2y_0 - 2\sqrt{3}}{x_0} + \sqrt{3}\right)$.

因为 $Q(2, \sqrt{3})$, 所以 $|AQ| = \left|\frac{2y_0 - 2\sqrt{3}}{x_0}\right|$.

所以 $S_{\triangle AMQ} = \frac{1}{2}|AQ| \cdot |QM| = |AQ| = \left|\frac{2y_0 - 2\sqrt{3}}{x_0}\right|$. ……6 分

直线 PN 的方程为: $y = \frac{y_0 + \sqrt{3}}{x_0}x - \sqrt{3}$, 令 $y=0$, 得 $x = \frac{\sqrt{3}x_0}{y_0 + \sqrt{3}}$.

所以点 B 的坐标为 $\left(\frac{\sqrt{3}x_0}{y_0 + \sqrt{3}}, 0\right)$, 则 $|OB| = \left|\frac{\sqrt{3}x_0}{y_0 + \sqrt{3}}\right|$.

所以 $S_{\triangle OBN} = \frac{1}{2}|OB| \cdot |ON| = \frac{\sqrt{3}}{2}|OB| = \left|\frac{3x_0}{2y_0 + 2\sqrt{3}}\right|$. ……8 分

所以 $\frac{S_{\triangle AMQ}}{S_{\triangle OBN}} = \frac{\left|\frac{2y_0 - 2\sqrt{3}}{x_0}\right|}{\left|\frac{3x_0}{2y_0 + 2\sqrt{3}}\right|} = \left|\frac{4y_0^2 - 12}{3x_0^2}\right| = \left|\frac{-3x_0^2}{3x_0^2}\right| = 1$.

所以 $\triangle AMQ$ 和 $\triangle OBN$ 面积相等. ……9 分

方法二： 设直线 PM 的方程为 $y = kx + \sqrt{3}$ ($k \neq 0$),

则点 A 的坐标为 $(2, 2k + \sqrt{3})$.

因为 $Q(2, \sqrt{3})$, 所以 $|AQ| = |2k|$.

所以 $S_{\triangle AMQ} = \frac{1}{2}|AQ| \cdot |QM| = |AQ| = |2k|$5分

$$\text{由} \begin{cases} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1, \\ y = kx + \sqrt{3} \end{cases} \text{得} (3 + 4k^2)x^2 + 8\sqrt{3}kx = 0.$$

设点 P 的坐标为 (x_0, y_0) , 则 $x_0 = \frac{-8\sqrt{3}k}{3 + 4k^2}$, $y_0 = \frac{3\sqrt{3} - 4\sqrt{3}k^2}{3 + 4k^2}$7分

直线 PN 的方程为 $y = -\frac{3}{4k}x - \sqrt{3}$.

令 $y = 0$, 得 $x = -\frac{4\sqrt{3}k}{3}$, 所以点 B 的坐标为 $(-\frac{4\sqrt{3}k}{3}, 0)$.

$$\text{则} |OB| = \left| \frac{4\sqrt{3}k}{3} \right|.$$

所以 $S_{\triangle OBN} = \frac{1}{2}|OB| \cdot |ON| = \frac{\sqrt{3}}{2}|OB| = |2k|$9分

所以 $\triangle AMQ$ 和 $\triangle OBN$ 面积相等.

方法三： 设直线 PM 的方程为 $y = k_1x + \sqrt{3}$ ($k_1 \neq 0$), 则点 A 的坐标为 $(2, 2k_1 + \sqrt{3})$.

因为 $Q(2, \sqrt{3})$, 所以 $|AQ| = |2k_1|$.

所以 $S_{\triangle AMQ} = \frac{1}{2}|AQ| \cdot |QM| = |AQ| = |2k_1|$5分

$$\text{由} \begin{cases} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1, \\ y = k_1x + \sqrt{3} \end{cases} \text{得} (3 + 4k_1^2)x^2 + 8\sqrt{3}k_1x = 0.$$

设点 P 的坐标为 (x_0, y_0) , 则 $x_0 = \frac{-8\sqrt{3}k_1}{3 + 4k_1^2}$.

直线 PN 的方程为 $y = k_2x - \sqrt{3}$ ($k_2 \neq 0$), 则 $|OB| = \left| \frac{\sqrt{3}}{k_2} \right|$.

所以 $S_{\triangle OBN} = \frac{1}{2}|OB| \cdot |ON| = \frac{\sqrt{3}}{2}|OB| = \left| \frac{3}{2k_2} \right|$7分

由 $\begin{cases} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1, \\ y = k_2x - \sqrt{3} \end{cases}$ 得 $(3 + 4k_2^2)x^2 - 8\sqrt{3}k_2x = 0$, 则 $x_0 = \frac{8\sqrt{3}k_2}{3 + 4k_2^2}$.

所以 $\frac{-8\sqrt{3}k_1}{3 + 4k_1^2} = \frac{8\sqrt{3}k_2}{3 + 4k_2^2}$, 化简得 $(k_1 + k_2)(3 + 4k_1k_2) = 0$.

当 $k_1 + k_2 = 0$ 时, 点 P 的坐标为 $(2, 0)$ 或 $(-2, 0)$, 则 $S_{\triangle AMQ} = S_{\triangle OBN} = \sqrt{3}$.

当 $k_1 + k_2 \neq 0$ 时, $3 + 4k_1k_2 = 0$, 得 $\frac{3}{2k_2} = -2k_1$, 则 $S_{\triangle AMQ} = S_{\triangle OBN}$.

综上, $\triangle AMQ$ 和 $\triangle OBN$ 面积相等.9分

若有不同解答, 请酌情给分。

关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力的中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “精益求精、专业严谨” 的建设理念，不断探索 “K12 教育+互联网+大数据” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “衔接和桥梁纽带” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

北京高考资讯